



المنطق وفلسفة العلوم پولی

تأليف

پول موی

راجعه

الدكتور محمود قاسم

ترجمه

الدكتور فؤاد حسين زكريا

الناشر

مكتبة نهضة مصر

١٨ شارع كامل صدقي بالقاهرة

١٩٦١

المنطق وفلسفة العلوم

بإشراف
إدارة المكتبة العامة
وزارة التربية والتعليم
الإقليم الجنوبي

تصدر هذه السلسلة بمعاونة المجلس الأعلى لرعاية الفنون والآداب
والعلوم الاجتماعية



المنطق وفلسفة العلوم

تأليف

بول ميوي

راجعه

الدكتور محمود قاسم

ترجمه

الدكتور فؤاد حسن زكريا

الناشر

مكتبة النهضة المصرية

١٨ شارع كامل صدق بالقاهرة

١٩٦١

هذه ترجمة كتاب :

Logique et philosophie des sciences

تأليف

Paul Mouy.

الفصل الأول

المنطق وعلم النفس

علم النفس هو العلم الوصفي للظواهر النفسية . وهو يفحصها من جهة
تضامنها وتنوعها .

في المنطق انتقاء وتقدير : فهو يتعلق بدراسة العقل وحده—أعنى بدراسة
النفس التي تعرف وتصور . وهو يحكم على اتجاهات العقل وعملياته بناء
على فكرتي الصواب والخطأ .

والمذهب النفسي الفلسفي ينكر وجود المنطق بوصفه علماً قائماً بذاته .
وهذا المذهب كما يمثل لدى پروتاغوراس ، ولدى «موتني» ، ولدى هيوم ،
وفي النزعتين الإنسانية والبرجانية الحديثتين ، يفسر التفكير البشري ،
والعقل البشري ، عن طريق الطبيعة البشرية . ولكن من البين أن هذا المذهب
النفسى ينتهى إلى الشك ، ويقضى على كل قيمة للحقيقة ؛ بل يقضى في النهاية
على نفسه .

إذن فهناك علم للمنطق . وهو العلم المعيارى للصواب ، مثلما أن علم الجمال
والأخلاق مما العلمان المعياريان للجمال والخير . والمقصود بالعلم المعيارى
ذلك العلم الذى يبرهن على أحكام قويمية وينقدها .

١ — علم النفس ، وصف الظواهر العقلية من حيث تضامنها وتنوعها :

إن علم النفس هو دراسة الظواهر الذهنية . وهو يتناولها في « تيار الشعور ،
الذى تندمج فيه . وفي ذلك التيار ترتبط هذه الظواهر بعضها ببعض ، بحيث

يكون ، السياق ، الذي تندمج فيه كل منها هو مجموع الظواهر الأخرى ،
وبحيث يضمن عليها هذا المجموع دلالتها ولونها الخاص : فالإيمان الديني عند
العالم غيره عند الجاهل ، وهو عند الرزين غيره عند المتحمس . وفضلاً
عن ذلك ، فإن الحالة الشعورية الخاصة ترتبط بالقصد ، الذي يوجه التياز
بأسره : فالفكرة الواحدة ، والكلام الواحد ، قد يكون هازلاً أو جاداً ،
وقد يفيد الاستفهام أو الشك أو التأكيد . وأخيراً ، فإن الحالة الشعورية
تباين في الشدة ، تبعاً للمستوى الذي تحتله في ذلك التيار : فتكون مثلاً
شاردة أو منتبهة .

اختلاف أحوال الحكم والاستدلال : من الأحكام ما لا يعدو
أن يكون استجابة وجدانية : كالتشجيع ، أو السباب ، أو مجرد التعجب .
بل إنه قد ينحصر في مجرد حركة : فالليارز الذي يدفع بحسامه إلى جزء تركه
دفاع خصمه مكشوفاً ، يعمل وفقاً لنوع من الحكم غير ملفوظ به يتحقق
عن طريق العضلات . وفي مستوى آخر ، يصبح الحكم تقديراً تعبر عنه
كلمات جادة : كالنصيحة أو الأمر أو الحكمة . ومن هذا يتضح لنا أن الحكم
فعل ذهني ، يرتبط بالشخص بأكمله ، ويستطيع الشخص أن يعبر عنه تعبيراً
يتفاوت عمقاً ، وذلك تبعاً لاختلاف مقاصده .

والاستدلال تختلف مقاصده : فقد يكون مغالطة تعمل عمداً على خداع
من توجه إليه . وقد يكون هدفه هو دعم اعتقاد سابق في نظر من يحدد صيغة
هذا الاستدلال . وقد يكون القصد منه بث اعتقاد معين في نفوس الآخرين ؛
بل إنه في هذه الحالة الأخيرة قد يختلف اختلافاً بيناً إن كان القصد منه هو
الإقناع ، عنه إذا كان هدفه هو « الحرض » : فالإقناع معناه منع كل

استنتاج مغاير لذلك الذي ينتهى إليه الاستدلال ، بينما يعنى الحوض توجيه الآخر كلية في اتجاه نعتقد أنه هو أصدق الاتجاهات أو أنفسها .

وبالإجمال ، فأهم الخصائص المميزة لعلم النفس هي أنه يكشف عما في الظواهر والأفعال النفسية من تضامن وتباين .

٢ — وجهة النظر المنطقية انتقائية وتقديرية :

أما المنطق ، فإنه ينظر إلى المحتوى النفسى نظرة انتقائية وتقديرية . أما أنه ينظر إلى ذلك المحتوى نظرة انتقائية ، فذلك لأنه لا يستبقى من الفعل الذهنى إلا ما يسمو منه إلى أعلى مستويات العقل ، وما كان القصد منه بلوغ الحقيقة . وهكذا كان المنطق لا يتخذ له موضوعاً إلا من الأحكام الجادة الواعية ، التي تهدف إلى مطابقة الواقع . والاستدلال ينبغى أن يخرج من كل نية للخداع ، وألا يكون له هدف سوى الإقناع : فالحوض ذاته عملية لا تخلو من الشوائب ، إذ تهدف ، كما يقول پاسكال ، إلى الاستبداد ، بشخص الآخرين .

وأما أنه ينظر إليه نظرة تقديرية ، فذلك لأنه يضنى على الفعل الذهنى « قدراً ، أو قيمة » كما يقولون . وبينما يكتب علم النفس بالوصف والربط ، فإن المنطق يقوم ، ويميز الحكم أو الاستدلال الصحيح أو الصائب من الباطل أو المخطئ .

٣ — تجربة الخطأ هي أصل المنطق :

في مبدأ الحياة النفسية يكون الحكم تلقائياً على غرار الحياة نفسها . فعنى الحياة أن يؤكد المرء وجوده ؛ إذ هي أن يقوم باستجابة تحفظ له كيانه وتنميه . وكل استجابة تعادل الحكم : فد الذراع نجوشىء ، يعنى تأكيد حقيقة

ذلك الشيء ، والجزم بشيء عن خصائصه ، وعن شكله وبعده . ومن جهة أخرى يقحم المجتمع نفسه في الوجود الذهني للفرد : فهو إذ يلقن الفرد اللغة ، والحلال الطيبة ، والعادات المستحبة ، والدين ، والفنون العملية ، يمل عليه أحكاماً تامة التكوين ، ليس على الفرد إلا أن يرددها ، ثم يتفهمها رويداً رويداً ، ويحيلها إلى أحكام صادرة عنه . وهكذا يكون للفرد عالم ذهني كامل هو الانعكاس النفسى لحياته الحيوانية ولحياته الاجتماعية ، وهو يرتضى هذا العالم في البداية دون اعتراض .

لكنه يصادف دون ذلك عقبات . فالطبيعة تنبذ له أكثر تعقيداً وغموضاً مما ظنه في البداية ، والإنسان يخدعه ، واللغة تحيره ، وهو يصطدم بأشياء متناقضة وأشخاص يناقضونه ، ويفطن إلى أنه قد «مُخدع» . فتجربة الخطأ تجرّبه خصبة ، بمعنى أنها تؤدي به إلى التساؤل عن سببها ، والبحث عن الطرق التي تمكنه من أن يتجنب في المستقبل ما تجلبه عليه مواجهتها من أضرار . وإذا أدرك أنه قد أساء الحكم ، انتهى إلى أن يتساءل : كيف يحكم ؟ وعندئذ ، يبدأ المنطق .

ومن المشاهد ، في تاريخ الإنسانية الغربية ، أن المنطق كان يظهر في اللحظة التي يكون الفلاسفة فيها قد ملوا تلك المذاهب التي يواجه كل منها الآخر ويناقضه مثلاً يتقابل ، بصفقرمية ، وجه هرقليطس الباكي ووجه ديمقريطس الضاحك . وملوا كذلك تلك الألعاب الخفية التي يلجأ إليها السفسطائيون في لغتهم ، فيشرعون في دراسة العقل ، ليعلموا كيف يحسن المرء التفكير .

٤ — العقل ، وهو الوظيفة المثالية للحقيقة:

يقول الفيلسوف اليوناني أنكساجوراس (١) : « في البدء كان كل شيء مختلطاً ، ثم أتى العقل Voûs فيز كل الأشياء ليعيد تنظيمها ، ونحن لا ننكر أن مذهب هذا الفيلسوف اليوناني كان يشوبه شيء من الروح الأسطورية ، غير أن هذه العبارة تتضمن وصفاً بارعاً للعمل الذي يباشره العقل على نفسه ، بنية القضاء على الاضطراب العقلي ، والتخلص من الخطأ الذي هو خلط في حقيقته . ولذا لما نقل إلينا أرسطو هذه الفكرة التي كشفها أنكساجوراس ، أضاف إليها هذا المديح الرائع للفيلسوف : « لقد كان يبدو ، وسط السابقين عليه ، كرجل صائم وسط أناس سكارى يتحدثون كيفما اتفق ، » .

وهكذا عرف أنكساجوراس « النوس Voûs » وأطلق عليه اسم العقل . فعلى أي شيء يطلق هذا الاسم ؟ إن العقل ليس ، على وجه الدقة ، وظيفة نفسية كسائر الوظائف ، أعني وظيفة تفي بمقتضيات مرحلة محددة من مراحل النشاط العصبي : فهو ، على وجه الدقة ، ليس قبولاً سلبياً ولا استجابة . وهو إلا يشبه الإحساس أو الانفعال من جهة ، ولا الرغبة من جهة أخرى ؛ ذلك لأنه يسمو على مرتبة الإحساس ، ويجعل منه مجرد علامة تدل على الواقع . وهو يتحرر من الانفعال المشوب ، الذي يثيره البدن ، والذي يعكس صفو الحكم الواضح ، ومن الرغبة التي لا تستهدف بلوغ الحقيقة .

فالعقل هو كشف الذات للحقيقة . وهو الذات نفسها ، بالقدر الذي

(١) أنكساجوراس هو أبوني من كلازومين Glazomène ، كان يقوم بالتدريس في أثينا ، في القرن الخامس ق . م . ، وكان من بين تلاميذه بيريكليس وسقراط .

تعلو به على أفعالها الذهنية التلقائية ، وتحاول الوصول إلى الحقيقة ، رغم ما يعترضها من عقبات خارجية وداخلية . وهو يفترض الانتباه ، وتوقف الفعل التلقائي ، والتركيز الباطن . وهو يفترض التطهير والتحرر من المنافع ومن الميول والأهواء . وأخيراً ، يفترض منهجاً في المعرفة يتسامى بالذات على نفسها ، ويمكنها من الوصول إلى الحقيقة .

٥ - أنا أفكر ، إذن أنا موجود :

كلنا نعلم أن هذه العبارة تلخص الكشف العظيم الذي توصل إليه « ديكارت » (١) . وعلينا ألا ننظر إلى هذه الجملة على أنها استدلال ؛ بل على أنها فعل شعوري رفيع ، دعانا « ديكارت » ، به إلى إدراك حقيقة جوهرنا بحسب الواقع ، أي إدراك أننا عقول . فقد يتوهم المرء أنه يوجد على نحو ما توجد الأجسام ، أعني أنه لا يبدو أن يكون شيئاً يشغل حيزاً في المكان ، أو يظن أنه يوجد على نحو ما توجد الحيوانات ، أعني أنه يمثل الغذاء ، ويكتسب مكانه تحت الشمس عن طريق نشاطه . غير أن هذا كله لا يساوي شيئاً إن لم نشعر به عن وعي ، وإن لم « نعلمه » ، بحيث أنه لا وجود للمرء إذا لم « يعلم » أنه موجود . على أن « عالم » المرء هذا ليس مجرد « إحساسه » بوجوده ؛ بل هو ، كما يقول أنكساجوراس « تنظيم » إحساساته ، أعني بناء إدراكه الحسي عن طريق نشاط عقلي يعلو على الإدراك الحسي ، وهو بناء المرء لذاته وشخصه عن طريق نشاط ذهني أسمي من الانفعالات والرغبات

(١) ذكرت هذه العبارة لأول مرة في كتاب « المقال في المنهج » عام ١٦٣٧

ص ٨٥ لمرّة جيلسون المدرسية في مكتبة « فران » Vrin

٦ — المنطق ، علم العقل :

فالمنطق هو ذاته دراسة هذا النشاط النهي . وهو الشعور بهذا الشعور ، فهو ، بمعنى ما ، شعور من الدرجة الثانية . وهنا قد يتساءل المرء : ألن يكون المنطق في هذه الحالة نوعاً من علم النفس ؟ ونجيب نحن عن هذا السؤال بالنفي . فنذكر القارئ بما قلناه عن المنطق في الفقرة ، « ٢ » paragraphe من أنه انتقائي وتقديرى . وسوف نرى فيما بعد أن هذا يوجب على المنطق أن يتبع منهجاً مخالفاً لكل المخالفة لمنهج علم النفس . ولكن الحقيقة أن المنطق يأتي دوره من بعد علم النفس ، وهو امتداد له ، كما توجد بين المنطق وعلم النفس ارتباطات وثيقة عديدة .

٧ — المذهب النفسى الفلسفى الذى ينكر استقلال المنطق :

ونستطيع أن ندرك مدى وثوق هذه الارتباطات ، إذا أدركنا أن هناك تياراً فلسفياً تقليدياً يؤكد أصحابه أن المنطق لا يوجد مستقلاً عن علم النفس .

الطبيعة الإنسانية والعقل الإنسانى : يرى ممثلو هذا التيار الفسكى

التقليدى أن العقل الإنسانى ، والذهن الإنسانى ، والنشاط العقلى الذى به يفكر الإنسان ، (Cogitat على حد تعبير ديكارت) هو مجرد نتاج ، وبمجرد تعبير عن « الطبيعة البشرية » ، أى عن مجموع الوظائف الذهنية الناتجة عن الطبيعة الحيوانية للإنسان ، وعن التأثيرات الاجتماعية التى يخضع لها . فالإنسان ، كما يقول علماء الحيوان ، هو مخلوق بشرى عارف Homo sapiens ، أى هو حالة خاصة من حالات « جنس الأناسى » ، "genre hominien" ،

ونوع من القردة يحيا في مجتمع ، وبتج ، عن طريق استعداد خاص في جسمه ، تلك الحقيقة التي يطلق عليها في اللغة اللاتينية اسم sapientia ، أى الشعور ، والعلم ، وذلك الجو أو العالم المنبع من الأفكار والنظم التي تضيف طبيعة مبطننة إلى الطبيعة الأصلية .

فالذهب النفسى العلسنى ينحصر في رفض التفرقة بين العارف sapiens وبين المخلوق البشرى homo . وأقدم ممثلى هذا الاتجاه هم بعض سفسطائي اليونان ، فهورتاجوراس ، من الأبدىرى (حوالى ٤٤٠ ق . م) ، يقول : إن الإنسان مقياس كل الأشياء ، وهذا معناه أنه ليس ثمة حقيقة مستقلة عن الإنسان وعن طبيعته وميوله ، ومن ثم فالعالم الذى يشيده الإنسان فى العلم ، ليس إلا انعكاساً للطبيعة البشرية .

مونتني Montaigne : وليس من هدفنا أن نقص تاريخ المذهب النفسى العلسنى كاملاً متصلاً ، لكن علينا مع ذلك أن ننبه إلى أن « مونتني » يلتقى إلى هذا النمط الفسكى نفسه . فعندما أراد مونتني ، فى الفصل المشهور من الرسائل Essais المسمى ودفاع عن ريمون سيويه Raymond Sebond ،^(١) أن يدخل الإنسان ويضمه ، إلى السجن ، وأن يقهره ويحصره داخل حاجز الشرطة هذا ، فإنه كان يريد التعبير بذلك عن رفضه أن يعترف للإنسان بفضله . يميزه عن الحيوان ، وأن يجعل لعقله نوعاً من المسكنة الإلهية الحارقة للطبيعة .

ديفيد هيوم David Hume : وتعود الفكرة ذاتها إلى الظهور

في مدرسة فلسفية هي المدرسة الإنجليزية في القرن الثامن عشر، وهي المدرسة التي نعتقد أن ديفيد هيوم خير ممثلها. والرسالة الفلسفية الضخمة التي ألفها هيوم تسمى «رسالة في الطبيعة البشرية»^(١)، وهي تسمية لها دلالتها، فهي تعني أن العقل البشري لا ينفصل في نظر المؤلف عن الطبيعة البشرية؛ بل أن العقل هو، على نحو ما، معبر عن الطبيعة وثمرتها لها، وأن الإنسان يفكر بطبيعته كلها ويكشف عنها في تفكيره، إن جاز هذا التعبير. وفي ذلك يقول هيوم «من البديهي أن كل العلوم ترتبط بالطبيعة البشرية ارتباطاً يتفاوت وثوقاً، وأنه مهما بدأ أن بعض هذه العلوم تبعد عن هذه الطبيعة فإنها تعود دائماً إليها بطريق أو بآخر». تلك هي النقطة الأساسية في المذهب النفساني الفلسفي، وهي في اعتقادنا نقطة ضعفه في الوقت نفسه: «حتى الرياضيات، والفلسفة الطبيعية (علم الطبيعة) والدين الطبيعي، تتوقف جميعها إلى حد معين على علم الإنسان، ما دامت مرتبطة بالمعرفة البشرية، وما دامت قوى الإنسان ومليكاتة هي التي تحكم عليها»^(٢). ونقول إن هذه هي نقطة ضعف ذلك المذهب — وتلك فكرة سنعود إليها فيما بعد — لأنه

(١) ظهر هذا الكتاب في ١٧٣٩ — ١٧٤٠

David Hume : (Euvres philosophiques choisies, traduites de l'anglais par Maxime David (Alean) : T.II. Traité de la nature humaine. De l'entendement p. 3.

(٢) ينبغي أن نحذر الخلط بين F. C. S. Schiller الإنجليزي، الذي ظهرت مؤلفاته الرئيسية حوالي ١٩٠٠، وبين Jean Frédéric Schiller الألماني (١٧٥٦ — ١٨٠٥). صديق جيته، وهو مؤلف «ماری استوارت» وغيرها. كما ينبغي عدم الخلط بين النزعة الإنسانية الإنجليزية في القرن التاسع عشر، وبين النزعة الإنسانية الأوروبية في عصر النهضة؛ إذ لم تكن الأخيرة معاونة للنطاق أو للنزعة المنطقية؛ بل كانت معادية للاهوت المدرسي المأثور عن العصور الوسطى.

إذا كان العلم والميتافيزيقا يرتبطان بالطبيعة البشرية ارتباطاً وثيقاً ، فإنهما لن يكونا سوى أمور إنسانية ، وإنسانية لحسب ، ولن تكون لها قيمة شاملة ، أعنى لن يكونا « صحيحين » . فذهب الشك هو النتيجة الطبيعية للذهب النفسى الفلسفى ، وفيه — فضلاً عن ذلك — حنقه ؛ إذ أن علم النفس لن يعود عندئذ « أصح » من الرياضة .

النزعة الإنسانية الإنجليزية : يطلق اسم « النزعة الإنسانية » على مذهب

إنجليزي حديث ، دعا إليه الأستاذ شيلر F. C. S. Schiller من أكسفورد (والتسمية معقولة إلى حد ما) .

وهو يقول عنها « إن النزعة الإنسانية تفسر ببساطة الفكرة القائلة إن المشكلة الفلسفية تتعلق بالكائنات الإنسانية التي تحاول فهم عالم التجربة الإنسانية مستعينة في ذلك بإمكانيات العقل الإنسانى . » وبعبارة أخرى ، ينبغى أن نفحص كل المشكلات الفلسفية واضعِين نصب أعيننا أنها مشكلات إنسانية ، ومحاولين بوجه خاص أن نحلها مكتسفين بما لدى الطبيعة البشرية من وسائل . ويزعم « شيلر » أن الوسائل التي يستخدمها الإنسان للوصول إلى الحقيقة لا يمكن أن تنفصل عن سياقها النفسى ، وعن كل ما تحتويه نفس من يستخدمها . فالمفاهيم المنطقية الأساسية ، مثل معنى الضرورة ، واليقين ، والبداية ، والحقيقة ، هى فى الأصل أوصاف لعمليات ، وهذه العمليات ظواهر نفسية . فهذه المفاهيم ترتبط أوثق الارتباط بمحالات عاطفية نفسية خاصة . وهو يقول أيضاً « إن العمليات المنطقية الأساسية ، كعملية التصور أو التمييز ، أو التعرف على هوية الشيء ، أو الحكم ، أو الاستنباط — تنطوى جميعها على مظاهر نفسية — ولا يمكن أن تتم

عن طريق التفكير المجرد وحده، (١)

البرجماتيزم عند بيرس ووليم جيمس؛ وعلينا، قبل أن نوجه النقد إلى هذا المذهب، أن نعرض لفظية أنجلو أمريكية عظيمة الشبه بها، وكان لها دوى كبير في أواخر القرن التاسع عشر ومستهل القرن العشرين.

لقد صيغت كلمة «البرجماتيزم» للمرة الأولى على يد «وليم جيمس» خلال عرض لمذهب بيرس (Ch.S. Peirce) في سنة ١٨٩٨ - وهو المذهب الذي كان جيمس يؤمن بقضايه الأساسية. وهو يعرف البرجماتيزم بناء على ما أسماه «مبدأ بيرس»، وهاك ترجمته (٢): لفحص موضوع إحدى أفكارنا، ولنتصور كل النتائج التي يمكن تخيلها، والتي ننسبها إلى هذا الشيء، ويمكن أن يكون لها أهمية عملية ما؛ ففي رأي أن فكرتنا عن الشيء لا تعدو أن تكون مجموع الأفكار الخاصة بجميع هذه النتائج. وبعبارة أخرى، ليس التصور العقلي لشيء إلا بمجموع الاستعمالات التي تنتبأ بها له ونتوقعها منه.

