

السؤال	الفرع	المطلوب	الفقرة	الحل النموذجي ( الإجابة التفصيلية )	توزيع الدرجات
	أولاً	1	-----	$\log e^{-2x} = \frac{\ln (e^{-x})^2}{\ln 10}$	1
				$F(x) = 2 \ln (\csc x) - (2) \frac{\ln (e^x)}{\ln 10}$	1
				$F'(x) = 2 \frac{-\csc x \cdot \cot x}{\csc x} - \frac{2}{\ln 10} \times \frac{-e^{-x}}{e^{-x}}$	2
				$F'(x) = 2(-\cot x + \frac{1}{\ln 10})$	1
				$F'(x) = f(x) = -2(\cot x + 0.434)$	1
الأول	ثانياً	2	-----	$g'(x) = (x + 1.5) + \frac{1}{x + 1.5} - [x + \frac{1}{x}]$	2
				$g'(x) = 1.5 + \frac{-1.5}{x(x + 1.5)}$	1
				$g(x) = 0 \rightarrow x = -1.5, 0$	2
				$g'(x) = 0 \rightarrow \frac{1}{x(x + 1.5)} = 1$	2
				$x(x + 1.5) = 1 \xrightarrow{\text{تحليل}} x = -2, 0.5$	1
				لكن $\{0, -1.5\}$ نقاط خارج المجال إذاً النقاط الحرجة هي فقط عند $x = \{-2, 0.5\}$	2
	ثالثاً	3	-----	$\int a dt = \bar{\vartheta}(t) \xrightarrow{\text{لنفرض أن } \frac{1}{b^3} = k}$	1.5
				$\int \sqrt{k - t^2} dt \xrightarrow{\text{مساحة نصف الدائرة}} \frac{\pi}{2} k^2 = 4$ الحدود $\rightarrow [-\sqrt{k}, \sqrt{k}] \rightarrow x$ محور	15.
				$b^{\frac{1}{3}} = \sqrt{\frac{8}{\pi}} \rightarrow b = 4.1 m$	2.5

توزيع الدرجات		الحل النموذجي ( الإجابة التفصيلية )	الفقرة	المطلوب	الفرع	السؤال
1	0.5	$\int \frac{1}{x^2} \times \frac{(1+x)^5}{x^5} dx \rightarrow \int \frac{1}{x^2} \left( \frac{1+x}{x} \right)^5 dx$ $= \int \frac{1}{x^2} \left( 1 + \frac{1}{x} \right)^5 dx$ <p>let <math>y = 1 + \frac{1}{x}</math> then <math>dy = -\frac{1}{x^2} dx</math></p> $\int \frac{1}{x^2} \cdot y^5 \cdot -x^2 dy = - \int y^5 dy = -\frac{1}{6} y^6$ $= -\frac{1}{6} \left( 1 + \frac{1}{x} \right)^6 + c$	-----	4	أولاً الثاني	
1						
1	1					
1	0.5		1			
1						
1	1	<p>let <math>y = x^2 \rightarrow \frac{dy}{dx} = 2x</math></p> <p>when <math>x = 0 \rightarrow y = 0</math></p> <p>when <math>x = 3 \rightarrow y = 9</math></p> $\int_0^3 xf(x^2) dx = \int_0^9 xf(y) \frac{dy}{2x}$ $= \frac{1}{2} \int_0^9 f(y) dy$ $= \frac{1}{2} \times 4 = 2$	-----	5		
1						
1						
1	1					
1.5						
1.5	0.5					
2		<p><math>u = \theta</math> , <math>dv = \sin\theta dx</math></p> <p><math>du = d\theta</math> , <math>v = -\cos\theta</math></p> $uv - \int v du = \theta \cdot -\cos\theta - \int -\cos\theta d\theta$ $= -\theta \cdot \cos\theta + \sin\theta + c$	-----	6		
1	2					
1						

السؤال	الفرع	المطلوب	الفقرة	الحل النموذجي ( الإجابة التفصيلية )	توزيع الدرجات			
	أولاً	7	-----	$\frac{1}{x^2(1-x)} = \frac{A}{x} + \frac{B}{x^2} + \frac{C}{1-x}$ $Ax(1-x) + B(1-x) + Cx^2 = 1$ $x = 1 \rightarrow C = 1$ $x = 0 \rightarrow B = 1$ $x = -1 \rightarrow -A(1 - -1) + (1 - -1) + 1^2 = 1$ $A = 1$ $\int \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} - \frac{1}{x-1} dx$ $= \ln x  - \frac{1}{x} - \ln x-1  + c$	2 1.5 0.5 0.5 1.5 0.5 1 1.5			
				الثاني	8	-----	<p>مجال الدالة <math>\cos x + \sec x</math> يتمثل في مجال <math>\sec x</math></p> <p>حيث مجاله <math>R/\{\frac{\pi}{2} + n\pi\}, n \in Z</math></p> $\frac{dy}{dx} = -\sin x + \sec x \cdot \tan x$ $\left(\frac{dy}{dx}\right)^2 = \sec^2 x \cdot \tan^2 x - 2\tan^2 x + \sin x$ $= \sin x (\sec^2 x - 1) = \sin x \cdot \tan^2 x$ $S = \int_K^p \sqrt{1 - \left(\frac{dy}{dx}\right)^2}$ $S = \int_K^p \sqrt{1 - \sin x \cdot \tan^2 x}$ <p>حيث الثوابت <math>\{K, p\}</math> تنتمي للمجال أعلاه !</p>	0.5 1 1 1 1 1 0.5