فالإدراك الحسي لشيء، مثلاً، هو تهيئة الحركات التي يؤثر بها المرء فيه، فيمسك به مثلاً، أو ينقله، أو يكتفي باستطلاعها عن طريق اللمس أو الإبصار. والتذكر هو التهيؤ لإعادة تكوين الحركات التي تتلامم والشيء المتذكر. والتخيل هو أن يسلك المرء أو يتكلم كما لو كان الشيء ماثلاً أمامه.

وفي مستوى أرفع من هذا، نجد أن المعرفة العملية هي الاستعداد

F.C.S. Schiller: Etudes sur L'humanisme. Traduction (١)

Jankélévitch (Alcan), 1909, P. 16,107,109.

(٢) هذه هي ترجمة أندريه لا لاندفي المعجم الفلسفي "Vocabulaire philosophique"

للاتنتفاع بالشيء عمليا : فالقوانين العلية هي إرشادات عملية عظيمة التركيز ، أو هي إرشادات يمكن استغلالها عمليا . مثال ذلك أن قانون « ماريوت "Mariotte" ، يحدد مقدار الضغط الذي يجب أن نباشره لكي نجعل لكنته من الغاز ذات حجم معين ، تحت ضغط معين ، حجما آخر .

وكذلك الحال تماما في المذاهب الميتافيزيقية أو الدينية . فالعقيدة الدينية أو المذهب الميتافيزيقي هو فكرة خاصة عن الله ، وعن الأمور الخارقة للطبيعة ، هذه الفكرة توضح ، على نحو ما ، ما يمكننا أن نفعله تجاه هذه الأمور ، أعني المسلك الذي ينبغي ، أو يمكن ، أن يتخذه المرء بإزائها . ولقد قال وليم جيمس^(١) ، بشيء من السذاجة ، إن الله « شيء يستخدمه المرء ، ، إذ أن الابتهاال إليه ، أو الاكتفاء بحبه أو تبهيله أو خشيته ، كل هذه طرق للسلوك تجاهه ، ومن ثم كانت ، بمعنى ما ، طرقا يلجأ إليها الناس لاستخدامه من أجل تحسين أحوالهم .

الحقيقة تُعرف عن طريق المنفعة : ففي رأي « البرجمانيين » ، إذن أن

الحقيقي يرد إلى النافع . والحقيقي هو الذي ينطوي على أكبر قدر من إمكانيات الاستخدام . فالإدراك الحسي مثلا يكون صحيحا إذا مكنتنا من استخدام الشيء ، ويكون باطلا إذا أدى ، أو أمكن أن يؤدي ، إلى إخفاق في الانتفاع به . فمثلا إدراك الجفاف منكسرا في الماء هو إدراك حسي باطل ،

(١) يرض المذهب البرجماني في مؤلفات جيمس متوجه إلى الفرنسية .

“Le pragmatisme” et “Philosophie de L'expérience”
(Flammarion)

لأنه يؤدي إلى إخفاق في اللمس إذا تتبعنا المجداف بيدنا تحت الماء متوقعين أن نراه منحنيًا . والهلوسة البصرية باطللة لأنها تدعو المرء إلى أن يتوقع أن يمس شيئًا لا وجود له حسب الواقع .

وكذلك الحال تماما في الحقيقة العلية . ولقد تحدث « هنري پوانكاريه Henir Poincaré » بطريقة برجماتية (وقد كان ذلك تهورا منه ، إذ أن حديثه لا يطابق فكرته الحقيقية) حين قال في مواضع عدة من كتابه الأول « العلم والفرض ، إن العلم لا يهدف إلى الحقيقة — بالمعنى الشائع لهذه الكلمة — وإنما إلى اليسر في العمل ، فثلا « لا يمكن أن تكون إحدى الهندسات أصح من غيرها ؛ بل يمكن فقط أن تكون أكثر يسرا منها . لأنها . . . أبسط . . . ولأنها تمشي إلى حد معقول مع خصائص الأجسام الصلبة الطبيعية ، الخ . » وبالمثل « كان كيرنك . . . يقول : إنه لاكثر يسرا أن تفترض دوران الأرض ، لأننا نعتبر بهذه الطريقة عن قوانين الفلك بلغة أقل تعقيدا ، . وبالمثل تكون الفروض العامة للعلم — كالنظرية النديية — نافذة ، وعلى هذا النحو يقال إنها صحيحة ، الخ (١) .

هاك إذن ما أراد « پوانكاريه » أن يقول : إن نظريات الهندسة ، ونظريات علم الفلك وعلم الطبيعة ، ليس لها أن تطمح إلى التعبير عن الحقيقة الواقعة ، وعن كنه الأشياء ؛ إذ من الممكن أن تعبر عن ذلك أيضا نظريات أخرى مختلفة عنها كل الاختلاف . وستكون هذه النظريات الأخرى على الدوام متفقة مع التجربة ، ولكن على نحو أقل يسرا ، أي بطريقة أشد تعقيدا ، وأقل إرضاء للعقل .

نزعة رومانتيكية نفعية: وقد كتب مؤرخ معاصر للفلسفة ، هو رينيه برتلو René Berthelot ، تاريخ المذهب البرجماني ، تحت عنوان : نزعة رومانتيكية نفعية Un romantisme utilitaire (١) ، والحق أن المذهب البرجماني هو بالفعل نزعة رومانتيكية ، بمعنى أنه يهدف إلى إعادة اعتبار الحماسية ، والعاطفة ، والشعور الجمالي والديني ، في مقابل الاتجاه العقلي الجاف في العلم والمنطق . ذلك لأن المشاعر تعبر عن حاجات ، فتكون المذاهب النظرية والوسائل العملية التي تنبئ بها « نافعة » بهذا المعنى . فالمذهب الديني مثلا يكون « نافعا » لأنه ينبئ بمقتضيات الحاجة إلى الإيمان ، ويرضي أمنية نصلو إليها .

أما عن استخدام الصفة « نفعي » ، فتتضح صحته إذا سلطنا بأن لدى الإنسان عديدا من الحاجات الأخرى خلاف الحاجة إلى الشرب والاكل وسلامة البدن ، فيجب علينا أن نطلق كلمة « النافع » على كل ما ينبئ بهذه الحاجات المتباينة إلى حد كبير . ولنذكر أن « رينان » ، قد عرف الدين مقتبساً كلمة الإنجيل « إن الانسان لا يحيا بالخبز وحده » .

لهذا السبب نرى أن جيمس ، وهو الداعية الأكبر للمذهب البرجماني ، قد أهدى كتابه في « المذهب البرجماني » إلى « ذكرى جون ستوارت مل » ، الذي كان أول من أرشدني إلى اتساع أفق البرجمانية ، والذي أميل إلى الاعتقاد أنه لو كان اليوم بيننا ، لكان على رأس دعاة هذا المذهب . ومن المعروف عن مل أنه صاحب الأخلاق النفعية . فالبرجمانية إذن مذهب نفعي عام ، قد تقل من المجال الأخلاقي إلى الجمالي الميتافيزيقي .

(١) في ثلاثة اجزاء . مكتبة السكان ١٩٢٢ .

فماذا يكون موقفنا من المذهب النفسى الفلسفى ؟ فى رأينا أنه مذهب مفلس ، وأنه مدفوع إلى إنكار فكرة الحقيقة ، وأنه ينتهى إلى الشك

٨ — المذهب الفلسفى النفسى ، مذهب شك :

سوف ينصب نقدنا أساساً على مسألتين :

١ — الامتداد غير المشروع لفكرة المنفعة ٢ — عكس العلاقة بين الحقيقى والنافع .

نقد المذهب البرجماتى : ١ — كان « جيمس » والبرجماتيون يفخرون « باتساع أفتهم » . ولكن الحق أن هذه الروح الفضفاضة تبلغ حدأ يؤدي إلى القضاء على كل معنى لكلمة « النافع » ، عندما كانوا يعرفون الحقيقة عن طريق المنفعة . فالنافع فى اللغة المتداولة هو ما يبنى بحاجة « حيوية » . غير أن البرجماتيين قد أضفوا على كلمة « الحاجة » معانى بلغت من الكثرة حدأ لم تعد معه تدل على شىء ، حتى ولا كلمة « النافع » ذاتها . فهناك حاجات ترمى إلى حفظ الحياة والعمل على استمرارها . ولكن من الممكن أن نطلق اسم « الحاجة » على ما يعبر عن أكثر الميول الوجدانية تنوعاً : فالمرء فى حاجة إلى أن يكون محترماً ، محبوباً ، كما أنه فى حاجة إلى أن يحب ، وإلى أن يرى من يحبه سعاداً ، والغيورون والحقودون فى حاجة إلى أن يروا الآخرين تعساء وأقل سعادة منهم ؛ والمرء فى حاجة إلى الإيمان بوجود الله وخلود النفس وهم جراً . . . وينبغى أن نضيف إلى الحاجات العاطفية الحاجات العقلية : كالحاجة إلى المعرفة وإلى الفهم ، أو بمعنى أدق ، إلى التعبير عن الظواهر مجتمعة بصيغة بسيطة . ولا شك أن « پوانكاريه » ، إنما كان (٢٢ — المنطق)

يشير إلى ضرورة بساطة الصيغة العقلية عندما كان يتحدث عن « اليسر » باعتبار أنه خليفة الحقيقة أو بديل عنها .

إن « حاجات » الإنسان « والمنافع » التي تناظرها تبلغ من التنوع حداً يجعل كل تعريف للحقيقة بالمنفعة ينتهي آخر الأمر إلى الأ يوضح من طبيعتها أى شيء .

لقد آمن كبرنك بحركة الأرض لأنه من الأكثر يسراً أن نفترض أن الأرض تتحرك . ولكن إذا لم يعرف معنى كلمة اليسر على نحو أدق ، فهلا يسوغ للمرء أن يقول بمعنى آخر إنه كان « أكثر يسراً له » أن يعترف بأنها لا تتحرك ، تجنباً لكل عناء ؟

٢ — لا جدال في أن الحقيقي نافع على نحو ما . ولكن هذا لا يستتبع القول بأن المنفعة هي أساس لتعريف الحقيقة . فالحقيقي نافع لأنه حقيقى ، قبل أى اعتبار للنفعة . ولقد قال تشسترتن Chesterton ما يشبه الكلمات الآتية تقريباً : إن المذهب البرجماتي يعرف الحقيقة بأنها ما يبنى بالحاجة . غير أن أول ما نحتاج إليه عندما نبحث عن الحقيقة هو ألا نكون برجمائين ، . وكان يعنى بذلك أن القاعدة الأساسية التي نضعها عندما نشغل أنفسنا بالكشف عن الحقيقة ، هي أن نصرف النظر عن كل اعتبار للنفعة . ولوطرق الشك إلى نفوسنا ، وآمنا بشيء لأننا في حاجة إلى هذا الإيمان ، لفقد الإيمان إذن كل قيمة له . ومرة ثانية نقول — بعبارة أخرى — إن الحقيقي نافع لأنه حقيقى ، وليس حقيقياً لأنه نافع .

ولنتصور الحالة العقلية لمرضى يقول لطيبه « لا تقل لى سوى ما أحتاج إلى تصديقه » . ألن يكون قوله هذا توسلاً إليه أن يكذب ؟

وهكذا ينتهى الأمر بالمذهب البرجماتي إلى أن يكون « نظرية الأكذوبة الحيوية ، التي تقوم على أساس من نزعة الشك » .

تقد النزعة الإنسانية : تزعم النزعة الإنسانية بأنها تأتي بسيكولوجية للعقل . غير أن هذه السيكلوجية باطلة . حقاً إنها تجريد وصف « العمليات ، التي نكون بها أحكامنا ، وتقول بحق إن الأحكام لا يمكن فصلها عن السياق العقلي وعن الجو الداخلي ، وعن المقاصد التي توجهها . ولكن عندما يحكم المرء بحق ، ألا يكون ثمة قصد يسيطر على كل شيء ، ويوجه النفس بأمرها ، وأعني به قصد إجادة الحكم ، والتفكير طبقاً للحقيقة ؟ هذا القصد هو الذي تتجاهله النزعة الإنسانية ، لأنها تخطئ بينه وبين قصد آخر أيا كان ، كقصد اللهو أو الكذب ، أو الإيذاء .

إن سيكولوجية العقل تدرس قصداً واحداً بالذات ، وهو « قصد الموضوعية ، فإن أبي مذهب أن يميز هذا القصد عن كل ما عداه ، كان معنى ذلك أنه يأبى أن يضني على الحقيقة قيمة فريدة كبرى ، وعندئذ فلا وجود للحقيقة ولا وجود لشيء ما ؛ بل لا وجود لعلم النفس ، ما دام علم النفس الصحيح لا ينطوي عندئذ على شيء أكثر مما ينطوي عليه علم النفس الباطل .

بروتاجوراس : ومن الطبيعي أن نقع في هذه الحالة مرة أخرى فيما وقع فيه بروتاجوراس حين قال « إن الإنسان مقياس الأشياء جميعها » . ولذا كتب شيلر يقول « ينبغي لنا أن نعود مرة أخرى إلى ما فعله بروتاجوراس ، فننتخذ الأحكام الفردية لأشخاص مفردين نقطة بدء لنا . (١) لكن ليس

(١) المرجع المذكور من قبل . ص ٨٩ .

لنا أن نسمى أن « پروتاجوراس » هو أحد زعماء ومؤسسى تلك النزعة السفسطائية التي حاولت ، فى عصر أفلاطون ، أن تخلط الحق بالباطل لسكى تصيد فى الماء العكر ما هو زائف ونافع ، وتبشيد صرح الخطابة على أبقاض الفلسفة

ولقد لاحظ أفلاطون فى « ثيئاتوس » (Théétete) (١) أننا إذا سلنا بمبدأ « پروتاجوراس » ، لكان معنى ذلك التسليم بأن حجج المجنون تعادل حجج العاقل فى صدقها ، وأن أخط الحيوانات شأنأ له رأى عن الكون لا يقل حصافة عن رأى الإنسان الحكيم .

الذاتية والداخلية : كل مظاهر الخلط هذه ترجع إلى خطأ أساسى ، ينحصر فى الخلط بين الذاتية والداخلية . فالحكم حقيقة داخلية ، وهو نتاج للنشاط المستغل للكائن المفكر . وحين نقول « المستقل » ، فنحن لا نغنى بهذه الكلمة حقيقة لا ترتبط بشئ ، بل نغنى حقيقة لها قوانينها الخاصة . فقوانين الفكر لا تملها المادة عليه ، وإلا لما كان الفكر سوى تعبير عن البدن ، كما لا تملها عليه الجماعة ، إذ أن تفكير المرء على النحو الذى يفكر به الجميع لا يوصل إلى الحقيقة . ومع ذلك ، فالفكر يخضع لقوانين ، وسوف نرى كنه هذه القوانين فيما بعد .

غير أن الحكم إذا كان داخلياً فليس معنى ذلك أنه يصبح ذاتياً لهذا السبب . فالذاتية هى الارتباط الوثيق للحكم بفرديّة الذات ، وبالآنا . حقاً .

(١) المرجع المذكور من قبل . ص ٨٩ .

(٢) ١٥٧ (٥) — ١٦٢ (١) .

إن الذات تقول : أنا أفكر ، ولكن هل المقصود هنا هو فرديتها ، وأناها ؟
لقد لاحظ بعضهم — بحق — أن ديكارت عندما قال ، أنا أفكر إذن
أنا موجود *Cogito, ergo sum* . لم يكن يعنى ، إذن فأنا موجود بوصنى
ديكارت *ergo sum Cartesius* — إذ لو كان الأمر كذلك ، لأمكنه أن
يستخلص من هذا الاستدلال ذاته الصفات : رجل الخ بل لأمكنه أن
يستخلص منه : مولود فى ١٥٩٦ فى لاهى بمقاطعة التورين..... الخ ، وربما
استخلص منه : مصيره أن يموت فى استكلم . غير أن هذا كله محال . فما كان
فى وسعه أن يستخلص منه إلا : أنا شىء مفكر . *sum res cogitans* .
فلا يتبقى من الذاتية فى الشعور العقلى شىء .

وإذن ، فالحكم قد يكون فعلا داخليا دون أن يكون فعلا ذاتيا :

٩ — المنطق ، وقد رد إليه اعتباره ضد المذهب النفسى الفلسفى :

إذن ، فعلى الرغم مما يمتقده دعاة المذهب النفسى الفلسفى ، يوجد علم خاص
بحقيقة عمليات العقل — وهذا العلم هو المنطق . وقد بدأ الناس يميزونه من
علم النفس الذى هو علم الأفعال العقلية ، أيا كانت ، منظورا إليها من حيث
واقعتها (أعنى من حيث أنها توجد بالفعل) لا من حيث قيمتها (أى من
حيث أن لها قيمة) .

حجج الرياضيات : تضرب لنا الأحكام الرياضية مثلا رائعا . فلنتأمل حكما
غاية فى البساطة ، مثل $٢ + ٢$ تساوى ٤ . فإذا نحن تأملناه من وجهة
النظر النفسية وجدنا فيه جوا فرديا كاملا : فر بما كان صادرا عن فعل جرت
به العادة ، أو عن تذكر ، يسترجع فيه المرء ذكرى كشفه لتلك الحقيقة
عندما عد على أصابعه حين كان طفلا ، وما يحيط بهذا الكشف من حين

وجداني تبعته هذه الذكرى التي ترجع إلى الماضي ، أو عودة انفعال مؤلم (غضب المدرس عندئذ نظرا للبطء المفرط في القيام بعملية هيئة كهذه) ثم انفعال السرور الطفيف ، الذي يبعثه الأداء الحالى لفعل عقلى اعتيادى حين يرضى المرء كل الرضا الخ . فإذا اتقينا عملية أصعب من هذه بكثير ، كاستخراج الجذر التربيعى ، أو حساب التكامل ، فإن التحليل النفساني يكشف لنا بلا شك عن شعور بالجهد ، وبتكرار التعمود ، والأخطاء التي صححت ، أو التي تثبط الهمة إذا لم يفلح المرء في التغلب عليها . الخ ،

ذاك ما يقدمه إلينا التحليل النفساني . غير أن في الأمر شيئاً آخر : هو حقيقة القضية . فهذه القضية يمكن البرهنة عليها . فما الذى نفعله كي نبرهن عليها ؟ وما البرهنة ؟ وكيف يبرر ذلك النوع من الضمان ، ومن الطمأنينة الظاهرة التي يبعثها البرهان ؟ إن لهذه الأسئلة علماً خاصاً يجيب عنها .

على أن هذا العلم ليس هو الحساب ، إذ أن الحساب يبرهن ، ولكنه لا يعبأ بتبيان ماهية البرهنة . كما أنه لا يعبأ بأن يبين السبب في تأكد المرء من النتيجة عندما يبرهن عليها .

اليقين والانتباه : ذلك لأن المنطق هو ، على نحو آخر ، « علم اليقين » . واليقين حالة نفسية ، ولكن مضمونها يتجاوز نطاق علم النفس . فيقين المرء معناه أنه يشعر بأنه قد وصل إلى الحقيقة ، وإلى الشيء كما يوجد في ذاته . أى أنه ، كما يقول مالبرانش ، أن يشعر المرء بأنه « يفكر كما يفكر الله » ، والواقع أن العقل بعملياته الأساسية يتجاوز مجال علم النفس . ولقد أبدى مالبرانش ملاحظة عميقة حين قال عن « الانتباه » ، إنه « صلاة طبيعية » ، وكان

يعنى بذلك أنه مجهود يبذله المرء ليخرج عن ذاته ، وليتجاوز حدود شخصه ، ولكن لا بأن يسمو ، بل على العكس من ذلك ، بأن يتضع ويذل ، وينصرف عن ذاته ، وينتظر العون والحل من مصدر أعلى منه ، كما يفعل عندما يصل . وبالمثل يمكننا القول بأن اليقين هو الشعور الطبيعي ، بمشول الله [في النفس] ، أو هو ذلك الشعور بالأزلية الذي حدثنا عنه سينوزا (١) .

ولكن إذا كان ثمت أفعال للذهن هي من جهة ذاتية ، ومن جهة أخرى تدل على قصد موضوعي ، وهو القصد الذي ينبغي أن يتحقق من حين لآخر (وإن لم يكن في وسعنا أبدا أن نقول إنه قد تحقق في حالة معينة) فثمت علم للذهن يتجاوز نطاق علم النفس . هذا العلم ، كما قلت من قبل ، هو المنطق . ولنقل مرة أخرى ، وعلى نحو آخر ، إنه هو الشعور بالفهم .

١٠ — المنطق ، « علم معياري ، للحقيقة :

بينما كان علم النفس ينظر إلى الظواهر النفسية ، كما قلنا ، في وجودها المحض ، ودون أن يكون له من هدف سوى بيان مدى ترابطها أو تنوعها ، فإن المنطق ينظر إلى الفعل باعتبار قيمته . فالتصورات العقلية تسمو في مرتبتها على الوجود المحض وتمتاز عنه بأن لها « قيمة » .

(١) نحن لشعرون نحن أننا أزليون *Sentimus experimur que nos aeternos esse* ويصرح سينوزا ذلك بقوله : « إن النفس تحس بالأشياء التي تدركها حين تعقل على نحو لا يقل عن إحساسها بالأشياء التي تعيها ذا كرتها . والحق أن عيني النفس ، اللتين ترى بهما الأشياء وتلاحظها ، هما البراهين بينهما » .

والقيمة تطلق ، بصفة عامة ، على الصفة التي تجعل أشياء معينة تستحق التقدير . وحكم القيمة هو الحكم الذي يعترف للأشياء بهذه الصفة . ومن أمثلته ، الحكم الذي يعلن جمال أثر فني مثلا ، أو الطابع الأخلاقي لفعل ما . ولنلاحظ أن أحكام القيم قد تكون سلبية ، فتنفي عن الشيء القيمة التي كان ينبغي أن تكون له ، والتي كان المرء يتوقع أن يجدها فيه .

العلوم المعيارية : الأخلاق وعلم الجمال والمنطق : والقيم تنتمي إلى ثلاثة أنواع رئيسية : قيم الأخلاق ، والجمال ، والحقيقة ، وهي التي ترتبط بمعان ثلاثة هي : الخير والجمال والحق . وهذه المعاني الثلاثة موضوعات لثلاثة علوم يطلق عليها اسم العلوم المعيارية ، ، وذلك من أجل التعبير عن طابعها الخاص وعلاقتها بالقيمة ، وهي : الأخلاق التي تتخذ لها من الخير موضوعا ، وعلم الجمال ، وموضوعه الجمال ، والمنطق ، موضوعه الحقيقة .

ويتميز العلم المعيارى عن العلم المؤلف بأنه يتكون من أحكام قيم ، وبأنه يضع أسس هذه الأحكام بأن يستخلص ما يسمى بمغيارها (الخير ، الجميل ، الحق) . ومثل هذا العلم لا يكتبني بوصف موضوعه وبيان القوانين التي تحدد طبيعته ، بل يميز في موضوعه بين الأشكال الصالحة والأشكال غير الصالحة ، ويقرر نوعا من التدرج بين هذه الأشكال .

ومن المهم أن نلاحظ أن العلم المعيارى يصل إلى هدفه دون أن يستمد أسباب ترجيحاته من شيء آخر سوى الموضوع ذاته . ويتفق ، في الواقع ، أن تقوم علوم غير معيارية بعملية ترتيب الموضوعات التي تعنى ببحثها ترتيبا تدريجيا . غير أن ذلك يحدث دائما بناء على غاية خارجية : فعلم الطبيعة مثلا

يميز بين الأشكال العليا والأشكال الدنيا للطاقة ، مادام يتحدث عن « تدهور ، للطاقة ؛ ولكن ذلك لا يكون إلا بالنسبة إلى محصل هذه الطاقة في عمليات التحول ، وهذا المحصل لا قيعة له إلا بالنسبة إلى غايات الصناعة . فالأحكام المعيارية في علم الطبيعة لا تتحدد على أساس اعتبارات فيزيقية ؛ بل على أساس اعتبارات لها صلة بالوسائل العملية ، أعني خارجة عن مجال علم الطبيعة بمعناه الصحيح . أما في الأخلاق ، فإن الحكم على الظواهر الأخلاقية مستمد من أسس جوهرية في الأخلاق ذاتها ، لأن الأخلاق تنطوي في ذاتها على غايتها . وبالمثل لا يحقق الشيء الجميل في علم الجمال ، غاية صناعية خارجة عن نطاق هذا العلم . وفي المنطق يكون الحق هو غاية في ذاته ولذاته . ففي العلوم المعيارية تبني أحكام القيم على أسس داخلية ، هي جزء لا يتجزأ من مجال العلم ذاته ، فالمعيار شيء أصيل في العلم المعيارى ، وهو الذى يكون موضوعه الخاص .

التوازي الشكلى بين العلوم المعيارية . لوحظت بين العلوم المعيارية الثلاثة

أوجه شبه تلفت النظر^(١)، وتعين على فهم طبيعتها . فثلا قبل أن يصبح كل منها علماً حقيقياً يقتضى دراسة وتفكيراً ، كان له طابع اجتماعى تلقائى ، وكان يتسم بسمة القاعدة الآمرة الشائعة بين الناس . فالأخلاق كانت في مبدأ الأمر ، تراناً خارجياً ، هو « أخلاق آباءنا » ، بما فيها من طابع شبه دينى ، وبالمثل كان علم الجمال ينحصر في قواعد تقليدية ، توقيعية وموسيقية ، ترتبط هي الأخرى بالطقوس الدينية ، وكذلك كان المنطق ، الذى كان مرتبطاً بالنحو في بدء الأمر ، وكان يفرض نفسه بوصفه مجموعة من قواعد الطقوس ، ومن

André Lalande. Du parallélisme formel des sciences^(١)
normatives, Revue métaphysique 1911. p. 527-532.

الإجراءات اللفظية التنظيمية . واتخذت هذه الأوامر الجماعية في الشعور الفردى صورة الحدس ، وصورة الذوق الشخصي : فالحاسة الخلقية ، والضمير الأخلاقي التلقائي الذي يظن نفسه معصوماً من الخطأ ، يناظره الذوق في الفن ، والبداهة في المنطق ، إذ أن البداهة نوع من تنبؤ الحقيقة . ومن الناس من يبدو عليهم أنهم قد فقدوا كل حاسة أخلاقية ، كذلك يتمثل لدى بعضهم — في الظاهر على الأقل — فقدان الذوق الجمالي كما أن هناك ، من وجهة النظر المنطقية « عقولاً زائفة » ، بل هناك من هم أدنى من ذلك ، أعنى المتوهين والمجانين .

وستتيح لنا هذه الاعتبارات تحديد منهج ذلك العلم المعيارى الذى نحن بصدده هاهنا ، أعنى المنطق ، وتمكننا بوجه خاص من أن ندرك أن المنطق ينبغى له أن يتجه من الطابع التلقائى إلى الطابع القائم على التفكير .

١١ — المنطق علم وفن فى آن واحد :

هل هذا الانتقال من الطابع التلقائى إلى الطابع القائم على التفكير غاية فى ذاته ، أم أنه يمكن العقل من تحسين العمليات التى يقوم بها ، قبل كل علم ، من أجل بلوغ الحقيقة ؟

كان من المسائل التى أثارها الجدل بين المناطقة الأقدمين ومناطقة العصور الوسطى معرفة ما إذا كان المنطق علماً أم فناً : أعنى هل هو علم بمعنى أنه معرفة نظرية بحتة للتفكير الصحيح ، دون أى تطبيق عملى ، أم هو فن بمعنى أنه وسيلة عملية لإجادة التفكير . فلنقل إن المنطق علم وفن فى آن واحد ، إذ أنه يصف عمليات العقل ويحكم عليها ، ويضئ عليها قيمة

تفاوت في مكانتها ، مما يؤدي به ضرورة إلى إصلاح هذه العمليات وتقويمها .
ولقد أطلق حقاً على كتاب المنطق المعروف باسم منطق
« پور رويال » (المنشور في عام ١٦٦٢) اسم « المنطق أرفن التفكير » .
وهذا الكتاب يتصدره مقال عرض فيه مؤلفاه أرنو ونيكول Arnauld
et Nicole « الهدف من هذا المنطق الجديد » ، ويبدأ المقال بهذه الكلمات
« ليس ثمة شيء أجدر بالتقدير من الحكم الفطري الصادق ، ومن صواب
نظرة العقل في إدراكه للحقيقة والبطلان » . فهم إذن يحكون بان المنطق
نافع في اكتساب هذه الصفات . وبالمثل نشر ديكارت في ١٦٣٧ « المقال
في المنهج » ، من أجل إرشاد العقل والبحث عن الحقيقة في العلوم ، .

ومن المؤكد أنه ينبغي ألا نغفل في تقدير القيمة العملية للمنطق . فنلاحظ
أولاً أن المنطق ، لما كان على سيكولوجية الذهن في مرتبته ، فإنه يفترض ثقافة
سابقة واسعة ، كما يفترض معلومات عديدة . وفصلاً عن ذلك ، فن الجائز
أن يكون الأعداء الحقيقيون للحقيقة في العقل الإنساني ، هم الخول والأهواء ،
لا الاقتتار إلى التجربة أو إلى البراعة المنطقية .

ورغم ذلك . فليس لنا أن نظن أن المنطق ليس مجدياً في الناحية العملية .
ولأنما ينبغي أن نقول إن فائدته سلبية على الخصوص . فهو يكشف النقاب
عن الاستدلالات الباطلة ، بل إنه يحذرنا من عدم كفاية الاستدلالات التي
تبدو في ظاهرها غير يقينية لحسب . وهو لا يفيد في الكشف عن الحقيقة
بقدر ما يفيد في توقي الخطأ ، وبالتالي في تنمية ما يسمى بروح النقد . فهدف
« ديكارت » مثلاً كان سلبياً على وجه الخصوص : إذ كان يرعى إلى أن يقتلع
من نفوس معاصريه تعلقهم بالمنطق الشائع في العصر المدرسي .

مراجع

Lalande : Lectures sur La philosophie des Sciences
(Hachette) , Chap. VIII

لالاند : مطالعات في فلسفة العلوم

ملحوظة : ينبغي ألا يرجع القارىء إلى الطبقات القديمة لهذا الكتاب ،
الذى نصح مرات عديدة ، إذ أن هذه الطبقات القديمة لم تعد تساهل
تقدم العلم .

Brunschvicg : Les âges de l'intelligence (p.u.f). Lalan-
de : La raison et les normes (Hachette) 1949.

برنشفيك : عصور العقل — لالاند : العقل والمعايير (يرجع إليهما
في القسم العاشر)

Piaget : La Psychologie de l'intelligence (Colin).

بياجيه : العقل في ضوء علم النفس .

الفصل الثاني

المنطق

منهج المنطق هو التحليل النقدي القائم على التفكير . وينصب هذا التحليل أولا على اللغة ، فيميز فيها بين .

١ — الحدود التي تدل على معاني كلية « مجردة » « وعامة » ، والتي يكون لها مفهوم وما صدق .

٢ — القضايا ، التي تثبت (أو تنفي) علاقات بين الحدود ، والتي تعبر عن أحكام .

٣ — الاستدلالات التي تستخلص نتيجة من عدد معين من المقدمات . مقولات أرسطو و « كانت » هي الصور العامة للفكر في إعداد المعاني الكلية والأحكام . مبادئ « المنطق العام » (أى مبادئ الهوية والتناقض والثالث أو الوسط المرفوح) تسرى على كل فكر وكل لغة تزعم لنفسها الاتساق .

غير أن فلسفة العلوم تقدم إلى المنطق منهجا آخر أكثر خصوصية من هذا المنهج بلا شك ، وهو التحليل النظري الذي ينصب على العلم عند نشأته ، ثم يتطور إلى بحث في المناهج العلمية ، وتقد للمعرفة العلمية [ايستمولوجيا] ونظرية للمعرفة (١) .

١ — الحقيقة ليس لها معيار :

إذا كان المنطق علما معياريا ، كانت الحقيقة « معيارا » ، أى قاعدة أو نموذجاً للكشف عن الحقائق أو التحقق من صدقها .

(١) سوف نعرض لوجهة نظر المنطق الحديث في الفصل الثانى عشر (القسم الثامن) .

ولكن هل هناك « معيار » *κριτήριον* ، للحقيقة ، أعني علامة تتسم بها القضايا الصحيحة وتتميز بها من القضايا الباطلة ؟ وهل يتميز الصحيح من الباطل كما يتميز الأبيض من الأسود ؟ لقد تساءل الإغريق عن ذلك قائلين : هل يحمل الحكم الصحيح طابعاً مميزاً ، مماثلاً للعلامة التي تطبع على أجساد العبيد ، ويمكن من التعرف عليهم إذا ما لاندوا بالفرار ؟

لقد حاول فلاسفة العصر اليوناني القديم جهدهم أن يعرفوا معيار الحقيقة هذا ، غير أنهم لم يعجزوا عن الوصول إليه فحسب ؛ بل لقد اضطروا إلى التسليم أخيراً بأن الفكرة ذاتها متمتعة . إذ لو وجد مثل هذا المعيار ، لما استطعنا أن نتصور إمكان وقوع الناس في الخطأ ، وإمكان اختلاف الآراء حول الموضوع الواحد ؛ في حين أنه لو كان ثمة حقيقة ، لكان من الجلي أن رأيا واحداً منها هو الصواب . ومن جهة أخرى ، فلا شيء يشبه الصواب ، من الوجهة العملية ، ولا شيء يبدو أشبه بالحقيقة بالمعنى الحرفي لهذا المصطلح [في الفرنسية *vraisemblable* وهي كلمة مشتقة من الحقيقة] أكثر من البطلان . فمثلاً : لا شيء أقرب إلى الواقع الفعلي من الحلم ، ومن المحال ، كما بين ديكارت في « التأمل الأول » ، أن يعلم المرء علم اليقين بأنه ليس نائماً أو ، ن يبرهن على ذلك برهاناً قاطعاً . وفضلاً عن ذلك ، فمن أين يستمد معيار الحقيقة سلطته ؟ أهو يستمدها من معيار آخر ؟ وما مصدر هذا المعيار الآخر ؟ إن مصدره معيار آخر ، وهكذا إلى ما لانهاية . والحق أن الشكك اليونانيين قد جمعوا حول هذا الموضوع الدليل تلو الدليل ، متحدين بذلك « التوكيديين *dogmatiques* » (أى أولئك الذين يقولون بوجود معيار أو مقياس) أن يأتوا بدليل يثبت تأكيدهم : أى أنهم كانوا يقولون للتوكيدي « برهن على برهانك » ، فيقع التوكيدي في حيرة لا مخرج

منها ، إذ أنه ١ — إما أن يقتصر على أن يؤكد في تعسف أن برهانه يصلح في نظره هو ، وذلك ما كان الشكك يسمونه موقفاً *ompoθέσις* أعنى التأكيد الاعتباري دون برهان . ٢ — أو يحاول أن يعلو على هذا الموقف ، ولكنه سيظل يعلو في هذه الحالة إلى ما لا نهاية له ، وبالتالي لن يصل أبداً إلى البرهان المنشود . وذلك هو التسلسل إلى ما لا نهاية له *ἐκπτώσις εἰς ἀπείροις* وإما أن يضطر إلى البرهنة عن طريق نفس الشيء المراد البرهنة عليه ، وتلك هي حالة الدور أو *diallèle* (البرهنة على شيئين كل منهما بالآخر) (*δὴ ἀλλήλων*) . ومن ذلك ننتهي إلى أن الحقيقة ليس لها معيار .

غير أن هذا لا يعني أنه ليس ثمة حقيقة . فنذ آلاف السنين التي ظل الناس خلالها يستدلون ويبرهنون ويتحققون من صدق آرائهم ، كان من المحال ألا تظهر خلال ذلك حقيقة ما . وإن العلم ليتقدم على الدوام ، وهو يقدم الدليل على حقيقته بما يحرزه من نجاح في كل الميادين .

والذي ينبغي أن نقوله هو أن « الحقيقة هي معيار ذاتها ، وكما قال سبينوزا^(١) بحق فالحقيقة ليست في حاجة إلى أية علامة » . ويمكن أن تكون لدينا الماهيات الموضوعية ، أو ما يعادلها من أفكار عن الأشياء ، للقضاء على كل شك . إن الحقيقة قد ظهرت رويداً رويداً عن طريق تقريرات متتالية ، وخلال المحاولات والجهود والتأملات والتعديلات ، ثم حصلنا عليها واكتسبناها : ولإذن فلنتخذها معياراً في ذاتها .

Spinoza : *Traité de la réforme de l'entendement* (١)
Œuvres traduites et annotées par Appuhn. Paris, Garnier,
1907, t. I, p 239.
(٣ م — المنطق)

٢ — المنطق يتبع منهج التحليل النقدي النظرى :

إذن ليس المنطق كاشفاً وتأكيدا لمعيار خارجي للحقيقة . وإنما هو تحليل وفكري ، وتقدي .

١ — فهو تحليلي بمعنى أنه إذا اتخذ الحقيقة المعطاة نقطة بدء له ، فإنه يرتقى منها إلى الشروط التي جعلت هذه الحقيقة ممكنة .

٢ — وهو فكري واع ، بمعنى أنه يصل بهذه الطريقة إلى «معرفة قدرتنا على المعرفة» كما يقول سبينوزا . فالفكر الواعي هو معرفة الفكر لذاته معرفة إيجابية إرادية . ومن هنا ندرك كيف أن كلمة الفكر الواعي reflexion نشئت من اللاتينية reflectere التي تعني «الرد إلى الوراء» (أعني أن يرتد المرء بفكره إلى الوراء ليحيى المرحلة التي قطعها) .

٣ — وهو تقدي ، بمعنى أنه متى انتهى من تحليل المعرفة والتفكير فيها تفكيراً واضحاً ، ميز بين ما هو صحيح وما هو باطل على نحو أكثر دقة ، وبذلك يستطيع أن يحدد المنهج الذي يفضي إلى المعرفة الحقة . ولقد كان «كانت»^(١) هو الذي أدخل كلمة «نقدي» واستعملها في الفلسفة بمعنى التفحص والاختبار المنهجي .

٣ — فكرة وجود منطق عام :

يطلق اسم « المنطق العام » على دراسة جميع العمليات العقلية التي تتسم بطابع «التدرج في المعرفة» ، أعني أنها تتمثل ، أو يمكن أن تبدو ، في صورة

(١) Critique de la raison pure, 1781 ; de la raison pratique, 1788; du jugement 1790.

تسلسل واضح للأسباب المنطقية . والهدف من هذه الدراسة هو تحديد العمليات الصائبة ، والتي تنتهى بالكشف عن الحقيقة ، من بين سائر العمليات العقلية .

ولكن من أين نأتى بهذه العمليات؟ أول الطرق التي تطرأ على الأذهان ، وأوسعها انتشارا ، هي أن تستمد مادة المنطق من اللغة .

ولا جدال في أن اللغة في ذاتها لا توصف بالصدق ، وإنما هي تفيد الصواب والخطأ على حد سواء ، وهي تحمل الحقيقة والبطلان معاً على قدم المساواة . ولكن لا بد أن اللغة قد اكتسبت - منذ أن وضعتها البشرية وتوارثتها وكلمتها - قدرة تتيح لنا إيضاح الحقيقة ، لا الكشف عنها . فالقضية التي تذكر على حدة لن تنطوي بحسب صورتها وحدها على شيء ينبئنا إذا كانت صادقة أم كاذبة . فقد يقول المرء في دياجير الظلام : النهار طالع ، فاللغة تسمح بوقوع الخطأ ، وهي مطية الكذب . ولكن وسائل الربط بين أجزاء اللغة كفيلة بأن تكشف عن العمل الذي يمهّد للوصول إلى الحقيقة . فإذا قلت مثلاً : ونحن في شهر أبريل ، والساعة التاسعة صباحاً ، إذن فالنهار طالع ، كانت العلاقة بين هذه القضايا ، وخاصة بين القضيتين الأوليين اللتين تجمع بينهما واو العطف ، وبين الثالثة ، التي تستهل بالحرف «إذن» - نقول كانت هذه العلاقة ذات دلالة كبرى . فمجموع القضايا الثلاث يكون ما يسمى بالاستدلال . والاستدلال هو الطريقة المثلى للوصول إلى الحقيقة أو لتوق الخطأ . فالذي يهمني في مجموعة القضايا التي ضربنا بها هذا المثل ، ليس القضايا ذاتها ، وإنما هو العملية التي تنتج بها الثالثة من الأوليين .

ودراسة هذه العملية لا تكشف لى عن حقيقة القضية ، وإنما تكشف لى عن الطريقة التى تقرر بها حقيقة إحدى القضايا .

المنطق العام . فلسفة النحو (التراكيب اللغوية) : وتقول بعبارة أخرى ، إنه من الممكن جدا أن يبدو المنطق كما لو كان تحليلا واعيا للنحو ، لذلك الجزء من النحو المسمى بدراسة المفردات والأشكال اللغوية (وإن تكن لمعرفة الأشكال بعض الأهمية فى دراسة ظاهرة تعدد معانى الألفاظ وعلاقتها بنهاية الكلمات الخ . وهى الدراسة التى تكشف عن علاقات ، ومن ثم تحدد على الأقل معالم الطريق الذى فصل به إلى الحقيقة) ، بل للجزء الآخر المسمى « بالتركيب اللغوى » ، فيسكون المنطق العام أولا فلسفة للتركيب اللغوى [phil. de la Syntaxe] وبحثا فى التركيبات التى تعبر عن عملية التحقيق من صحة المعنى ، وهو على الأخص بحث فى الكلمات التى تحدد المراحل الرئيسية لهذه العملية مثل : واو العطف ، أو ، إذن ، لأن ، رغم أن . . . الخ . فالمنطق العام هو أولا تحليل واع ، يتعلق بأدوات العطف التى تفيد الارتباط والتبعية .

وفضلا عن ذلك ، فإن كلمة « لوجوس » ، λόγος ، التى اشتق منها اسم المنطق فى اليونانية تعبر أصلا عن اللغة ، وعن الجزء الإيجابى منها بوجه خاص ، أى عن الجزء الذى يقننه التركيب اللغوى على هيئة قواعد ، ومن هنا جاءت المعانى المشتقة من هذا اللفظ القديم : كالاستدلال ، والصلة ، والحساب ، والمنهج ، والعلم .

التركيب اللغوى والديالكتيك : يمكننا أن نصل إلى نتيجة أفضل من هذه ، لو درسنا اللغة وهى فى غمرة أدائها لوظيفتها وفى أوج مرحلة البحث ،

أعنى إذا صرفنا النظر عن التفكير في النحو اللغوى العمل المتداول ، الذى يتم
بالناحية العملية أكثر مما يتم بالحقيقة ، وبالصلاحية العملية أكثر من القيمة
العقلية ، لكى نفحص لغة البرهان والمحاجة والتفنيد ، أى ما كان يطلق
اليونانيون عليه اسم الديالكتيك [Dialectique] . وهذه الكلمة تدل على
نوع خاص من الحوار [dialogue] : وهو حوار عارف يقظ ، يعمل
فيه المتحاوران سوياً من أجل التمهيد للكشف عن حقيقة يكون اتفاقهما
عليها ضماناً لقيمتها . ولقد كان سقراط هو الذى وضع « أسس » المنهج
الديالكتيكي فى القرن الخامس قبل الميلاد . كما أن المنهج الديالكتيكي كان
هو ذاته المنهج المتبع فى محاورات تلميذه أفلاطون (القرن الرابع) . ثم حاول
أرسطو ، وهو تلميذ أفلاطون: أن يستخلص قواعد ، فى نفس الوقت الذى
حاول فيه أن يحلل أعم عمليات اللغة المتداولة وأكثرها شيوعاً .

٤ — تحليل اللغة المتداولة يؤدي إلى الحدود التى تعبر عن معانى كلية :

إذا ما مضينا فى تحليل اللغة المتداولة شوطاً بعيداً ، فإننا لانتهى فى آخر
الامر ، إلى « كلمات » بالمعنى الصحيح ، بل إلى ما يسمى « بالحدود » termes
أى إلى كلمات لا تعبر عن علاقات ، وإنما عن حقائق ذهنية يمكن أن تقوم
بينها العلاقات فيما بعد ، ومن الممكن أن يقال عنها فى ذاتها إنها مجردة من
التضمن $\alpha\upsilon\tau\epsilon\upsilon$ $\sigma\upsilon\mu\pi\lambda\omicron\kappa\eta\varsigma$ كما قال أرسطو . فى الجملة « القلم أسود »
أو « القلم يكتب » تكون الكلمات ، قلم ، أسود ، يكتب ، حدوداً .