السؤال	الفرع	المطلوب	الفقرة	الحل النموذجي ( الإجابة التفصيلية )	توزيع الدرجات					
الثاني	ثالثاً	9	-----	$e^{2x-y} = e^{2x} \div e^y$ $\frac{e^{2x}}{e^y} = \frac{dy}{dx \cdot e^y}$ $\int e^{2x} dx = \int dy$	1					
				1						
				1.5	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;">1</td> <td style="text-align: center;"><math>e^{2x}</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;"><math>2e^{2x}</math></td> </tr> </table>	1	$e^{2x}$	0	$2e^{2x}$	
				1	$e^{2x}$					
				0	$2e^{2x}$					
				1	$y = 2e^{2x} + c$					
				1	$0 = 2(1) + c$					
0.5	$c = -2$									
1										
الثالث	أولاً	11	-----	<p>الدالة <math>\frac{1}{2\sqrt{x}}</math> هي دالة متصلة على جميع قيم <math>x \in R/\{0\}</math> حيث المجال المذكور ينتمي للفترة و إرتفاعها يتراوح بين القيمة الصغرة و العظمى للدالة g فهناك إذاً قيمة بين (4, 16) تمثل قيمة متوسطة</p>	1					
				1						
				1						
الثالث	أولاً	11	-----	$\frac{1}{b-a} \int_a^b \frac{1}{2\sqrt{x}} dx$	1					
				2	$\frac{1}{16-4} \int_4^{16} \frac{1}{2\sqrt{x}} dx = \frac{1}{12} [\sqrt{x}]_4^{16}$					
				1	$\frac{1}{12} [\sqrt{16} - \sqrt{4}]$					
				1	$\frac{1}{12} [4 - 2] = \frac{1}{6}$					

السؤال	الفرع	المطلوب	الفقرة	الحل النموذجي ( الإجابة التفصيلية )	توزيع الدرجات
	الخطأ	12	-----	$z(y) = s(y)$	1
				$y = 3 - y^2 \rightarrow 3 - y^2 - y = 0 \rightarrow y = 1.3$	1
				$-y = 3 - y^2 \rightarrow y = -1.3$	1
				حيث القيم الأخرى مرفوضة	
	الخطأ	13	-----	بما أن المساحة متماثلة حول محور السينات	
				$A = 2 \int_0^{1.3} z(y) - s(y) dy$	2
				$= 2 \int_0^{1.3} 3 - y^2 - y dy$	2
	الخطأ	14	-----	$A(x) = 0.5 \times l \times l = \frac{y^2}{2}$	1
				$V = \int A(x) dx$	1
				$V = \int_0^b \frac{(ax + b)^2}{2} dx$	1
				$V = \frac{1}{2} \int_0^b a^2 x^2 + 2abx + b^2 dx$	0.5
				$V = \frac{1}{2} \left[ \frac{a^3}{3} x^3 + \frac{2}{2} abx^2 + b^2 x \right]_0^b$	2
				$V = \frac{1}{2} \left( \frac{a^2 b^3}{3} + abb^2 + b^2 b \right)$	1
				$V = \frac{b^3}{2} \left( \frac{a^2}{3} + a + 1 \right)$	0.5

السؤال	الفرع	المطلوب	الفقرة	الحل النموذجي ( الإجابة التفصيلية )	توزيع الدرجات
السؤال 15	الفرع 15	المطلوب 15	الفقرة أ	$A = \pi r^2$	0.5
				$r = y = ax + b$	0.5
				$y^2 - 0^2 = a^2 x^2 + 2abx + b^2 - 0$	1
				$V = \int_0^a \pi(y)^2 dy$	1
				$V = \pi \left[ \frac{a^3}{3} x^3 + \frac{2}{2} abx^2 + b^2 x \right]_0^a$	0.5
				$V = \pi \left[ \frac{a^2 a^3}{3} + aa^2 b + b^2 a \right]$	1
				$V = \pi a \left[ \frac{a^4}{3} + a^2 b + b^2 \right]$	0.5
			الفقرة ب	مخروط ناقص	2
أنتهت الإجابة					