والحد العام يعبر عن معنى كل . وكلية المعنى الكلى تطلق على تصور
مجرد عام . ومعنى ذلك بعبارة أخرى أنه يشتمل على عدد معين من الصفات

المستخلصة (أو المجردة) من تصور (يقال عنه تبعا لذلك إنه أكثر تحديداً حسياً) ، والمشاركة بين عدة أفراد لفئة واحدة أو جنس واحد (عام) . فالعنى الكلى « لقلم » مثلا يشتمل على صفات (كونه مصنوعا من مادة « البلاستيك » مثلا ، ومنتها بريشة ثابتة ، ومشملا على مستودع للحبر) وهذه الصفات مستخلصة من أقلام الحبر التي رأيتها ومن جهة أخرى ، فهو يمثل فئة من الأشياء تشترك في هذه الصفات . ويطلق اسم « مفهوم المعنى الكلى (Compréhension ou connotation) على مجموع الصفات التي يجمع (connote) بينها المعنى الكلى . أما ما صدق المعنى الكلى ، (extension) فهو مجموع الأفراد الذين « يصدق عليهم » . والمعنى الكلى علاقة بين ما صدق ومفهوم . فهو إذن ينطوى في ذاته على إثبات ضمني ، مادام ثبت أن الماصدق مطابق للمفهوم ، أى أن « الأقلام أقلام » ، وهو حكم يشير الموضوع فيه إلى الماصدق ، أى مجموع الأشياء التي يصدق عليها الاسم ، والمحمول إلى المفهوم ، أى إلى مجموع الصفات : فأفراد طائفة القلم تطابقها صفات كونها مصنوعة من مادة « البلاستيك » ولها بريشة ثابتة ، الخ .

وما صدق الحد ومفهومه لا يستقل كل منهما عن الآخر . فإذا ما توسعنا في الماصدق ، أى زدنا الفئة ، اضطررنا إلى نحو بعض الصفات ، ما دامت كل صفة تعد شرطاً لدخول فرد في ماصدق المعنى الكلى . كما أن زيادة المفهوم قد تدفعنا — لهذا السبب نفسه — إلى إنقاص الماصدق . فإذا ما أردت زيادة ماصدق المعنى الكلى « للتدييات » ، حتى يشمل « الفقريات » ، كان من الضروري أن يفقد صفات : الولادة ، وإرضاع الصغار ، ووجود جهاز شعر جلدى ، وهى الصفات التي لا تنطبق على كل الفقريات . أما إذا أردنا التوسع

في صفات المعنى الكلي للتدييات ، كوجود الأسنان مثلا ، فإن التدييات تقتصر عندئذ على أكلة اللحوم ، أو أكلة العشب أو الحيوانات القارضة .

٥ - أرسطو يطلق اسم المقولات على أجناس الوجود :

إذا نظرنا إلى المعنى الكلي من حيث مفهومه ، وجدنا أنه يمكن أن يكون موضوعا لعدد كبير من الأحكام التي تحمل عليه صفات : فالقلم أسود ، والقلم عتيق . الخ . وكل حكم من هذه الأحكام يحدد الموضوع من وجهة نظر مختلفة . ولقد كانت وجهات النظر هذه هي التي سماها أرسطو « بالمقولات » . وهو يسميها بأجناس الوجود τὰ γένη τοῦ ὄντος أي الضروب المختلفة التي يمكن أن يوجد عليها شيء ما ، أو بعبارة أخرى ، أحوال الحمل المنطقي (attribution) .

وهو يميز من هذه المقولات عشرا ، لا يحتاج المرء إلى تفكير طويل ليدرك أنه استخلصها من النحو المتداول . والمقولة الأولى هي الجوهر أو الماهية οὐσία (سقراط «إنسان») وهي تناظر الاسم في النحو . والثانية هي الكم ποσὸν (طوله ذراعان) وهي تناظر النعت العددي . والثالثة هي الكيف ποιοὶν (أبيض) التي تناظر النعت الكيبي . والرابعة هي الإضافة πρὸς τι (ضعف ، نصف ، أكبر من) وتناظر أفعل التفضيل . والخامسة هي المكان أو الآين ποῦ (في المدرسة ، أو في الميدان) وتناظر ظرف المكان . والسادسة هي الزمان أو المتي ποτὲ (أمس ، فيما مضى) ، وتناظر ظرف الزمان . والسابعة هي الوضع κεῖσθαι (جالس ، مضطجع) وتناظر الصفة أو اسم المفعول . والثامنة الملك εἶναι (حذاؤه أو رداؤه) وتناظر المضاف إليه . والتاسعة والعاشرة هما الفعل ποιεῖν والانفعال πάσχειν (هو يقطع ، ومقطع) وتناظران الفعل المبني للعلوم والمبني للجهول .

٦ - الحكم يحدد معنى القضية :

يؤلف بين الحدود على هيئة قضايا . وتطلق كلمة الحكم على التأكيد .
الموجب أو السالب ، الذى يثبت أو ينفي علاقة بين حدين . وبالحكم يصبح
للقضية معنى .

ويطلق اسم الرابطة Copule على الكلمة التى تعبر عن العلاقة بين الحدين .
وهذه العلاقة قد تكون على أنواع متباينة ، وإن كان المنطق التقليدى
قد ردها كلها إلى علاقة التلازم ، التى هى علاقة الموضوع بالصفة أو بالمحمول
prédicat . وفى هذه الحالة تكون الرابطة هى دائماً فعل الكينونة^(١) . وعلى
ذلك فالحكم فى نظر المنطق التقليدى ينحصر فى إثبات محمول لموضوع ، أو نفي
إمكان نسبة هذا المحمول إلى الموضوع . على أن وجهة النظر هذه ضيقة إلى
حد بعيد ، ولذا عمل المنطق الحديث ، الذى امتد فأصبح منطلقاً رمزياً
logistique ، على توسيعها إلى حد غير قليل .

ولكن حتى ولو ظل المرء ملتزماً بحدود المنطق التقليدى ، فسيضطر إلى
التمييز بين عدد من الطرق المختلفة التى يمكن أن تقر بها علاقة التلازم .
وسوف نسترشد هنا بقائمة الأحكام التى عرضها كانت فى « نقد العقل
المحض » .^(٢) فمن الممكن أن ينظر إلى الأحكام على أربعة أنحاء مختلفة ، وفى
داخل كل نحو من هذه الأنحاء يمكننا أن نميز بين ثلاثة أنواع مختلفة ، فيكون
المجموع اثني عشر نوعاً من الحكم . والأنواع الثلاثة المندرجة تحت كل قسم

(١) يلاحظ أن الرابطة لا تظهر فى معظم القضايا فى اللغة العربية ، وذلك تبعاً
لقنصيات التراكيب النحوية فى اللغة العربية (المترجم)

Traduction Archambault (Flammarion) t. I. p. 113. (٢)

مرتبة فيما بينها بحيث أن الثالث منها يوفق بين تعارض الأول والثاني ،
ويستبقى شيئاً من كل منهما ، مما يؤدي إلى تكوين الثلاثي المشهور : القول ،
وتقيضه ، والمركب من القول وتقيضه .

١ — من حيث الكم [quantité] تنقسم الأحكام إلى كلية *universels*
أو جزئية *particuliers* . ففي النوع الأول ينصب الحكم على جميع ماصدقات
الموضوع (كل إنسان فان) وفي الثاني على جزء منه لحسب ، هو فضلا عن
ذلك جزء غير محدد (بعض الناس أذكيا ، يوجد أناس أذكيا) . والمركب
من الكلي هو المخصوص *Singulier* ، ولا يكون فيه للوضوع ماصدق ،
وإنما يكون فردا (سقراط إنسان) . ومن الممكن في هذه الحالة أن نستخدمه
في الاستدلال كما لو كان حدا جامعا ينظر إلى جميع ماصدقاته .

٢ — ومن حيث الكيف [qualité] ، تنقسم الأحكام إلى موجبة
affermatifs وسالبة *negatifs* . ولكن كانت ، يضيف نوعا ثالثاً ،
يسميه باللامحدد *indéfini* ، ويكون مركبا من الموجب والسالب ، إذ أن
هذا النوع موجب بحكم رابطة ، سالب في محموله ، ومثاله : « النفس لافانية » ،
أي أن النفس تندرج تحت ذلك النوع ، اللامحدد ، من الكائنات التي
ليست فانية .

٣ — ومن حيث الإضافة *relation* ، قد تكون الأحكام حملية ،
أو شرطية ، أو انفصالية . فالحكم الحلي هو حكم بسيط تربط فيه العلاقة
التي يثبتها (أو ينفيها) بين الموضوع والمحمول . أما الحكم الشرطي فهو حكم
مركب ، يؤكد وجود علاقة بين حكيمين يكون أحدهما المبدأ أو الشرط ،

والثاني نتيجة له . ومثال ذلك « إذا انخفض مقياس الضغط الجوى فسوف يسقط المطر » . وأما الأحكام الانفصالية فهي عدة احتمالات *alternatives* تثبت بها أن عددا معيناً من الأحكام يستبعد كل منها الآخر ، ولكنها تؤلف جميعها المجموع الكلى لمعرفة ممكنة . ومثال ذلك « يوجد العالم إما بمحض الصدفة ، أو بفضل ضرورة داخلية ، أو نتيجة لعلة خارجية » .

٤ — أما جهة الحكم *modalité* فهي الطريقة التي يرتبط بها الحكم بالذهن في مجموعة ، وإن شئت فقل هي الطريقة التي تربط الحكم بالتفكير ، أو درجة اليقين التي يحدد بها الفكر مرتبة الحكم ، وتعبّر عنها عبارات : بالتأكيد ، بلاشك ، ربما ، بالضرورة .

فالأحكام التي تكتمن بإقرار حقيقة ، هي أحكام تقريرية *assertoriques* ، أما تلك التي تعبّر عن إمكان فهي احتمالية *problématique* : فالأحكام الشرطية والانتفصالية تجمع بين قضايا احتمالية ، إذ أن الحكم « إذا انخفض مقياس الضغط الجوى سقط المطر ، ينقسم إلى : من الممكن أن ينخفض مقياس الضغط ، ومن الممكن تبعا لذلك أن يسقط المطر . كذلك الحال في قولنا : العالم ربما كان يوجد بفعل صدفة عمياء ، أو بفعل ضرورة خارجية ، الخ . والنوع الثالث من أحكام الموجهات يشتمل على الأحكام الضرورية *apodictiques* التي تعبّر عن ضرورة مثل مجموع زوايا المثلث هو بالضرورة قائمتان . والحكم الضرورى هو المركب الذي يجمع بين الحقيقة والإمكان ، إذ أنه يؤكد أن الحقيقة التي يقول بها هي الوحيدة « الممكنة » أو أن القضية التي تناقضها باطلة لأنها « غير ممكنة » .

٧ - « كانت، ينظر إلى المقولات على أنها تعبر عن الوظائف الأساسية

للتفكير :

أراد كانت أن يتوج المنطق بقائمة للمقولات على غرار ما فعل أرسطو من قبل . غير أن مقولاته ، وإن كان بعضها مماثلاً لمقولات أخرى عند أرسطو ، فليست لها نفس دلالة المقولات الأرسطوطاليسية . بل إن بين الفيلسفتين فارقاً أساسياً في وجهة النظر : ذلك لأن الانقلاب الذي أحدثه « كانت » والذي كان استمراراً لتفكير « ديكارت » ، قد أحل المثالية الحديثة محل واقعية الفلسفة القديمة .

واقعية أرسطو والمثالية الحديثة : قلنا إن أرسطو قد نظر إلى المقولات على أنها « أجناس الوجود » . فواقعيته تنحصر في إخضاع التصور للوجود ، والحقيقة للواقع . وإذا ما ووجه الواقعي بالسؤال « فيم تكون حقيقة هذا الحكم ؟ » كان جوابه « في مطابقته للواقع » . غير أن هذه الإجابة ، التي هي التعريف الواقعي للحقيقة ، تنطوي على دور منطقي (dialléle)^(١) ، إذ كيف يعلم المرء أن هذا الحكم مطابق للواقع ، إن لم يكن عن طريق التصورات أيضاً ؟ إن الفيلسوف الواقعي يميلنا من التصور إلى الواقع ، ولكن لكي نعرف الواقع ، ينبغي له أن يميلنا من الواقع إلى التصور ، وهنا يظهر الدور بوضوح . هذا إلى أننا متى أردنا أن نعرف إن كان الحكم صادقاً أم لا ، فإننا لا نرجع أبداً إلى الواقع : فمثل هذا الرجوع خداع ، ما دام المرء لن يهتدى على النوام إلا إلى تصورات . وإنما يبحث المرء

(١) انظر الفصل الثاني ، القسم « ١ » .

عن تصورات مختلفة عن تلك التي بنى الحكم على أساسها أولاً ، تتقاطع معها ، وتؤدي إلى تكوين طائفة من الأدلة . أى أن الذهن يتجه في سعيه إلى الحقيقة ، إلى بناء سلسلة من البراهين ، ولا يعود مطلقاً إلى الواقع . فعندما يقوم المرء بتحقيق قضائي ، لسكى يهتدى إلى المجرم مثلاً ، فإنه لا يسعى إلى الوصول إلى الجريمة كما وقعت حقيقة ؛ إذ أن هذا الواقع قد اختفى على أية حال ، وإن كان أحد قد أدركه ، فما ذلك إلا عن طريق التصور . ذلك لأن عناصر التحقيق و أدلة ، مادية أو « أقوال الشهود » . فإذا ما اعترف المتهم ، لم يكن في ذلك نهاية التحقيق ؛ بل يبدأ ثانية وقد أضيف إليه عنصر جديد ، وهو شهادة المتهم ، وهي شهادة لها قيمتها الكبرى ، غير أنها لا تكفي ، إذ أن أحداً لا يعلم السبب الذي دعاه إلى الاعتراف ، ولا يعرف إذا كان اعترافه صادقاً : فربما لم يكن مذنباً ، « واعترف » بدافع اليأس أو الإعياء ، وهذا ما يعمل التحقيق على التثبت منه . فالبحث عن الحقيقة لا ينحصر في الاتصال المباشر بالواقع ، وإنما في الجمع بين التصورات والتحقق من صدق كل منهما بواسطة التصورات الأخرى . فالحقيقة هي ثمرة التحقق .

المنطق : علم التحقق من الصدق ، وعلم البرهان : إذن فليس المنطق علماً

لوجود ، وإنما هو علم للتحقيق والبرهان . وذلك ما سيتبين لنا بمزيد من الوضوح بعد دراستنا لفلسفة العلوم .

لكن في هذه الحالة لا تكون مقولات المنطق « أنماطاً للوجود » ، وإنما هي أحوال الحمل المنطقي لحسب . فالوجود أمر يقرره الحكم ، وما كان يظن « أنماطاً للوجود » ليس إلا أنماطاً للتفكير الذي ينطوى عليه الحكم ، أو هو بعبارة أخرى وظائف التفكير التي تنطوى عليها عملية الحكم .

وتلك هي مقولات « كانت » . وسوف يمكننا تصنيف الأحكام من استنباطها ، إذ أن كل فئة للحكم تناظرها وظيفة عملية للتفكير الذي يحكم .

وعلى ذلك ، تكون لدينا ثلثا عشرة مقولة ، أربع رئيسية ، تنطوي كل منها على ثلاث مقولات فرعية . ولقد عرفنا من قبل الأربع الرئيسية، وهي الكم والكيف والإضافة والجهة . ولنلاحظ أن الثلاث الأولى منها أرسطوطاليسية وهي تقابل الكم ποσόν ، والكيف ποῖον ، والإضافة πρὸς τι ولكنها تكتسب هنا معنى جديدا ، أما الجهة فلم يكن أرسطو يجهلها ، بل لقد أوضح بجلاء الفارق المنطقي بين القضايا التقريرية τοῦ ὑπάρχειν والضرورية .
· τοῦ ἐνδέχασθαι ὑπάρχειν والاحتمالية · τοῦ ἐξ ἀνάγκης ὑπάρχειν

والمقولات الفرعية للكم هي «الوحدة ، والكثرة ، والكلية totalité» . ومن الجلي أن الثالثة هي المركب من الأوليين ، إذ أن الكلية هي وحدة الكثرة ، فالرقم ٣ هو وحدة الكثرة ٣ × ١ ، إذ أن ١ × ٣ = ٣ × ١ (٣ مضروبة في ١ هي ١ مضروب في ٣) .

والمقولات الفرعية للكيف هي الواقعية réالité والسلبية négation والتحديد limitation . وهنا أيضاً تكون الثالثة مركبا من الأوليين : فالتحديد هو الواقعية محددة و « محاطة » بالسلب .

والمقولات الفرعية للإضافة هي : الجوهر ، والعلية ، والمشاركة (التأثير المتبادل بين حقيقتين مقترنتين) . ذلك بأن الحكم الحلي الذي يفيد التلازم يؤكد أن صفة ما يجب أن تحمل على موضوع ، يكون عندئذ جوهرها لها ؛

والحكم الشرطى يفيد وجود علاقة بين علة ومعلول (في المثال يكون انخفاض مقياس الضغط علامة على حالة جوية تسبب المطر) ؛ والحكم الانفصالى يقرر بين عدد معين من الأحكام علاقة اقتران *simultanéité* ومساواة ، واستبعاد متبادل .

والإضافة هي أم المقولات ، وهي التي أوجت إلى كانت بأكثر المشاكل تعقيدا وخصبا . وسنعود إلى الكلام عنها في موضع آخر^(١) .

والمشاركة هي المركب من الجوهر والعلية ، لأنها العلية المتبادلة بين جوهرين يؤثر كل منهما في الآخر .

أما المقولات الفرعية للجهة فهي : الإمكان ، [*Possibilité*] (وضده الاستحالة) والوجود *existence* . (وضده اللاوجود) والضرورة *nécessité* (وضدها العرضية *contingence*) . والضرورة هي المركب من الوجود والإمكان ، إذ أن ما هو ضرورى هو ما لا يحتاج إلا إلى أن يكون ممكنا لكي يوجد . ولقد تحدث لينتر عن الله بهذه العبارة الرائعة المستوحاة من فكرة الجهة فقال : « إن الموجود الضرورى يوجد إذا كان ممكنا » .

٨ — بعد كانت ، أكل هاملان قائمة المقولات :

كانت قائمة المقولات عند « كانت » نقطة بداية قوائم أخرى ، نسبتها إلى قائمة كانت هي نفس نسبة هذه القائمة إلى قائمة أرسطو . فلنعط فكرة

(١) انظر الفصل الثالث ، ص ١٥ .

موجزة عن قائمة هاملان^(١) ، التي كانت موضوعا لبحثه في كتاب « دراسة العناصر الرئيسية في التصور » .

Essai sur les éléments principaux de la représentation
وفي هذا الكتاب تطلع هاملان إلى بناء سلسلة المقولات كلها عن طريق العملية الثلاثية التي سار عليها كانت ، وهي : القول ، وتقيضه ، والمركب من القول وتقيضه .

الإضافة ، والعدد ، والزمان : إن نقطة البداية هي مقولة الإضافة ، إذ أن كل تفكير إنما ينحصر في تقرير صلة أو علاقة بين حدود متفرقة ، والتفكير ربط : فالعالم في نظر الفكر ، سلسلة متدرجة من العلاقات ، ولا شيء منجز فيه على الإطلاق ؛ بل إن الأضداد إنما هي متضايقات ، إذ أن كلامها يستبعد الآخر ، وذلك ، في الحق ، نوع من التبعية المتبادلة . فالإضافة إذن هي المقولة الأولى . وتقيض الإضافة هو العدد : فالعدد مكون من وحدات ، على أن الوحدات لا يمكن تقريرها ، بوصفها وحدات ، إلا إذا تصورناها متفرقة على نحو ما . فعندما يقال عن أشياء إنها « اثنان » ، مثلا ، يكون معنى ذلك أن لكل منها وجودا مستقلا يكون ، على نحو ما ، عالما لا سبيل للثاني إليه . وهكذا تكون لدينا مقولتان متضادتان : الإضافة والعدد . فماذا يكون المركب منها ؟ لا بد أن يكون مقولة تستبقي من العدد قانون التثنت ، والتنافي المتبادل الذي يفرق بين الوحدات ، ومع ذلك تبقى على علاقة بينها . وذاك هو الزمان ، إذ أن لحظات الزمان تفر كل منها من الأخرى ، إلى حد أن كل لحظة تلقى — في حينها — بالأخريات في هوة العدم ، التي يمثلها الماضي . ومع ذلك فإن لحظات الزمان تظل مرتبطة . ذلك لأن

الماضى ، وإن لم يعد له وجود ، فهو يحدد الحاضر على الرغم من ذلك . ذلك الحاضر الذى يحتفظ منه بأثر في الذاكرة . تلك إذن هي المجموعة الثلاثية الأولى : الإضافة ، والعدد ، والزمان . وهي المجموعة التي تكونت بناء على طريقة « كانت » .

الزمان والمكان والحركة : المقولة المقابلة للزمان هي ، بطبيعة الحال ، المكان ، هذا إلى أن اللغة ذاتها تؤكد ثنائية الزمان والمكان . وليس من الصعب أن ندرك فهم يتضادان : فالزمان ينصرم ، والمكان باق ، ويحفظ أجزاءه المختلفة معاً كما لو كانت مقترنة ؛ والزمان يكون سلسلة وحيدة وليس له — كما قيل عنه — سوى 'بعد واحد' ، بحيث أنه إذا لم تعاقب الحادثتان في الزمان ، أعنى إذا لم تكن إحداها سابقة على الأخرى ولا لاحقة بها ، كانتا مقترنتين في الزمن ، وتنطبق إحداها على الأخرى من الوجهة الزمانية ، أما في المكان ، فمن الممكن ألا تتطابق الأشياء وذلك بصور مختلفة (أى بثلاثة طرق ، ما دام للمكان ثلاثة «أبعاد») . وإذن فهناك تضاد بين المكان والزمان . ولكن يوجد بينهما ، رغم ذلك ، خصائص مشتركة تسمح بتكوين مركب بينهما : فهما متجانسان ومتصلان . والمركب منها هو الحركة . فالحركة هي تغيير الموقع في المكان خلال الزمان . وهي بدورها متجانسة ومتصلة ، شأنها في ذلك شأن القولتين اللتين تكونت منهما . فالمجموعة الثلاثية الثانية هي إذن : الزمان ، والمكان ، والحركة .

الحركة ، والكيف ، والاستحالة^(١) : تستبقى الحركة من الفكرتين اللتين ولدتاها ، صفة كونها « مركبة » ، أعنى أن أجزاءها لا يمكن أن تتحد إلا مع (١) الاستحالة هنا هي أن يستجيب الشيء إلى شيء آخر ، أو يصبح شيئاً آخر altération ، ولا شأن لها بالمعنى الآخر الذي يقابل الإمكان (impossibilité) (الترجم) .

تجاورها وبقائها متميزة . ولذا كان هناك علم رياضى خاص للحركة ، كما أن هناك علماء رياضيا خاصا للكان وللزمان . فسرعة الحركة يمكن أن يقال عنها إنها مجموع سرعات متعددة أصغر منها ، تدرك فيها بوضوح : فالجسم المتحرك الذى يتنقل بمعدل ١٠ أمتار فى الثانية ، يصبح فى نهاية هذه الثانية عند طرف خط يمكن أن يميز فيه خطان كل منهما ٥ أمتار مثلا ، ويمثل كل منهما سرعة حركتين تبلغ كل منهما ضعف هذه الحركة فى البطم . تلك إذن هى صفة « التركيب » فى الحركة . ومقابل المركب هو « البسيط » . والبسيط هو ما لا يتركب من أجزاء يمكن تمييزها ، ومن ثم كان بأسره فى كل من أجزائه . فالشئ الأبيض يكون بياضه فى المليمتر المربع منه معادلا لبياضه فى المتر المربع : وذلك ما يعبر عنه القول إن الأبيض « كيف » . فنتقيض الحركة هو « الكيف » . والمركب منهما هو محرك الكيف أو تغيره ، الذى يطلق عليه « هاملان » ، اسما أرسطوطاليا هو الاستحالة (كالأبيضاض والاحمرار والاستدقاء والتصلب) . تلك هى إذن المجموعة الثلاثية الثالثة : الحركة ، الكيف ، الاستحالة .

الاستحالة ، النوعية ، العلية : نستطيع أن نهتدى إلى نقيض الاستحالة إذا تصورنا عالما تسوده استحالة دائمة لا يقابلها شئ . مثل هذا العالم تتغير كيميائه بلا انقطاع ، دون أن يتمكن المرء من أن يميز فيها شيئا ثابتاً . وفى مقابل ذلك ، يتمثل الثبات فى عالم ترتبط كيميائه بعضها ببعض على نحو تكون إحداها شرطا فى كيميائيات أخرى تدرج تحتها . وذلك هو اندراج الأنواع تحت الجنس . وهذا ما سماه « هاملان » ، بالنوعية ، وهو النقيض الثابت للاستحالة الدائمة التغير ، وهو أيضاً أساس التصنيف . أما المركب من الاستحالة (م ٤ - المطلق)

والنوعية ، فهو العلية : والواقع أن العلاقة بين العلة والمعلول هي في آن واحد علاقة تغير وثبات ؛ إذ أن سلسلة العلل والمعلولات هي تيار لا ينقطع ، ومع ذلك فإن هذا التيار تنظمه قوانين لا تتبدل . فالمجموعة الثلاثية الرابعة إذن هي الاستحالة ، والنوعية ، والعلية .

العلية ، والغائية ، والشخصية : وطبيعي أن نقيض العلة هو الغائية . ففهم ظاهره عن طريق علتها ، هو تفسير لها من خلال الظاهرة التي تسبقها ، والتي هي سببها . أما فهمها عن طريق غايتها وهدفها ، فهو البحث عن سببها في النتيجة التي ستلوها ، والتي تتجه هي إليها . وعلى ذلك ففي وسعنا أن نقول ، في نفس الآن ، إن البلورية تظهر في العين نتيجة لنمو نسيج معين فيها — وذلك هو التفسير بالعلة — أو أنها تظهر للتمكين من الرؤية ، وذلك هو التفسير بالغاية .

والمركب من العلية والغائية هو الشخصية ؛ إذ أن الشخص علة تعمل على تحقيق غاية . وقضه لنفسها غايات معينة . والمجموعة الثلاثية الرابعة ، وهي : العلية والغائية والشخصية ، هي الأخيرة ، إذ أنها تنتهي إلى القيمة العليا ، أي إلى قيمة الكائن الذي هو غاية لذاته وللآخرين ، دون أن يجوز له أن يكون وسيلة على الإطلاق ؛ وفضلا عن ذلك فالشخصية هي الشعور الذي يقرر العلاقات ويتفهمها . وبهذا تقفل الدائرة .

٩ — الاستدلال ، أي تنظيم القضايا بحيث تؤدي إلى إيجاد نتيجة :

تنظم القضايا في اللغة على صورة « جمل » . وكثيراً ما يتفق للجمل أن تعبر عن أحكام معقدة . فمن الممكن مثلاً أن تعبر جملة في مجموعها عن حكم

شرطى أو حكم انفصالى . وفى أحوال أخرى تعدل القضايا التابعة بمعنى القضية الرئيسية بفرق طفيفة ، بحيث تعبر الجملة كلها عن معنى حمل واحد . وعلى خلاف ذلك قد يحدث أن تبين القضية الرئيسية أن التابعة هى محض إمكان ، أو أنها بعكس ذلك ضرورة ، بحيث يكون المجموع حكما احتماليا أو ضروريا .

غير أن تنظيم الجملة يكون فى أحوال أخرى مختلفا تمام الاختلاف . ويمكن أن يقال بوجه عام إن الجملة إذا كانت تبدأ بكلمة « بما أن ، أو غيرها من الكلمات التى تنبئ . بأننا سوف تقدم أسبابا ، فإن القضايا التابعة تولد القضية الرئيسية ، وتكون هى المسكونات التى تنتج عنها هذه القضية الرئيسية . وعندئذ لن تعبر الجملة عن حكم مركب ، بل عن استدلال .

والاستدلال اسم يطلق على تنظيم منطقي يتألف من أحكام مكوّنة تولد حكما ناتجا ، ويسمى هذا الحكم الأخير « بالنتيجة » ، والمسكونات « بالمقدمات » . فإذا قلت مثلا : « بما أن سقراط إنسان فهو فان ، تكون القضية الأولى هى المقدمة ، والثانية نتيجة . غير أن اللغة فيها معنى التقدير والحذف فى معظم الأحوال ، وهى تنطوى على قدر غير قليل من المعانى الضمنية . فهنا توجد مقدمة أخرى ضمنية هى : وكل إنسان فان .

١٠ - المبادئ العامة للمنطق الاستدلالي :

لن نتحدث هنا عن المنطق الاستدلالي ، إذ يبدو من المستحسن فى رأينا أن نستخلصه من المناهج العلمية . وإنما سنقتصر على بيان مبادئه العامة ، أعنى القواعد التى ينبغى أن يلتزمها التفكير فى استدلاله حتى يتجنب كل خطأ .

وهذه المبادئ الثلاثة ، أولها يضع القاعدة العامة التي يلتزمها الإثبات ،
والآخران يضعان قواعد النفي . وتلك هي : مبدأ الهوية ، ومبدأ التناقض ،
ومبدأ الثالث أو الوسط المرفوع .

١ - مبدأ الهوية : وصيغته : a هي a أو a تكون a . ولكن
لكي نفهم هذه الصيغة المقتضبة ، ينبغي علينا أن نفسر الرمز a وكلمة «هي» ،
[أو فعل الكينونة] تفسيراً صحيحاً ، إذ أن المبدأ قد أثار عدداً لا نهاية
له من التفسيرات الباطلة . وأقدم هذه التفسيرات ينحصر في اعتقاد أن a
تشير إلى «شيء» ، وأن فعل الكون يفيد وجودها ؛ لكن فظراً لأن طبيعة
الزمان ليست موضحة في هذه الصيغة ، بل يبدو أن فعل الكينونة يشير إلى
استقلال مطلق بالنسبة إلى الزمان ، فإن ذلك يوحي بتفسير المبدأ على أنه
« كل ما يوجد أزلي » ، مما يستتبع أن يكون القلم والمنضدة أزليين ، وهو
محال - أو يكون القلم والمنضدة غير موجودين ، مادام ليسا بأزليين .

ولكن ما قيمة كل ما ليس بأزلي ؟

على هذا النحو فهم الإيليون (مدرسة للفلسفة اليونانية في القرن
الخامس ق . م) مبدأ الهوية ، وانتهوا من ذلك إلى أن الوجود أزلي ثابت ،
وأن المتغير ، والذي يخضع للزمان هو «لاوجود» - وذلك في الحق موقف
فلسفي لا يمكن التمسك به .

وإذن فالرمز a لا يعني « شيئاً » . أي بدل إذن على فكرتنا عن شيء ؟
عندئذ يكون معنى المبدأ « إن فكرة الشيء هي فكرة ذلك الشيء » ، وفي هذه
الحالة لا يكون للمبدأ معنى ، بل قد يكون عائقاً للفكر ، إذن يبدو معبراً

عن نبي : فهو ينهانا عن أن نقول عن فكرة الشيء سوى فكرة هذا الشيء .
فينهانا مثلاً عن أن نقول عن القلم إنه اسود . وبعبارة أخرى ، فهو ينهى عن
إصدار أى حكم يكون المحمول فيه مخالفاً للوضوع . ولنلاحظ أن هنا هو
تفسير مدرسة يونانية أخرى ، هى المدرسة الميخارية ، تلامذة سقراط ،
الذين كانوا يمثلون نوعاً من الشكك ويدعون إلى الامتناع عن الحكم .

ولكى نتخلص من هذا التفسير الباطل بدوره ، علينا أن نفهم ا بمعنى
قضية ، أو إثبات كامل ، مثل ما كتب هذه السطور فى ٢٥ أبريل سنة ١٩٤٢
فى الساعة التاسعة صباحاً . فيكون معنى فعل الكينونة فى ا هى [تكون] ا
هو أن القضية ، بكل ماورد فيها من شروط ، صحيحة على مر الزمان . فسوف
يكون من الصحيح دائماً أنى كنت ا كتب هذه السطور فى وبعبارة
أخرى فالقضية الصحيحة تكون صحيحة أبداً . وهذا يستتبع القول بأن
كل القضايا التى سوف أصرح بها فيما بعد يجب أن تتفق معها ، أو تنتج عنها ،
فبدأ الهوية إذن يفرض على العقل الاتفاق المطلق مع ذاته ، وهو كفىل بأن
يجعلنا نقول (عند الحاجة) إن القضية تستتبع نتائجها ، إذن تكون هذه
النتائج سوى القضية ذاتها وقد حددت بصيغ مختلفة .

وعلىنا أن نلح فى تأكيد الشرط الثانى من هذا القول : فنتيجة القضية
هى القضية ذاتها ، ولكن فى صورة أخرى ، أى فى صورة جزئية مثلاً .
فإذا قلت : كل إنسان فان ، فينبغى لى أن أستتبع منها أن وكل واحد من أفراد
الإنسان ، فان (وهذا ما يسمى باستدلال التداخل) ، وذلك عن طريق
تفكيك الحد « كل إنسان » إلى أجزائه « جميع أفراد الإنسان » .

وقد يقال إن هذا أمر ليست له سوى أهمية ضئيلة ، وإن مثل هذا

الاستدلال لا يكون ، في نهاية الأمر ، سوى ذكر للشئ نفسه مرتين (أى ما يسمى بتحصيل الحاصل^(١)) . وهذا صحيح ، غير أنه قد يكون من المهم أن نزيد إيضاح جزء من القضية كان قبل ذلك كامناً ، وغير شعورى - وغالباً ما تكون عملية الاستدلال عملية إيضاح .

وفيما عدا ذلك ، فمن المفيد أن نستخلص النتائج إن كانت تترتب على «عدة» قضايا متشابهة ، كما هي الحال في الرياضيات . فعند ما يكون المثلث قائم الزاوية ، فإن القضايا المتعلقة به تترتب على صفاته باعتبار أنه مثلث ، وأنه قائم الزاوية .

٢ - مبدأ التناقض : « ا ليست لا ا » . والملاحظة التي قلناها في المبدأ السابق بشأن معنى «تسرى على هذا المبدأ أيضاً . أما « لا ا » فتعني نفي القضية ا أو ، كما يقال « تقيض » ا ، مثل « ليس من الصحيح اتى أكتب... الخ » . ويميز المنطقة بين المتناقضين والضدين . فبينما يكون التقيض نفيًا للقضية ، يكون الضد مقابلها . فإذا قلت « كل إنسان فان » ، كان تقيضها هو « ليس صحيحاً أن كل إنسان فان » ، ومن هذا يتج أن « ليس بعض الناس فانين » بينما الضد هو « لا إنسان فان » .

فبدأ التناقض يعنى أن التقيضين لا يصدقان معاً . وبعبارة أخرى ، إذا أثبتنا قضية لا يمكننا أن نفيها في الوقت نفسه .

٣ - مبدأ الثالث أو الوسط المرفوع : « ليس ثمة وسط (أو ثالث) بين ا ولا ا » أى أن التقيضين لا يكذبان معاً .

(١) انظر في الفصل الثانى عشر ، قسم ١٢ المعنى الذى يضيفه المنطق الحديث على هذا اللفظ .

ويسمى هذا المبدأ أيضاً بمبدأ التردد بين احتمالين *L'alternative* ، والتردد بين احتمالين هو ما يصدر عنه حكم انفصالي^(١) . فإذا ما كونت قضيتان ترددتا بين احتمالين ، فلا يمكن أن تكذبا معاً ، ولكن لا بد أن تصدق إحداهما . وعلى ذلك ، فإذا أثبتنا بطلان قضية من هاتين القضيتين ، كانت الثانية صحيحة بالضرورة .

وهذا المبدأ يستخدم في ذلك النوع من الاستدلال الذي يسميه علماء الرياضيات باسم « استدلال التفتيد . *raisonnement par l'absurde* » .

١١ — أخصب أجزاء المنطق هو فلسفة العلوم :

يكتسب المنطق أهمية جديدة إذا ما طبق على العلم بدلا من اللغة .
والحق أنه يوجد اختلاف مزدوج بين منطق اللغة ومنطق العلم :

١ — فاللغة تفتقر إلى الدقة ، وكثير من ألفاظها — ومن بينها ألفاظ غاية في الأهمية — تحمل أكثر من معنى . ولقد ذكرنا من قبل أن المنطق

(١) ينبغى عدم الخلط بين التردد بين عدة احتمالات وبين استدلال الإحراج *dilemme* . فالتردد بين عدة احتمالات حكم لا ينتج عنه شيء مباشرة ، أما الإحراج فهو استدلال يستخلص من التردد بين احتمالين النتيجة القائلة بأن الفرضين (أو أوى عدد آخر من الفروض) يرتدان صلياً إلى شيء واحد . وعلى هذا النحو يستدل « ماثان *Mathan* » في « أثالي *Athalie* » (الأبيات ٥٦٣ — ٥٦٦) .

إن كان يتحدث من أبوين عظيمين ،

فسوف يسجل مصيره الرائم يضايحه ؟

وإن كان التذوق قد شاء . أن يضعه ضمن العامة المنحورين

فقيم بهم أن يسكب بالصدقة دم وضيع ؟

يُدرس بوجه خاص معنى الكلمات التي تدل على روابط منطقية ، وبخاصة روابط العطف [Conjonction] . ولسكننا نجد حرف العطف « ou » ينطوي في اللغة الفرنسية على معنى مزدوج : فهو يشير في الغالب إلى تردد بين احتمالين ، أو إلى انفصال حقيقي ، مثل : النصر أو الموت ؛ ولكنه يكتفي في أحوال أخرى بالإشارة إلى مجرد الاختيار دون أكثرات : الساعة الثانية أو الثالثة ؛ ولقد ميزت اللغة اللاتينية ما تركته اللغة الفرنسية غير محدد : ففي الحالة الأولى يستعمل في اللاتينية الحرف aut ، وفي الثانية الحرف vel أو sive ، ويعني « إذا شئت » ، si tu veux . ومن الواضح أن هذين الاستعمالين ليسا متساويين إطلاقاً في نظر المنطق .

أما العلم فيستخدم لغة بلغت من الدقة حداً هائلاً ، هي لغة الرياضنة ، التي أدى إعدادها منذ أكثر من ألبى سنة إلى حذف كثير من ضروب اللبس . وحسبنا دليلاً على ذلك تلك التفرقة التي يستطيع الرياضيون تقريرها بين القضايا « المتبادلة » [les reciproques] ، وبين القضايا العكسية [les inverses] . وهي التفرقة التي لا تلحظها اللغة المتداولة .

٢ — ليست اللغة « صحيحة » ، في ذاتها ، بل تقتصر على أن تأتي بأداة يمكن كشف الحقيقة عن طريقها ، في حين أن العلم يشتمل على عدد هائل من القضايا التي تتحقق يومياً ، وتكون نبعاً من الحقائق المادية ما علينا إلا أن نتل منه .

ومن ثم فإذا كان الأمر متعلقاً بالعلم فليس للبرء أن يتساءل : أهو صحيح ؟ إذ أن السؤال ذاته لا يمكن أن يوجه . وحسب المرء أن يتساءل :

كيف أصبح العلم صحيحا؟ أو كما يقول « كانت » في كتابه « المقدمات :
Prolegomènes ، كيف تكون الرياضة ممكنة ؟ وكيف يكون العلم علم
الطبيعة المحض يمكننا؟ (١).

وهذا السؤال المزوج هو الذى يلخص « فلسفة العلوم » .

ويطلق اسم فلسفة العلوم على شكل من أشكال المنطق ، يطبق على العلم
التحليل النقدي الواعى . وتمر فلسفة العلوم بالمراحل الآتية :

١ - تاريخ العلوم : وهذا الشكل الخاص من أشكال التاريخ يتميز بأنه
على قدر من الصعوبة ، إذ يقتضى أن يجمع الشخص الواحد بين ثلاث
شخصيات مختلفة كل الاختلاف : شخصية المؤرخ ، وشخصية العالم بطبيعة
الحال ، وشخصية الفيلسوف أيضاً ، لأن الجدير بالاهتمام فى تاريخ العلوم ،
ليس هو تقدم نتائجها ، بل هو تطبيق المناهج ، أو بعبارة أصح ، إعداد
العقل للمناهج خلال مواجهته للواقع . على أن العالم يميل إلى أن يقصر اهتمامه
على النتائج ، وعلى الحالات المتعاقبة التى تمر بها مسألة ما ؛ بل ربما ازداد
تخصصاً ، فاكتمى بالحالة الأخيرة لهذه المسألة ، أما الفيلسوف فيؤثر أن
يفحص الصراع الأبدى بين العقل والأشياء ، والدروس الدائمة التى لا يمحى
تأثيرها ، والتى تستخلص من كتابات عالم عبقرى قديم ؛ مثل « رسالة فى
المنهج » لأرسطيدس (القرن الثالث ق . م) أو « المبادئ الرياضية للفلسفة
الطبيعية » لنيوتن (١٦٨٧) . ونقول بعبارة أخرى إن تاريخ العلوم يبدو
فى نظر الفيلسوف ، عرضاً للعلم فى حالة نشأته .

(١) 'Prolegomènes à toute métaphysique future... etc
-trad. Gibelin. Paris (Vrin) p, 39

٢ - مناهج البحث العلمى : هى الدراسة الفكرية الواعية للمناهج المختلفة التى تطبقها مختلف العلوم نبعاً لاختلاف موضوعات هذه العلوم . وسوف نخصص الجزء الأكبر من هذا الكتاب للبحث فى المناهج ، وسنستخلص الأمثلة التى سنوردها من تاريخ العلوم . وسوف نتاح للقارى فرص عديدة للإلمام بهذا التاريخ .

٣ - الإبستمولوجيا [النقد العلمى للمعرفة] : وتدرس المنهج والعام، للعلوم ، والعمليات العامة التى يطبقها العقل البشرى على العلم .

٤ - كان من الممكن أن تتوج هذه الدراسة « بنظرية فى المعرفة » (١) وهذا الاسم يطلق على التقدير النقدي الذى يحدد قيمة المعرفة البشرية وحدودها. ولا جدال فى أننا لن نمتنع ، خلال هذا الكتاب ، عن إصدار أحكام تقويمية على الطرق الخاصة التى تستخدمها العلوم المختلفة ، أو على الطرق العامة التى يتبعها العقل البشرى . وذلك لأننا قد ذكرنا أن المنطق معيارى ، فله الحق إذن فى أن يقدر الاتجاهات التلقائية للعقل وبصلتها . وفضلا عن ذلك كله ، فإن إدراك منهج ما عن وعى ، وتقديره فى تفاصيله ، وإصلاحه ، ثلاث عمليات مرتبطة ، وأهى على الأصح ، عملية واحدة متصلة. غير أن التقدير الشامل طالبا ميثاقين يقيا ، فلا تعود له بالمنطق صلة ؛ لأنه لم يعد ينصب على العقل وحده ، وإنما هو خاص بالصلة بين هذا العقل والواقع الذى ينظر إليه فى عمومه ، وفى صفاته الخاصة .

(١) ظهر هذا التعبير المرة الأولى بوصفه اصطلاحانيا لدى الفلاسفة الألمان فى نهاية القرن الثامن عشر وأواسط القرن الثامن عشر (كتاب Erkenntniss Theorie تأليف إدورد زلر Eduaard Zeller ١٨٦٢) وتستخدم أيضا فى المعنى نفسه كلمة groséologie ، وإن كنا لا نحبذ استخدام هذا اللفظ .

مراجع

يُرجع في الأقسام من ٧ إلى ١٠ إلى :

Logique de Port - Royal, édition Charles Jourdain,
Hachette 1861.

منطق بوررويال . نشرة شارل جوردان في ١٨٦١ ، وتحتوي هذه
النشرة أيضا على كتاب « رأى الثقات في مادة الفلسفة ، والروح الهندسية ،
وفن التفكير » ، تأليف باسكال

L'autorité en matière de philosophie, l'esprit géométrique
et l'art de penser.

وإلى رسالة المنطق لجوبلو (طبعة كولان سنة ١٩١٨) مقدمة والفصول
الثمانية الأولى .

(Goblou, Traité de logique (Colin 1918)

وإلى كتاب إلياس رابيه « دروس في الفلسفة الجزء الثاني المنطق

(Elie Rabier, Leçons de philosophie, II Logique
Hachette) 2e édition, 1888.

وفي القسم ١٣ يُرجع إلى :

Lalande : Lectures sur la philosophie des sciences
(Hachette)

لالاند : مطالعات في فلسفة العلوم .

Ferdinand Gonseth : Q'est-ce que la logique (Hermann)

فردنان جونسث : ما المنطق ؟

الفصل الثالث

الروح العلمية

إن الروح العلية وليدة حب الاطلاع الذي يدفع العالم إلى جمع الظواهر التي تثير اهتمامه . ويجب أن تجمع هذه الظواهر بصبر ودقة . وفي كثير من الأحيان يقتضى البحث عنها شجاعة ؛ إذ ينطوى على مخاطرات . وفضلا عن ذلك فإن المضى في هذا البحث يقتضى نزاهة هي ألزم لوازم روح النقد .

ولكن ينبغى أن يكمل الخيال الروح العلية ؛ إذ ليس ثمة علم لا تدخل فيه فروضنا وتفسيراتنا لما يقع تحت الملاحظة . غير أن هذا الخيال يختلف في نوعه عن خيال الفنان ، وإن لم يكن أقل انساعا لدى العالم منه لدى الفنان . وإذن فبعض الصفات التي تعد قواما للروح العلية « خارجة عن المجال العقلي » . وهي تنتمى إلى مجال الأخلاق بوجه خاص . ومع ذلك فن الخطأ أن نعتقد أن العالم لا يعدو أن يكون إنسانا آمينا يتميز بقدر كبير من الدقة . فالعلم ينطوى على تحصيل غير قليل ، يكتسبه العالم عن طريق الثقافة العلية ؛ بل عن طريق الثقافة الفلسفية والجمالية أيضا .

وفضلا عن ذلك ، فالروح العلية تفترض التسليم بمعتقدات خاصة تعبر عنها بعض المبادئ ، مثل مبدأ الحتمية [Déterminisme] الذى يستبعد فكرة الجبر المحض fatalisme ويستبعد ، على نحو ما ، القول بالصدفة hasard (إذ أن حساب الاحتمالات ليس حسابا للصدفة ؛ بل هو حساب لما تتضمنه الصدفة الظاهرية من حتمية معروفة) . وللعلم مبدأ آخر هو مبدأ النسبية ، الذى

أدى إلى كشف هامة والذي أصبحت له ، في أيامنا هذه ،
أهمية خاصة .

١ — العلم يبدأ بالدهشة وحب الاطلاع :

يقول أفلاطون : إن إيريس Iris هي ابنة تاوماس Thaumاس. والمعنى الذي يرمز إليه هذا القول عنده هو أن العلم وليد الدهشة . ولكن الدهشة تترك الناظر مذهولاً ، عاجزاً عن الفهم ، ولم يشعر بعد دهشته الأولى برغبة في تأمل الأشياء بأعين جديدة، ولم يستشعر ، بوجه خاص ، الرغبة الشديدة في أن يرى الأشياء ابتداءً من تلك اللحظة ، في هذا الضوء الجديد ، الذي يجعلها تبدو على ما هي عليه حقيقة ، وتنبأ للكشف عما تخفيه من أسرار . وإذن فالدهشة ينبغي أن يعقبا حب الاطلاع .

على أن حب الاطلاع انفعال عظيم التعقيد ، ينتهي إلى أفعال وعادات تختلف فيما بينها اختلافاً كبيراً ، وتتفاوت قيمتها تفاوتاً عظيماً . فقد يرغب المرء في معرفة كثير من الأمور ، وقد يرغب ، من ناحية أخرى ، في محاولة إجادة معرفتها والتعمق فيها . وأهم من ذلك ، أن بواعث حب الاطلاع تتفاوت إلى حد بعيد . وعلينا أن نميز فيها ، بوجه خاص ، بين حب الاطلاع الشرير ، الوقح ، الفضولي ، الذي يستهدف إشباع غرائز دنيئة ، أو يرمى ، في الأغلب ، إلى مجرد زيادة القوة الاجتماعية لمن يضطرب وجدانه بمثل هذا الانفعال ، وبين حب الاطلاع السليم النبيل . فهدف هذا النوع الأخير هو القوة أيضاً ، غير أنها ، في هذه الحالة ، قوة عملية أو قوة عقلية . فقد يعلم المرء لكي يؤثر في الأشياء ، ولكنه قد يعلم أيضاً لمجرد العلم . وهدفنا هو الحديث عن هذا النوع الأخير من المعرفة وحب الاطلاع ،

فهو أنقى الأنواع وأرفعها ، وهو الروح الكامنة في بقية الأنواع جميعها ،
والدافع المبرر لها .

ولكن كيف تفسر الرغبة الشديدة في المعرفة من أجل المعرفة ؟ إنها
تفسر عن طريق ذلك الإحساس النشوان الذي تُمل به الإنسان عندما امتد
نطاق شعوره ، ودفعه الحواس إلى الارتفاع بوجوده الباطن إلى قم الكون ،
أو على الأقل إلى قم يمكنه أن يتأمل منها آفاقا بلغت من الاتساع حداً
يدعو إلى الدهشة . فازدياد معرفة المرء يعنى بالنسبة إليه مزيداً من الوجود ،
دون أن يكون ذلك على حساب الآخرين ؛ إذ أن المعرفة تتداول دون
أن يظراً عليها نقصان ؛ بل قد تتوافر لها كل فرص الازدياد عن طريق
النقد والتعاون المتبادل .

٢ - حب الاطلاع يدفع العالم إلى جمع عدد لا يحصى من الملاحظات

عن الظواهر : -

إن العملية الأولى التي يتجه إليها العالم مدفوعاً بحب الاطلاع العلى ،
هي أن يجمع أكبر عدد ممكن من الظواهر التي لوحظت بدقة . فالعلم يكون
قوائم للظواهر ، فالملاحظات الفلكية ترسم خريطة للسماء تزداد تعقداً على
الدوام . ومعامل الطبيعة والكيمياء تضع جداول تسجل فيها خصائص
الأجسام المعروفة ، التي تمتد قائمتها باستمرار . ومعامل التشرح تضى في
تشريحات تحفظ نتائجها على هيئة رسوم ، أو صور شمسية ، أو قطع محفوظة .
فهي تزيد عدد مجموعات ونماذجها النباتية ومتاحفها . وتمكن الرحلات
الاستكشافية والبعثات التي تجوب كل مكان على سطح الأرض من زيادة
نخاثرها .

ولقد جذب الوزير الانجليزى فرانسيس بيكن (١٥٦١ - ١٦٢٦) ، وهو أحد طلاب العلم الحديث ، هذا البحث الدائب عن الظواهر ، الذى أطلق عليه ، بأسلوبه التشبهي الشاعرى ، اسم صيد « بان » ، (١) [Pan]

٣ — الملاحظة تقتضى خضوعاً تاماً للواقع ، وبالتالي نزاهه وصبراً :

فى هذا الصيد تتكشف براعة القائم بالملاحظة ، ومهارته وإخلاصه . غير أنه يقتضى ، على الأخص ، دقة وأمانة ، وهما صفتان أخلاقيتان لاغنى عنهما .

وينبغى أولاً أن تلاحظ الظاهرة فى ظروف تستبعد كل احتمال وتقتضى على كل مظنة للشك — فقد حدث أن خدع المزيّفون بعض العلماء ، فأوهموهم أنهم كشفوا آثاراً من عصر ما قبل التاريخ أعدت ببراعة ، أو عرضوا عليهم قطعاً أثرية مصنوعة ، أو وثائق لسجلات ملفقة ، زيفها مقلدون بارعون . وتلك بلاشك حالات استثنائية ، وقع فيها العلماء عن طوية سليمة ، وأثارت بعض الضجة فى رأى العام ، ولكن سرعان ما اختفت أو زال تأثيرها بفضل النقد المتبادل الذى يمارسه العلماء كل على أبحاث الآخرين ، ولم يلحق بالعلم ضرر بسبب ذلك .

فالظاهرة الأصيلة ، لا « المزيفة » ، ينبغى أن تهرق وتوصف بأمانة كاملة ، ذلك بأن حب الاطلاع لدى العالم إنما هو انفعال ، وهو قد يشوّه نظره إلى الأمور ، شأنه فى ذلك شأن أى انفعال آخر . إذن ينبغى للعالم

(١) بان هو ابن هرمس ، فى الأساطير اليونانية ، وكان يجوب المراعى بحثاً وراء صيد . وأطلق الاسم فيما بعد رمزاً لاكسل ، ولا يكون بأكله . (المترجم) .

أن يتحلى بصفات التواضع والصبر والنزاهة حين يلاحظ الظواهر ويصفها على ما هي عليه ، لا كما يتمناها أن تكون .

كذلك تتطلب الملاحظة العلمية صبرا لا ينفد . فإن عالم الفلك الدانمركي تيسكو — براهي Tycho-Brahe (١٥٤٦ — ١٦٠١) وكان ثريا ومن أسرة نبيلة ، خصص ثروته وهدايا الملك « فردريك » من أجل تشييد معمل يحتل جزيرة بأسرها في الأرخبيل الدانمركي ، هي جزيرة هفين Hveen قرب الزينبور Elseneur وأسماء « مدينة أوراني » أو إلهة الفلك [Uranieborg] ؛ وظل طوال عشرين عاما ، وبمؤنة تلاميذه العشرين ، يجمع ملاحظات أكلها بعد ذلك في هلمشتين Holstein ، تحت رعاية الإمبراطور « رودولف » حين طرد من البلاد ، فاضطر إلى مباحرة جزيرته ومعداته ووطنه الأصلي . ثم اتخذ لنفسه معاونا أصبح بعد ذلك خليفة له ، وهو كيلر (١٥٧١ — ١٦٣٠) . وبعد وفاته ، استغل كيلر ملاحظاته ليحدد مدار كوكب المريخ . وكان يظن في أول الأمر أن هذا المدار دائري ، ولكن الظواهر كذبت هذا الظن ، والحق أن هذا التسكذيب كان بفارق ضئيل للغاية ، هو فارق ثمان دقائق في القوس ، أي ربع القطر الظاهر للشمس . ولكن ، كما قال كيلر : « إن الكرم الإلهي قد جعل لنا في شخص « تيسكو » ملاحظا بلغت دقته حدا يستحيل معه أن تتصور خطأه في ثمان دقائق » . وهكذا عاد إلى البحث عن المدار الحقيقي للمريخ ، وبعد عناء دام تسع سنوات « كاد يبلغ حد الجنون » ، جرب في خلالها تسعة عشر مدارا مختلفا ، انتهى أخيرا إلى المدار البيضي ، واستطاع أن يضع « قانونه الأول » المشهور ونصه « إن كوكب المريخ (وفيما بعد طبق هذا القانون ذاته على

كل الكواكب) يرسم مدارا بيضى الشكل تقع الشمس في أحد مركزيه ، (١).
ومن هذا المثال يتبين لنا أن العلم يتطلب صفات أخلاقية ، وينطوى
على نوع من الزهد . ففي النصف الثاني من القرن السابع عشر ، كانت قد
توافرت للعلماء منظارات فلكية رائعة ، ولكن كان يصعب استخدامها إلى
حد بعيد : فقد كان للهدف مثبتا في طرف عصا تدور حول محور رأسي .
وكان على المرء أن يوجه الهدف إلى النجم عن طريق إدارة العصا ، ثم
يتأمل ، من خلال عدسة تمسك باليد ، الصورة الحقيقية التي يصل إليها على
هذا النحو . وكانت هذه الآلة الفجة هي التي استعملها أبناء أسرة كاسيني
Cassini (٢) بالليل في حدائق مرصد باريس ، وقضوا السنين الطوال
يجمعون ملاحظاتهم وأقيستهم التي أدت إلى تطبيق قوانين كيلر الثلاثة على
كل الكواكب وعلى توابعها ، فوضعوا بذلك أساس علم الفلك الحديث (٣).

-
- (١) Gaston Laurent : Les grands écrivains scientifiques p. 8,9. يمكن الرجوع إلى الرواى الألمانى « مكس برود Max Brod من أجل
قراءة القصة الروائية التي توضح العلاقات بين تيكووين كيلر ، وقد ترجم « جورج
لاشتو Georges Lacheteau هذا الكتاب إلى الفرنسية بعنوان « الفلكى الذى
اعتدى إلى الله » (Paris, Editions du siècle, 1932).
- (٢) هي أسرة فرنسية من أصل إيطالى اشتهر أبناءها بأبحاثهم والفلك وفى المساحة ،
وكان لهم دور كبير فى رسم الخرائط الفلكية والجغرافية . وظهر أبناءها يتوارثون
هذه المهنة منذ أوائل القرن السابع عشر حتى أواسط القرن التاسع عشر (الترجم) .
- (٢) انظر وصف الآلات الفلكية المستعملة فى عصر أسرة كاسيني فى كتاب :
Hanotaux : Histoire de la nation française (plan) t. xlv
p. 198 - 201.

٤ — الملاحظة العلمية تتطلب شجاعة ، إذ تنطوي على أخطار :

تناقلت الألسن قصة عالم الفلك الذى عاش فى القرن الثامن عشر، وأراد أن يلاحظ كسوف الشمس الذى يسببه الكوكب عطارد ، فأبحر إلى نصف الكرة الجنوبي، الذى يمكنه فيه وحده أن يراه ، فأمره قرصنة ، ولم يطلقوا سراحه إلا بعد سنين عديدة لم يتمكن خلالها من القيام بملاحظاته، وفى آخر الأمر عاد إلى الرحيل إلى الهند ، حيث يستطيع أن يرى الكسوف التالى .

على أن العلم يثير من الأهواء العنيفة (أو بتعبير أفلاطون *δαιμόνιος ἔρως*) ما يجعل من يضطرمون بها أناساً لا يعرف الخوف إلهيم سيلا . فالعالم الفلكى الذى تحدثنا عنه بلغ غاياته دون أن يصاب بضرر بالغ . ولكننا نعلم أن كثيراً من العلماء الذين كانوا يدرسون أشعة « إكس » الخطرة فى معاملهم قد أجريت لهم، فى كثير من الأحيان، لعمليات بشرى على جانب كبير من الخطورة . والواقع أن الملاحظة العلمية تنطوى أحياناً على أخطار جدية وتقتضى شجاعة بدنية . ويمكننا أن نقول نوجه عام إن المرء عندما يكشف قوة طبيعية أو كيميائية أو بيولوجية مجهولة ، ويشرح فى دراستها ، تكون ملاحظتها أمراً ينطوى على الخطر . فالعالم « كلود برنار » قد عقره حصان كان يجرب عليه آثار المرض الخطير المسمى بداء الخيل . ولا شك فى أن أطباء معاهد باستير المتعددة كانوا يتعرضون لأخطار مميتة وهم يقومون بعملية عزل وجمع ودراسة فصائل « خالصة » (أعنى خطيرة إلى أقصى حد) من البكتريا والطفيليات المخيفة التى تسبب الأمراض الوبائية الكبرى : كالتييفوس ومختلف أنواع جمى المناطق الحارة ، والكوليرا والطاعون .

٥ — العمل العلمي يتطلب نزاهة كاملة:

لا يقبل العالم جزاء على كل ما يصادفه من أخطار ، وما يقوم به من أعمال ، سوى المجد المحسوب . فهذه العالم تقتضى إنكارا للذات ، وتتطلب في الأقل امتناعا عن استغلال علمه من أجل الإثراء . وهكذا يظل العالم فقيرا . والحق أن المهن العلمية ليست هي التي تسمح بصفقات مربحة ، وإنما تعود الأرباح الجمة من التطبيقات الصناعية للعلم . غير أن هذه الأرباح لا تذهب إلى جيب العالم ، الذي تظل أبحاثه نظرية خالصة ، أعنى تتجه دائما نحو المعرفة أو « التأمّل » ، بل تذهب إلى ذلك الذي يحول فكرة علمية إلى جهاز عملي تصنع منه أعداد كبيرة في مصانع ضخمة ، وتتطلب اجتذاب عدد كاف من العملاء ، أعنى البحث عن « أسواق » كما يقولون . وتلك مهمة لا صلة للعالم بها على الإطلاق ، فعليه أن يختار ، وقد اختار التأمّل بالضرورة ، والفقر تبعاً لذلك .

ولا شك في أن المجتمعات الحديثة تقدم « إعانات » للعلم النظرى . فهى ترعى المعامل والمراصد ، عن طريق الميزانيات الحكومية أو التبرعات الفردية ، وتخصص للعلماء أرفع أنواع « التكافى » [Sinécures] حسب تعبير الجماعات الدينية القديمة ، (والكلمة الفرنسية Sinécure تعنى العطايا التى تبذل للباحثين من رجال الدين حتى لا تشغلهم أعباء النفوس ، أى دون أن يضطروا إلى الانشغال بها Sine cura) . وتحولت هذه المنح فى الوقت الحالى إلى وظائف للأستاذية لا يتعرض من يقوم بها كثيرا لمظاهر الخضوع . وإنما تتيح له استخدام معامل مزودة بمعدات جيدة . ولكن ما هكذا يكون الإثراء !

أما عن المجد ، فهو يقتضى إنكار الذات : وهو يأتي عادة بعد انتهاء حياة العالم . بل يحدث كثيرا أن ينسب إلى شخص مجهول : فإذا كان في وسعنا بوجه عام ، أن نطلق على الكشف العلمى الحديث اسم من اهتدى إليه ، فما ذلك إلا لأن المحدثين قد أصبحوا يتصفون بالحرص الشديد فى الأمور المتعلقة بدقة التسجيل التاريخى . ولكن هذه الصفة حديثة إلى حد ما ، ومن هنا لم تظهر فى المراحل الأولى للعالم ، منذ العصر القديم حتى عصر النهضة ، سوى أسماء غير موثوق منها ، وكثير منها خرافية أو أسطورية . فضلا عن ذلك فالعالم الأسماء فى نظرنا اليوم لم يكن لها مثل هذا الصيت بين معاصريها على الإطلاق .

بل إن على العالم أن يروض نفسه على التضحية بهذا المجد غير المؤكد فى ذاته ، إذا ما ارتكب خطأ ، أو غابت عنه فكرة . فقد كان « باستير » يدعو العالم إلى القيام بتجاربه « ضد فكرته الخاصة » ، أعنى أن ينقد نفسه بل أن يعادىها . وبعد أن فند « باستير » بالتجربة نتيجة التجارب التى زعم « بوشيه Pouchet » أنه قد برهن بها على « التوالد التلقائى » ، أعنى تكون الكائنات الحية عن طريق عمليات كيميائية محضنة ، قال باستير : « إنى أنتظر وألاحظ ، وأسأل الطبيعة ، وأطلب إليها أن تفضل بأن تعيد أمامى الخلق الأول من جديد ، فكم يكون ذلك المنظر رائعا !! غير أنها تظل خرساء (١) » . فى هذه التجارب كان « باستير » يعمل إذن ضد ذاته ، إذ أن ميوله الشخصية كانت تتجه إلى النتائج التى ظن « بوشيه » أنه قد وصل إليها . لكن بدت له تجارب « بوشيه » مثيرة للشك ، ومعرضة لتقديده ولهذا حرص على تنفيذها بدقة . حقا أن هذا التنفيذ قد جلب له المجد وريدا وريدا ، ولكن كان ذلك على الرغم منه .

٦ — روح النقد ضرورة للعالم :

كل هذه الصفات العقلية تلخصها كلمة « روح النقد » .

وكلمة « نقد » مأخوذة من اليونانية *xpiveiv* وتعني « الحكم » . فروح النقد هي إذن روح الحكم الصائب . فالحكم ، بالمعنى الدقيق والرفيع لهذه الكلمة ؟ هو أن يتخذ المرء الموقف العقل للقاضي الذي هو بسبيل إصدار حكم . ومن الواجب أن يكون القاضي غير متحيز . وعدم التحيز يقتضى منه أن يطرح جانبا ميوله الشخصية ، وأن ينتظر بصبر حتى تعرض عليه كل الحجج التي ينبغي له أن يختار بينها . كما أن هذه الصفة توجب على القاضي أن يرضى على كل من هذه الحجج قيمتها الحقيقية ، وأهميتها الفعلية ، دون أن يضيف شيئا إلى تلك التي يقدرها هو شخصيا . وأخيرا فالنزاهة تقتضى أن تظهر كل الحجج في الحكم النهائي بقيمتها الفعلية ، ويكون تأثيرها معادلا لتلك القيمة .

وعلى ذلك ، فاتصاف المرء بروح النقد ، معناه إذن أن يأخذ على عاتقه أن يفحص كل البراهين التي يمكنها أن توجه القرار في اتجاه معين أو في اتجاه آخر لحصا دقيقا ، ودون تدخل من أهوائه ، وأن يعي ذهنه تلك البراهين بما لها من قيمة حقيقية ، وأن يؤلف بينها في النتيجة النهائية دون إغفال واحد منها . ويتطلب ذلك طاقة أخلاقية كبيرة ، وقدرة على كبح أهواء الذات ، كما يتطلب ذلك النوع من الذكاء الذي أسماه پاسكال « بالحس المرهف *L'esprit de finesse* » ، والذي يمكنه من أن يجمع كل الحجج الدقيقة . والعديدة جدا ، ويجعل لكل منها دورا ، دون أن يغفل واحدة منها .

وإذن فروح النقد هي بالاختصار « حاسة البرهان » . ولقد كان الباحثون ،

على حق عندما أضفوا أهمية خاصة على روح النقد في العلوم التي تتخذ الحقائق البشرية موضوعاً لها ، كالتاريخ مثلاً ؛ إذ أن الميول والأهواء الشخصية أو الاجتماعية للعالم ترتبط بمجال بحثه ارتباطاً وثيقاً . فالمؤرخ يجب ألا يكون منتبهاً إلى عصر معين ، أو إلى وطن معين . غير أن هذا المطلب يستحيل تحقيقه بمثل هذه الصرامة ؛ إذ أن المؤرخ لا بد أن يحب ما يحبه وطنه ، وحزبه ، وعصره ، وأن يكره ما يكرهه هؤلاء . ولكن يجب عليه ألا يحسب لهذه المشاعر حساباً ؛ بل يجب أن يفكر « كما لو كان » . وطنه وحزبه غير موجودين بالنسبة إليه — أعني أن يجعل روحه معاصرة لما يرويه من أحداث .

٧ — من الضروري أن يكمل الخيال روح النقد :

يتضح لنا بما سبق ضرورة توافر صفة أخرى في العالم : تلك هي صفة الخيال . وكثيراً ما يقال إن العالم لا ينبغي له أن يكون خيالياً ، وأن هذه الصفة هي التي تميزه عن الفنان مثلاً . ونحن نسلم بأنه قد يكون للخيال أثر ضار في تفكير العالم ؛ فقد يعوقه عن رؤية الأشياء على ما هي عليه ، ويفرض عليه آراء وهمية ، وأفكاراً سابقة .

غير أن الخيال يساهم بنصيبه في المجهود العلمي . ولأنه لمن الخطأ اعتقاد أن العلم لا يضيف شيئاً إلى ما يلاحظه . فهو يكشف لنا فيه عن عالم كامل ؛ فالعلم يخمن بأن وراء الاتصال الظاهري للأجسام المادية أعداداً لا متناهية من الذرات ومركباتها ، تتحرك بسرعة فائقة ، ويفصل بعضها عن بعض حين مكاني يفوقها امتداداً إلى أبعد حد . كذلك يلبس الفلكي بفكره ،

أن في السماء التي تزخر بالنجوم مساحات شاسعة مليئة بمد لا يحصى من
العوالم الكبرى ، التي تقع على مسافات يستحيل علينا تصور اجتيازها أو
إدراكها . ذلك هو الجانب الشعري في العلم . وهذا الجانب الشعري هو
الذي خلقه العالم من أساسه . وليس معنى ذلك أن العالم المحسوس ، كما ندركه
قد عدم كل جمال ، ولكننا نود أن نشير إلى أن هناك جمالا آخر مختلفا عن
الأول كل الاختلاف ، وهو جمال عقلي صرف ، يبتكره ذهن العالم وحده .
ولكى يصفى العالم مثل هذا الجمال على الكون ، كان عليه أن يسلبه الجمال
المحسوس أولا ، وأن يستبعد شهادة الحواس ، وكأنها حجاب خداع ،
ويأبى على الخيال الحسى لذته ، لكي يخلى مكانا للخيال الذي يمكن تسميته
بالخيال العقلي .

العلم والشعر : هوميروس وأرشميدس :

لقد قيل إن خيال هوميروس لم يكن له نظير في العصر القديم سوى
خيال العالم الرياضى أرشميدس . ومن المؤكد أن بين هذين العبقرين تشابها
غريبا . فقد أضفى هوميروس قيمة شاعرية لا نظير لها على مشاهد الحياة
الإسانية وأفعالها : كأعمال الناس في الحقل ، وفي المنزل ، ولهوم ، وقتالهم
وأكلهم ، ونومهم : فـ شعر « هوميروس » هو شعر الخبز والنيذ . . . أما
أرشميدس ، فقد أفهمنا الأدوات البشرية المتداولة ، كالرافعة ومشتقاتها
والجاروف ، والملفأف — تقول إنه أفهمنا هذه الأدوات على نفس النحو
الذي زوى لنا به هوميروس شعر الحياة المنزلية المعتادة .

ولنا أن تقول إن نصيب العلم من الخيال ليس أقل من نصيب الشعر

منه . غير أن الخيال ليس واحداً في كلتا الحالتين : فخيال العالم يقتضى نوعاً من التضحية ، وهو يأتى أن يدين للحواس بشيء ، والجمال الذى يستهويه هو جمال العلاقات المجردة والأعداد . وفضلاً عن ذلك ، فالخيال بالنسبة إلى العالم ليس غاية ، وإنما هو وسيلة لحسب . فبينما ينحصر هدف الشاعر أو الموسيقار فى تحريك خيال القارئ أو السامع وهز مشاعره بحيث تتجاوب معه ، ولا يعبأ بالحقيقة ، نرى العالم يولى وجهه شطر الحقيقة . وما « التحقيق ، الجمالى — إذا جاز لنا أن نتحدث فى هذا المجال عن « تحقيق » ، بالمعنى المجازى للكلمة — إلا التأثير الذى ينطبع فى نفس القارئ أو السامع . أما التحقيق العلمى فهو الخضوع النهائى للواقع . فنتائج الخيال العلمى تندمج فى الواقع ، وهى لحتمه وسداه فى نهاية الأمر ، وليس من مهمة العلم أن يصنع الجمال ، وإنما أن يصل إلى الحقيقة . وإذا كان للحقيقة جمالها ، وإذا كانت تؤثر أن يكون من يقدها محبا للجمال ، فإنها تتطلب منه — بكل صراحة — أن يكون على استعداد للتضحية من أجلها بكل ما قد ينطوى عليه الجمال من إغراء . فقد يكون هذا البرهان أو الحل الرياضى « رشيقاً » ، وقد تكون تلك الفكرة التجريدية « جميلة » ، ولكنهما يفقدان كل قيمة إذا ما ثبت بعد اكتمال التحقيق أنهما باطلان .

٨ — إذن تقوم الروح العلمية صفات خارجة عن مجال العلم ، وهى

على الأخص صفات أخلاقية :

تلك هى النتيجة التى ينتهى إليها جويلو^(١) ، والتي يودى بنا بحثنا السابق بإسره إلى أن تؤيد بكل قوة ما تأن به من عناصر إيجابية . فالعالم إنسان

تبلغ لديه الشجاعة والامانة العقلية أقصى حدودها ، وهو قاض لا يتطرق إلى نزاهته شك ، وهو ، إذا شئنا ، شاعر بمعنى ما . غير أن هذا لا يكفي ، في رأينا ، لإيضاح خصائص الروح العلمية ، فمن الضروري أن نتطوى على شيء لم نذكره بعد .

٩ - الروح العلمية تنطوى أيضا على ثقافة واسعة :

قلبين أولا أهمية الثقافة . والمقصود بالثقافة أولا بمجموع المعارف التي يمكن تسميتها بالمعارف الاحترافية أو المتخصصة، أعني تلك التي تشمل قدرا معيناً من المعرفة يتخذها العالم موضوعاً لبحثه . وهذا أمر بديهي ، ولكن قد يكون التنبه إليه ضرورياً ، إذا كان هدفنا ، على الأقل ، هو أن نجرد الجهل من صفة الحياد التي اشتهر بها . فليس جهل المرء لسكل شيء هو الذي يمكنه من مواجهة الواقع بروح نزيهة محايدة . وما كان الجهل دعامة من دعائم روح النقد أبداً ؛ بل إن الأمر على العكس من ذلك : فروح النقد صفة رقيقة هشة ، تحتاج على الدوام إلى تقوية وتدعيم مستمدين من التحصيل العلي . ولا يفهم مدى تعقد الواقع إلا من عرف كثيراً ، وجرب كثيراً وقضى على فرص الخطأ . ويصدق ذلك بوجه خاص على العلوم المعقدة التي تتخذ الأحياء والإنسان موضوعاً لها ؛ إذ أنه إن كان عباقرة الرياضيات يظهرون قبل الأوان في كثير من الأحيان ، فإن عباقرة علم الحياة والأخلاق أناس ناضجون دائماً . فالرياضي « إيفارست جولوا » Evariste Galois ، الذي مات في سن العشرين قد وجد وقتاً كافياً يبدي فيه عبقرته ، أما « دارون » و « لامارك » فلم يقوما بأي كشف قبل سن الخمسين ، كذلك كتب « كانت » قد العقل المحض ، وهو في السابعة والخمسين من عمره .

وقد يكون من المستحسن أن يلم العالم ، الذي كرس حياته لعلم خاص ، بالعلوم التي يفترضها ذلك العلم ، فالطبيب مثلا لا ينبغي له أن يلم بالبيولوجيا وحدها ؛ بل يجب أن يكون قد مارس الكيمياء ، وعلم الطبيعة نفسه (١).

ويذهب « كلود برنار » إلى حد أبعد من ذلك ، فهو يوصي من يعد نفسه ليكون عالما ، بأن يتزود من الثقافة الفلسفية والفنية ؛ « لأنني ، رغم تقوري من المذاهب الفلسفية ، أحب الفلاسفة حبا جما ، وأجد متعة كبرى في صحبتهم . . . فالفلاسفة يبحثون دائما في المسائل المختلف عليها ، ويقفون في مستويات رفيعة ، أي عند الحدود القصوى للعلوم ، وبهنا يصفون على التفكير العلمي حركة تبحث فيه الحياة وتسمو به . . . » هذا عن الفلسفة ، أما عن الفن ، فهو يقول « إن العلم لا يتعارض قط مع ملاحظات الفن ومعطياته ؛ بل من رأي أن العكس هو الصحيح ضرورة . فالفنان يجد في العلم أسسا أرسخ ، والعالم يستقي من الفن حذسا أصدق » (٢)

١. — العلم ينطوي على إيمان بمبادئ معينة : —

لقد أضفنا كلا من الخيال وسعة التحصيل إلى الصفات المقومة للروح العلمية ، وهي تلك الصفات التي لها طابع أخلاقي أو خارج عن نطاق العقل في الأقل . فهل هذه هي كل الصفات ؟ وهل يكفي المرء ، لكي يكون عالما ، أن يكون أمينا شجاعا ، وعلى قدر من الخيال ، وملبا بمعلومات كثيرة ؟ كلا : فازلنا ، بعد ذلك كله على هامش الروح العلمية .

(١) هذه الفكرة هي التي أوجت بتنظيم متبع منذ وقت غير قريب ، وهو تدريس العلوم الخالصة في سنة إعدادية لطلبة كليات الطب .

Laurent : op. cit. P. 301—302 et 307.

(٢) .

فيعد أن أوضح « كلود برنار » أهمية روح النقد (التي يسميها بالشك الفلسفي) في الوصول إلى الحقيقة ، أبدى هذا التحفظ الهام : « ومع ذلك ، ينبغي ألا يكون المرء شكاكاً على الإطلاق ، بل عليه أن يؤمن بالعلم ، أعني بالاحتمية ، وبالعلاقة المطلقة والضرورية للأشياء ، سواء بين الظواهر الخاصة بالكائنات الحية ، أو بين كل ما عداها من الظواهر » (١) .

وعلى ذلك ، فالعالم في رأي « كلود برنار » ليس مجرد ملاحظ أمين شجاع لديه نوع من الخيال وقدرة غير قليل من الثقافة ؛ بل هو « مؤمن » . وهذا يؤدي بالمرء إلى أن يرى العلم أشبه بمعبد ، وبالطائفة الدينية التي تتميز بمعتقد محددة .

والحق أن هذا الوصف يصدق على العلم إلى حد ما . فالعلم مجموعة اجتماعية محددة ، وهو أكثر من أن يكون مهنة . وهو لم يكن موجوداً على الدوام ؛ بل إن عمره يتراوح ما بين خمسة وعشرين وثلاثين قرناً ، هذا إذا ربطنا نشأته بنشأة علم الملك عند اليونان ، ويقصر هذا العمر فيبلغ ثلاثة أو أربعة قرون ، لذا رأينا أنه بدأ مع ظهور علم الطبيعة الحديث . ولا يرجع شهرة العلم ونفوذه إلا إلى القرن الثامن عشر . وهو ينطوي على مجموعة من المبادئ التي ينقلها التعليم من جيل إلى جيل ، ولا تصبح موضوعاً لأي شك بالمعنى الصحيح ، وإن كانت تعدل أحياناً ، بحيث يظل تقدم العلم متصلاً ومستمراً ، كما قال « باسكال » في إحدى كتاباته المشهورة . إنه نوع

Introduction à l'étude de médecine expérimentale. (١)
Ire partie, chap. II, Edition scolaire b. Lalo (Hachette)
pp. 62-63.

من الدين ، ولكن الأهم من ذلك أنه عقيدة . والعالم قد أقسم بين الولا
لعدد معين من المبادئ .

١١ — أهم هذه المبادئ ، تأكيد الحتمية :

يبدو أن كلود برنار يسوى بين العلم وبين الإيمان « بالحتمية » .
فما الحتمية ؟ إنها مبدأ عبر عند كلود برنار على النحو التالي : « في الكائنات
الحية ، وفي أجسام الجماد على حد سواء ، تتحدد شروط وجود كل ظاهرة
تحديدا مطلقا » (١) .

ولقد فعل كلود برنار الكثير من أجل تثبيت دعائم علم حقيقي وبالكائنات
الحية ، وهذا ما يفسر الجزء الأول من عبارته . والمقصود بالظاهرة حادثة
يمكن الوصول إليه ، من حيث المبدأ ، عن طريق الملاحظة . وتقول من
حيث المبدأ ، لأنه قد يحدث أن تكون حواسنا عاجزة ، من الناحية العملية
عن إدراكه مباشرة ، ويكون لزاما علينا أن نلجأ إلى آلات من دون أن
نبرح مكاننا (مثلا ، تسليط أشعة إكس لا يستطيع تسجيله إلا التصوير)
أو أن نتصوره من جديد ، بناء على ما خلفه من آثار (ومن هذا القبيل ،
كسوف الشمس الذي تنبأ به طاليس ، كما روى لنا كتاب المذاهب
[doxographes] اليونانيون ، وهم مورخو الفلسفة والعلم عند اليونان) ،
أو أن نتنبأ به عن طريق تضافر ما لدينا من براهين على وجوده (مثل حركة
الأرض ، التي لا نستطيع أن نقررها مباشرة ، وإن كان لدينا عنها عدد كبير
من البراهين غير المباشرة) .

« وشروط وجود الظاهرة ، هي الظواهر التي تسبقها أو تصحبها ، والتي يؤدي وجودها إلى حدوث الظاهرة ، بينما يستحيل أن تحدث في غيابها : ومن هذا القبيل ، الجرائم ، والقابلية للإصابة بمرض معد . وهذه الشروط « محددة حتما » (ومن هنا استخدم لفظ الحتمية) ، بمعنى أنها ثابتة على نحو مطلق : وبعبارة أخرى فالظاهرة لا تحدث إلا إذا توافرت هذه الشروط ، ولكنها لا بد أن تحدث في هذه الحالة . وإذن فمن المستحيل أن تحدث الظاهرة إذا لم تحقق هذه الشروط ، ومن المستحيل ألا تنتج إذا ما توافرت . وهذه الاستحالة هي ما يسمى بالضرورة .

١٢ — النتيجة الأولى : ليس هناك قدر محتوم ولا مصير محدد :

كثيرا ما يخلط الناس بين الحتمية وبين الإيمان بالقدر المحتوم ، و المصير أعني الجبر المطلق . غير أن الحتمية بعيدة كل البعد عن الجبر المطلق ، حتى يمكن القول بأنها مضادة له بمعنى ما ، وهذا ما جعل « كانت » يستخلص من الحتمية تديجة هي إنكار الجبر المطلق *non datur fatum*^(١) وليذكر المرء أسطورة « أوديب » فأوديب سوف يقتل أباه ويتزوج أمه ، مهما حدث ؛ ومصير « أوديب هو على حد تعبير « كوكتو » « آلتجهنية » تؤدي دورها في اللحظة المحددة مهما فعل . على أن الحتمية لا تؤكد ضرورة وقوع حادث معين مهما كانت سوابقه بل هي تؤكد أن هذا الحادث يتحدد ضرورة « عن طريق » سوابقه . فالجبري يرى أن الفعل هو الضروري فهو ، على حد تعبير كانت ، ذو ضرورة مطلقة *Catégorique* ، أما المؤمن

Critique de la raison pure. trad. Archambault (١)

t. I. p. 244.

بالحتمية ، ففهمه العلاقة بين الحادث وشروطه . فالضرورة التي تؤكد الحتمية ضرورة « hypothétique » .

ونتيجة ذلك أن القدر لا رادّ له ، أما الحتمية فهي كما يقول البحارة في تعبيرهم الطريف — « طيعة maniable » ، فليس في وسعنا أن نفعل شيئاً حيال فعل أراذه القدر ، وكل محاولة لتجنبه تقر بنامنه : فعندما ابتعد أوديب عن هذين اللذين اعتقد أنهما أبوه وأمه ، أقرب ، بقوة لا تقهر ، من والديه الحقيقيين ، والتي في أسطورة « لافونتين » يقضى عليه بالفعل أسد مرسوم ، لأنه ظل مبعداً عن الأسد الحقيقية ، بعد أن حكم عليه في النبوءة بأن أسداً سيقتله (١) . أما إذا أدرك المرء أن الطاعون تسببه جرثومة تنقلها براغيث الفيران ، فعندئذ يمكنه تجنب الطاعون بالحذر من تسلل الفيران ، وبالقضاء عليها ، وبالفعل يمكن الوصول إلى هذه النتيجة .

١٣ — النتيجة الثانية : ليس هناك صدفة non datur casus :

يقول « كانت » بنتيجة ثانية للحتمية ؛ هي نفي الصدفة (٢) .

والحق أن فكرة الصدفة أو الاتفاق معقدة محيرة ، لأن لكلمة الاتفاق عدة معان متباينة ، نستبقى منها معنيين :

- (١) غياب القصد المدبر (كالصدفة الناتجة عن عدم وجود غاية) .
 - (٢) غياب السابقة المحددة (كالصدفة الناتجة عن عدم وجود علة) .
- ١ — فعندما تقول إن صديقين تقابلا اتفاقاً ، أو إن قابلاً سقط من حائط

L'horoscope, livre VIII, fable XVI. (١)

(٢) المرجع نفسه ، والصفحة نفسها .

فقتل بالصدفة شخصاً ماراً ، نعى بذلك أن المقابلة تبدو مقصودة مادامت قد وصلت إلى نقطة التقي فيها الاثنان ، وأن سقوط الحجر يبدو منظوياً على قصد القتل ، لشدة ما يبدو لنا أنه قد قصد المار المشار إليه بالذات . ولكننا نعلم أن الأمر في الواقع بخلاف ذلك فأيبدو من قصد مدبر . لا يطابق أية حقيقة واقعية . فليس ثمة قوة إلهية هيأت المقابلة ، أو وجهت الحجر . وليس للعلم أن ينكر الصدفة بهذا المعنى ؛ إذ أن الصدفة لا تكون عندئذ شيئاً على الإطلاق . فالكلمة هنا تعنى أنه ليس هناك شيء . وأنه ليس ثمة أى قصد يبحث عنه .

٣ - ولكن كلمة الصدفة يصبح لها ، في التعبير القائل « لعبة الصدفة أو الحظ ، معنى مخالف للسابق كل الاختلاف ، وأعمق منه كل العمق . فلاعب الورق مثلاً « يفتظ » أوراق اللعب ويوزعها ، وقاذف العجلة يلقي بها . ولكن ليس هناك صلة بين هذه الحركات وبين توزيع الأوراق ، أو بين ظهور الرقم الرابع ؛ فاللاعب لم يوزع الأوراق بإرادته ، وقاذف العجلة لا يستطيع شيئاً حيال الرقم الرابع . فهاتان النتيجتان غير محددتين .

وفي هذه المرة ، ينكر العلم الصدفة . فكل حركة من حركات لاعب الورق أو قاذف العجلة لها ، في الواقع ، دور فعال في توزيع الأوراق أو ظهور الرقم . والنتيجة محددة « ومحتومة » . وكل ما في الأمر أن تركيب المربعات التي تحمل الأرقام ، والطريقة التي يصنع بها الورق ، والتي ينبغي أن توزع بها ، من شأنها ألا تمكن اللاعبين أو القاذف من التحكم في حركاته ، أو من معرفة ما سوف تأتي به .

الصدفة في رأى كورنو Cournot : اعتقد بعض الفلاسفة أن في وسعهم

تأكيد وجود الصدفة وجوداً فعلياً ، ومن هؤلاء كورنو^(١) . فالصدفة عنده تنحصر في اجتماع أو تقابل ظواهر تنتمي إلى سلاسل مستقلة في نظام العلية . فسقوط الحجر مثلاً يكون هو وسوابقه وشروطه (تماسكه الواهى بالسقف ، هبوب الريح في اتجاه معين ، وفي لحظة معينة ، وانخفاض الضغط الجوي) سلسلة حتمية تماماً . ومن جهة أخرى ، فإن مرور السائر عاثر بالخط يكون هو وسوابقه وشروطه (رغبته في الزهة أو الذهاب إلى عمله) سلسلة أخرى حتمية كالسابقة ، وتقابل السلسلتين هو الذي لا يخضع للحتمية ، مادامت السلسلتان مستقلتين ، ولا تخضعان لنفس الحتمية : فالحتمية الأولى خاصة بالظواهر الجوية ، والثانية نفسية . وبالمثل ، لحركة قاذف العجلة تبدأ سلسلة حتمية تؤدي إلى ظهور رقم معين . ولكن هذه الحتمية ، وهي آلية تماماً ، تنتمي إلى نوع من الوجود مخالف لذلك الذي تنتمي إليه تلك الأفكار والرغبات والتقدير التي دفعت اللاعب إلى أن المراهنة بتقوده على رقم معين . ولنذكر هنا أيضاً كلمة « باسكال » المشهورة : لو كان أنف كلبوباترا أقصر قليلاً لتغير وجه الأرض ،^(٢) . فأنف كلبوباترا ناتج عن حتمية تشريحية ، وراثية . والصدفة تتمثل في لقاء كلبوباترا مع أنطوان . فقد كان أنطوان بمعنى ما ، ممثلاً للحتمية الأخرى ، هي حتمية تاريخية وسياسية . وأدى تقابل هاتين الحتميتين إلى وقوع أنطوان في الحب ، وتخلفه عن أكتيوم ، وخسارته للبعركة ، وأخيراً تأسيس الإمبراطورية الرومانية التي دامت قرناً متعددة .

(١) أنطوان أوجستان كورنو Antoine — Augustin Cournot
(١٨٠١ — ١٨٧٧) .
Matérialisme, vitalisme, rationalisme (Hachette 1923)
p. 219—286.

(٢) الفقرة ١٦٢ خواطر باسكال .

وتمتاز فظرية دكورنو، بأنها مترجع مختلف تعريفات الصدفة إلى تعريف واحد . فليس ثمة إلا اتفاق واحد . هو تقابل سلاسل مستقلة . والنظرية لا تنكر الحتمية بالمعنى الصحيح ، بل تجزئها ، وتفصلها إلى سلاسل ، وخطوط متميزة . لكن لنا أن نتساءل هنا : هل هذا الفصل مشروع ؟ الحق أنه يبدو كذلك للوهلة الأولى ؛ لأن البحث العلى لا ينصب في الواقع إلا على سلاسل تسير في خطوط مستقيمة . فالعلم يمضي عن طريق فصل الظواهر الواقعية بعضها عن بعض . وهذا الفصل ينتهي إلى تكوين « حتميات » تكفيه مؤقتاً ، ولا يشعر تجاهها بالحاجة إلى بحثها وإلى تأكيد وحدتها تبعاً لذلك . والحق أن الفلاسفة أكثر طموحاً في هذا الصدد ؛ إذ أنها تسعى إلى الوحدة ، ولا تستطيع أن تتصور سوى حتمية واحدة ، تسميها بالكون . وهي لا تعرف سلاسل مستقلة ، مادام الكون واحداً . قد يقال إن تلك نظرة ميتافيزيقية . لكن كثيراً ما يحدث أن يصبح ما كان ميتافيزيقياً بالأمس علماً في الغد ، بل اليوم^(١) . وهذه هي الحال هنا . ففكرة الكون إقد أصبحت فكرة عليية ، كما سنرى فيما بعد . على أن هذه الفكرة تقتضى أن يرتبط كل شيء ، وأن يكون استقلال السلاسل مجرد وهم ، يطابق حالة مؤقتة من حالات البحث العلى .

إذن نستطيع القول ، مع اسينوزا ، بأن الشيء لا يسمى احتمالياً (أعني ناتجاً عن الصدفة والاتفاق) إلا لعدم كفاية معرفتنا^(٢) .

(١) يمكننا أن نرى لذلك مثلاً طريقاً إذا درسنا فكرة اللسبية .

(٢) Ethique. 1ère partie. Prop. 33. scolie.

١٤ — تأكيد الحتمية هو الذى يمكن من حساب الاحتمالات :

إن الذى يبقى على الاعتقاد بحقيقة الصدفة (بمعنى غياب العلة) هو تفسير باطل لحساب الاحتمالات . والمقصود بحساب الاحتمالات مجموعة من المبادئ الرياضية تسمح بتحديد فرض وقوع حادث اتفاقى . فيبدو إذن ، لأول وهلة ، أن الرياضة ذاتها تبرر الصدفة ، ما دامت تقيسها . وسنرى أن الأمر بخلاف ذلك تماماً ، وأن حساب الاحتمالات ليس حساباً للصدفة ، بل هو على العكس من ذلك حساب حتمية مجهولة جزئياً ، عن طريق عناصر منها نستطيع معرفتها .

فلندرس تطبيق هذا الحساب على الألعاب التى تعتمد على الصدفة .

ولنسلم أولاً بقواعد اللعب (٥٢ ورقة ، أربعة لاعبين ، ١٣ ورقة اللاعب مثلاً) . ولنحسب عدد التاليفات الممكنة كلها - وفى الرياضة جزء يسمى بالعنصر التاليفى Combinatoire ، يمكن من القيام بهذا الحساب - ثم نبحث من بين هذه التاليفات عن تلك التى تودى إلى نتيجة معينة (كوجود ثلاثى الآس لدى لاعب واحد مثلاً) ثم نحدد عددها هى الأخرى ، ونبين نسبة هذا العدد الأخير إلى العدد الكلى . وتسمى تلك باسم نسبة احتمال اللعبة المذكورة (كثلاثى الآس مثلاً) . فلنفرض أن هذه النسبة تدون على

النحو $\frac{1}{100}$ ، عندئذ نقول إن هناك من الفرص $\frac{1}{100}$ فى أن يجد اللاعب ثلاثى

الآس بين أوراقه . وكلية « فرص » ليست لها أية دلالة سحرية ، بل تعنى « نسبة التاليفات » لحسب . وليس فى وسع هذه النسبة أن تتنبأ بما إذا كان

اللاعب سوف يهتدى إلى ثلاثي الآس في الدورة القادمة من ألعابه ؛ بل هي لا تسمح بأن نعلم بعدكم من الدورات سوف يهتدى اللاعب إليه . ولكن إذا ما لعب عدداً كبيراً جداً من الدورات ، فإن النسبة الفعلية والنسبة النظرية تتطابقان . وذلك هو ما يسمى « بقانون الأعداد الكبيرة » .

وعلى ذلك ، لحساب الاحتمالات يفترض حتمية حقيقية وراء الصدفة الظاهرية . وهو يطبق على الطبيعة كلما أعوزتنا معرفة الحتمية المفصلة ؛ لأن العوامل المقومة للحتمية صغيرة إلى حد كبير ، أو تؤثر تأثيراً سريعاً جداً ، وإن كنا نعرف القانون الذي تخضع له . فكتلة الغاز المحصورة في قنينة من الزجاج تتكون من عدد كبير من الجسيمات . ولا يمكننا الاهتمام إلى حركة كل من هذه الجسيمات ، لأننا لا نعلم تفاصيلها ، وإن كنا نعرف قانونها: فحق وسعنا أن نعلم الطريقة التي سوف تتجمع بها كل القيم الممكنة للتفاصيل لتسكون كلاً ، وأن نحسب المجموع الكلي : وهذا المجموع هو الصدمة الكلية على جدران القنينة ، وما ينتج عنها من ضغط . وذلك هو ما تقوم بحسابه « النظرية الحركية للغاز » التي وضعها كل من « جيبس Gibbs » ، و « بولتزمان Boltzmann » في سنة ١٨٧٠ .

١٥ — المبدأ الثاني الذي تستلهمه الروح العلمية ، هو مبدأ النسبية :

إن الحتمية هي حقاً مبدأ العلم ، ومحور الحتمية هو فكرة الضرورة . ولكن نظراً لعدم وجود الجبرية ، فإن الضرورة لا تتعلق بالحوادث ذاتها إذا شئنا الدقة ، وإنما بالشروط التي تحيط بها ، وبعلاماتها . فهي إذن « نسبية » أعني أنها صفة للعلاقات ، لا للحوادث ذاتها .

والحق أن فكرة العلاقة قد تكونت بصعوبة كبيرة . فاليونانيون

قد أدركوا أهميتها ، ونحن نعلم أنهم أسموها $\pi\rho\omicron\varsigma\ \tau\iota$ ، وهذا هو اسم المقولة الرابعة من مقولات أرسطو . غير أن العلاقة عندهم كانت تعبر عن مقارنة كمية 'يستخدم' أفعال تفضيل ، لتحديدها ، أو هي رابطة غير محدودة بين صفة نشعر بها ، وبين حساسية الذات التي ندرك (فيقال مثلاً إن من لديه الصفراء يرى كل شيء أصفر اللون ، أو أن المصاب بعمى الألوان ، يتساوى لديه الأخضر والأحمر) . ونتيجة ذلك أن النسبية كانت تعد لإحدى حجج الشك . والحق أن النظر إلى الأمور من وجهة النظر النسبية يجعل من المحال القول بوصف مطلق : فسقراط ليس طويلاً ولا قصيراً ، بل هو أطول ، من نيتاتوس ، و « أقصر » من القبياس . والكريز الناضج ليس أخضر ولا أحمر ، بل هو أحمر « بالنسبة إلى » ذى الإبصار السليم مثلاً ، وأخضر وأحمر معاً بالنسبة إلى المصاب بعمى الألوان الجزئي .

١٦ — الرياضيات والنسبية العلية :

وقد كانت الرياضة هي التي حررت العقل إذ أعانتها على تكوين فكرة صادقة . ذلك لأن العلاقة في الرياضة موضوع . ولقد كان اليونانيون هم الذين كونوا فكرة اللوجوس [Logos] وعرفوها ، وكانوا يعنون بها العلاقة

الرياضية $\frac{1}{2}$ ، بل «التناسب» $\alpha\iota\sigma\lambda\omicron\gamma\iota\alpha$ وتساوى العلاقات $\frac{1}{2} =$

$\frac{2}{4}$ ، واستخلصوا النظرية المعبرة عن هذه الأفكار . وذلك هو موضوع

الكتاب الخامس لإقليدس . وألقيت على عاتق العصر الحديث مهمة تعميم هذه الفكرة على نحو يكفي لتحويل النسبة إلى « دالة » fonction . ويعرف

ديكارت في «المقال في المنهج»، علما رياضيا (الرياضة البحتة والمجردة
mathesis puratque abstracta كما يسميها في «التأمل الخامس»،
يكون نظرية محضة للعلاقات أو النسب المختلفة^(١). وبعد أن اعتاد الإنسان
أن يواجه فكرة العلاقة مباشرة، ويراها معقولة، انتهى به الأمر بإدراك
أن النسبية، بدلا من أن تؤدي إلى الشك، هي في الحق إحدى دعائم العلم.

١ قلنا إن الحتمية هي تأكيد ضرورة «شرطية»، أعنى ضرورة
رابطة، وضرورة نسبية. فالحتمية تتخذ إذن صيغة «العلاقات الضرورية»،
وذلك هو ما يسمى «بقوانين الطبيعة». ويطلق عليها «لوكريس»، Lucrèce
اسم «foedera»، أي «مواثيق»، تفهم الأشياء على أسامها. وهذه الكلمة
تطابق تعبيراً أوغل في باب المجاز للفيلسوف اليوناني أنبندوقليس (في القرن
الخامس ق.م)، قال فيه إن الطبيعة هي «قسم واسع النطاق»، πλατεις ὄρχος،
ولكن هذه كلها لا زالت تعبيرات أسطورية، تفترض وجود آلهة، وقدرا
محتوما يصدر قسما ويظل على الدوام متمسكا بكلمته. على أن الرياضة قد
استبعدت الآلهة، واستبدلت بفكرة الميثاق فكرة «الدالة». وسوف
نرى فيما بعد أن قوانين الطبيعة هي دالات رياضية.

فالنسبة هي إذن، أولا، تصور الحتمية على هيئة شبكة من الدالات
الرياضية التي تشمل الطبيعة، وتحل محل فكرة القدر القديمة.

يمكن تحديد نسبية الإحساسات محديدا رياضيا:

٢ — عندما كان اليونانيون يقولون إن الإحساس نسبي تبعا للحاس،

كانوا يعتقدون أنهم بذلك يدعون موقف الشك ، فيما يتعلق بالمعرفة الحسية على الأقل . ولهذا السبب تحولت المدرسة الأفلاطونية إلى الشك بعد قرنين من الزمان . أما المحدثون فقد أفلحوا في إدماج نسبية الإحساس في العلم ، ولتحقيق ذلك ، أدمجوا الإحساس في دالة رياضية تربطه بالموضوع المحسوس أي بالمنبه . ومن المؤكد ، كما بين لنا علم النفس ، أن الإحساس ليس كمية حقيقية ، قابلة للإضافة : فالأبيض ليس مجموع لونين رماديين . ولكن إذا لم يكن من الممكن التعبير عن الإحساس بأرقام تسلسلية *cardinaux* ، فمن الممكن التعبير عنه بأرقام ترتيبية *ordinaux* ، أي أن من الممكن تدرجه : فمن الممكن تدرج الألوان الرمادية حتى أقصى مراحلها ، أي حتى اللون الأبيض ، وكل تدرج جديد يمثل عبورا ما يسميه علماء النفس « بالعتبة *seuil* » أي الحد الأدنى للإحساس ، على أن العتبة (التي نعلم أنها على أنواع ، منها الكمية المطلقة والفارقة البصرية تناظر $\frac{1}{2}$ في حالة إضاءة الشيء ، بالنسبة إلى القيم المتوسطة ؛ والعتبة الكيفية الفارقة في الموسيقى هي $\frac{1}{8}$) أي أقل صوت يمكن . وعلى هذا النحو تحتل العين والأذن . . الخ ، مكانهما بين أدوات الملاحظة ، بل أدوات القياس ، وإن يكن هذا المكان متواضعا .

وليس أعضاء الحس في أساسها سوى نقط نهاية للأعصاب . فهي جزء من الجهاز العصبي . على أن للجهاز العصبي قوانين خاصة يخضع لها في أداء وظيفته وتتحكم في الملاحظة العلمية . « فالتيار العصبي ، مثلام له سرعة محدودة إلى حد كبير ، وتتفاوت تبعا للأفراد ، بحيث أننا عندما « نرى » الظاهرة ، يمضي زمن معين (ما بين ١٠ ، ٢٠ في المائة من الثانية) قبل أن نقوم برد فعل عليها . وقد أمكن تحديد قيمة هذا الزمن عن طريق علم النفس الفسيولوجي (دراسة زمن رد الفعل) .

نسبية وجهة النظر يمكن تحديدها رياضياً هي الأخرى : على أن هذا ليس كل ما في الأمر : فالملاحظة نسبية تبعاً لمكان الملاحظة أيضاً ، لا تبعاً للملاحظ وحده . إذ أن كل ملاحظة بشرية تبدأ من الأرض . ولقد ظن الناس في بداية الأمر - وكان ذلك أمراً طبيعياً - أن الأرض مرصد ممتاز للملاحظة ، فهي مركز العالم ، والسماء تدور حولنا ، ما دمنا نراها تدور حولنا . فعلم الفلك التلقائي يتخذ الأرض مركزاً له [géocentrique] كما يقولون ، وكذلك كان علم الفلك اليوناني . ولكننا نجد بين مفكري اليونان المتعمقين الناهين ، من اعترفوا بأن الأرض تدور حول الشمس أو حول مركز العالم : ومن هؤلاء عالم فيثاغوري هو فيلولايوس Philolaos (القرن الخامس ق م) وعالم أفلاطوني هو أرسطارخس الساموسي Aristarque de Samos (القرن الثالث ق م) . وظلت فكرتهم التي ظهرت قبل أوانها ، رابكة ، وحججها انتصار المذهب الفلكي القائل بأن الأرض مركز الكون ، وهو المذهب الذي أذاعه بطليموس (القرن الثاني بعد الميلاد) . ثم بعثت الفكرة ، كما نعلم ، على يد كبرنك ، وهو بولندي في القرن السادس عشر وسار جاليليو (١٥٦٤ - ١٦٤٢) في الطريق الذي بدأه كبرنك ، وسرعان ما ذاعت تعاليمه ، رغم ما عاناه من اضطهاد . والفكرة القائلة بأن الأرض تدور حول الشمس ، وحول نفسها ، فكرة رياضية ، إذ أن التصوير الرياضي لحركات الأجرام السماوية أكثر يسراً ، وأقرب إلى العقل ، إذا ما نظرنا إلى الشمس على أنها هي النقطة الثابتة فإذا ما تبين لنا مقدار خصب نظرية كبرنك وجاليليو أدركنا أن التقدم العلمي ، في هذه الحالة يدورما ، كان مشروطاً بتحول ، انصرف فيه العقل عن المحسوس ، مفضلاً عليه المعقول .

فكرة النسبية أدت إلى الكشف عن سرعة الضوء : أدت فكرة النسبية أيضاً إلى كشف سرعة الضوء ، وهو كشف له أهميته القصوى في علم الضوء ؛ بل في الميكانيكا ذاتها في الوقت الحاضر . والرأى التلقائى الذى كان شائعاً هو أن الضوء لا يستغرق زمناً ، وهو رأى مبنى على استدلال ساذج : أن الحادث الذى أراه ، قد وقع في لحظة معينة ، ما دمت قد رأيته في هذه اللحظة (أما بالنسبة إلى الصوت ، فقد تحول الناس عن هذا الرأى ، عن طريق تجارب بسيطة ملفتة للنظر إلى حد بعيد ، ولكن كان لها أثرها البالغ) . ومن الواضح أن هذا الاستدلال ضرب من السفسطة ، ولكن ما كان يمكن التخلص منه إلا بإرشاد تجارب عظيمة الدقة ، تفسر بناء على 'فكرة النسبية .

ففي سنة ١٦٧٦ لاحظ عالم الفلك الدانمركى «أولاف رومر» Olaf Roemer عضو أكاديمية العلوم بباريس ، أن أول تابع من توابع المشترى يدور حول ذلك الكوكب في زمن متغير (وكان التغير يقدر بحوالى ربح ساعة في الأسبوع) . وعندما لحص الشروط الأرضية للملاحظة ، تبين له أن التابع يصبح «متقدماً» عن المتوسط الزمنى عندما تقرب الأرض من المشترى (الذى يسير في دورانه بسرعة أبطأ من الأرض كثيراً) ويصبح «متأخراً» عندما تبعد الأرض عنه . فخطر بباله عندئذ أن للضوء سرعة معينة ، وبالتالي أن الأرض عندما تقرب من الكوكب ، تلتقى الأشعة المضيئة بسرعة أكبر ، أما إذا ازدادت المسافة فإنها تلتقاها ببطء أكبر ؛ بل لقد استخلص من ذلك تقديراً لسرعة الضوء : وإذا كان ذلك التقدير عشطاً (٢٠٠.٠٠٠ بدلا من ٣٠٠.٠٠٠ كم في الثانية) فإنه يعد تقديراً رائعاً في ذاته ، ويرجع خطؤه إلى أسباب لا صلة لها بمنهجه .

وهنا أيضاً تظهر النسبية في التصميم على إعطاء دور للملاحظ (البشرى

أو الأرضي) في كل ملاحظة ، وعلى جعل هذا الدور قابلاً للتقدير الحسابي بقدر الإمكان ، فنتيح لنا ذلك فرصة استبعاد تأثير الملاحظ على الملاحظة

الرياضة والدقة العلمية : كل هذا يفترض تطبيق الرياضة على الطبيعة ، بطرق شديدة الاختلاف . غير أن إدخال الرياضة في هذا الميدان يمكن من القيام بمجهود آخر ، بل يتطلب مثل هذا المجهود : وأعني به السعي وراء « الدقة » .

فالرياضة لا تتميز بالدقة التامة لحسب ($2 + 2 = 4$) ، بالضبط ، المثلثان اللذان تتساوى أضلاع كل منهما بالآخر ينطبقان تمام الانطباق) ، بل لأنها هي الدقة ذاتها ، إلى درجة أنها تمكننا من قياس عدم الدقة بدقة تامة ، إذ توضح بكل دقة فيم يكون المقياس غير دقيق : فيقال إن عدم الدقة يصل إلى $\frac{1}{1000}$ أو $\frac{1}{10000}$ ، الخ . . . بحيث تكون الدقة متناسبة مع « مقام » هذا الكسر .

والقول يمد « دقيقاً » إذا كان ينطبق على الواقع بطريقة محددة تماماً ، أعني إذا كان ذلك القطع من الواقع الذي يشير إليه القول محصوراً تماماً ، ولا ينطوي تبعاً لذلك إلا على أقل قدر ممكن من عدم التحديد . ومن اليسير أن ندبين الفارق بين قضيتين مثل : الطقس بارد ، الترمومتر يشير إلى درجة تحت الصفر . فالأولى تنطبق على عدد من الوقائع أكبر بكثير من ذلك الذي تنطبق عليه الثانية . ومن هنا نرى إلى أي حد تفيد الصيغة الرياضية في اكتساب الدقة : فهي تزداد دقة على الدوام ، ما دام في وسعنا دائماً أن نضيف أرقاماً عشرية ، كلما ازدادت دقة أجهزة القياس .

٨ — الأشكال المتتابعة للروح العلية :

لقد تطورت الروح العلية ، وليس من الصعب إدراك سبب تطورها هذا :

١ — فال تقدم في الأساليب الفنية الصناعية بمدنا بأجهزة علية أكل وأقوى مما كان لدينا ، لتتمكن بواسطتها من الاهتمام إلى ظواهر كانت مجهولة ، كما يزيد دقة الأقيسة من جهة أخرى .

٢ — وتقدم الرياضة يأتي بدالات جديدة ، وتعبيرات جديدة ، يمكن استخدامها في حل مشكلات جديدة .

٣ — وإن مجرد تكديس الملاحظات التي تقوم بها الأجيال المتعاقبة من الباحثين ، ليأتي بوقائع جديدة تثير مشاكل لم تكن معروفة ، وتخلق مزيداً من الصعوبات .

٤ — والعلم يغير شكل العالم : فهو يعمل أولاً على تغيير آفاقه بالنسبة إلى عقولنا . ثم إن الصناعة الحديثة ، التي نشأت عن العلم ، تتابع طريقها إلى السيطرة المادية على كوكبنا هذا . والسكون الجديد يولد علماء جديداً ، وهكذا دواليك . وعلى ذلك ، فبين الوقائع وبين المعرفة العلية سلسلة غير محدودة من الأفعال وردود الأفعال .

كل هذه الأسباب لا تؤدي إلى تغير العلم حسب ؛ بل إلى تغيير الروح العلية ذاتها ، إذ تظهر مناهج جديدة ، تقتضى صورة جديدة للعقل ، وصفات جديدة له .

وهكذا يمكن أن يروى تاريخ الروح العلية ، وإن كنا لا نزمع القيام

بهذا العمل ؛ بل سنكتفى بأن نعرض بإيجاز شديد للمراحل الكبرى التي يمكن أن نلحها في ذلك التاريخ .

علم الطبيعة الميكانيكي : يبدأ هذا التاريخ من القرن السابع عشر .
ففي السنوات الأولى من ذلك القرن نشأ علم الطبيعة بمعناه الصحيح من علم الفلك عند كبرنك وجاليليو .

١ - واذن يمكننا أن نميز مرحلة أولى تشمل القرن السابع عشر .
هذه المرحلة نسيطر عليها النظرة الآلية المعروفة عند ديكارت وجاسندي^(١) .
وفيها كان ينظر إلى التركيب الداخلي للظواهر على أنه مكون من آلات $\mu\eta\chi\rho\alpha\iota$ صغيرة إلى أبعد حد ، كالمئة والملفاف والتورج الآلي ، والرافعة ،
أعنى أقدم الآلات البشرية ، التي بدأ أرشميدس (في القرن الثالث ق . م)
في وضع النظرية المبنية عليها ، والتي أتتها ديكارت^(٢) . فظواهر المغناطيسية
مثلا يفسرها ديكارت بحركة مسامير حلزونية لا متناهية الصغر تدخل
في مسام أجسام معينة (كالمغناطيس الطبيعي ، والصلب) فتوجهها أو تنقلها
من موضعها . أي أن تفسير الظاهرة هو وصف للأ نموذج الآلي الذي تتمنه
تفاصيل تركيبها الداخلي .

فيزيقا القوى المركزية : ٢ - ومنذ أن انتصر نيوتن ، وطوال
القرن الثامن عشر ، لم تعد الأمور تفسر على النحو السابق ؛ بل استبدل

(١) جاسندي Gassendi أو Gassend (١٥٧٠ - ١٦٤٢) مجدد
المذهب القرى الديقريطي والرواقى .

(٢) انظر رسالة إلى Constantin Huygens ، والتي ألحقت بمؤلفاته فيما بعد
باسم « الميكانيكا » .

بالتفسير القديم مذهب « القوى المركزية » ، والمقصود بهذا التعبير ، قوى الجذب والتنافر الموجهة نحو ققط (مراكز) ، أو الخارجة من ققط ، تمثلها موجات vecteum ، وهى المستقيبات المعروفة التى تتخذ صورة السهام . ف تفسير ظاهرة (كالثقل) وحركة النجوم ، والجذب المغناطيسى أو الكهربى وتغير سطح السائل فى أنبوبة الاختبار ، وميل العناصر إلى الاتحاد فى الكيمياء) إنما هو رسم الموجه ، الذى يحدد قانونه الخصائص الرياضيه . ونستطيع القول بأن ميتافيزيقا الطبيعة عند « كانت » هى الصورة الواعيه والمنظمة لهذه الفكرة . كما تمثل حتمية الموجات هذه فى الصيغه المشهوره التى عبر بها لابلاس عنها (١٧٤٩ - ١٨٢٧) : « لو استطاع عقل ما أن يعلم فى لحظة معينه جميع القوى التى محرك الطبيعة ، وموقع كل كائن من الكائنات التى تتكون منها ، ولو كان ذلك العقل من السعه بحيث يستطيع إخضاع هذه المعطيات للتحليل ، لاستطاع أن يعبر بصيغه واحده عن حركة أكبر أجسام الكون وعن حركات أخف الذرات وزناً ، ولكان عليه بكل شىء علماً أكيداً ، ولأصبح المستقبل والماضى ماثلين أمام ناظره كالحاضر تماماً .

فيزيقا المجالات : (٣) فى القرن التاسع عشر ، أدت دراسات كولومب Coulomb (١٧٢٦ - ١٨٠٦) وأمبير Ampère (١٧٧٥ - ١٨٣٦) وفارادى Faraday (١٧٩١ - ١٨٦٧) فى الكهربا . والمغناطيسيه ، ونظريات ماكسويل Maxwell (١٨٣١ - ١٨٧٩) فى الضوء (الذى هو فى رأيه ظاهرة كهربائيه مغناطيسيه فى أساسها) إلى ظهور فكرة جديدة عن الحتميه : هى حتميه المجال . والمقصود بالمجال نطاق معين من المكان

يتحكم كل جزء من أجزائه في الآخر تحكما متبادلا ، طبقا للتركيب الخاص للمجموع . فالحتمية هنا لم تعد تتصور خلال التعاقب الزمني ؛ بل خلال الاقتران الزمني simultanéité ، أى أن السابق ليس هو الذى يتحكم فى اللاحق ، وإنما المجموع هو الذى يتحكم فى الجزء .

الروح العلمية الجديدة : (٤) وأخيراً ، ومنذ السنوات الأولى فى القرن العشرين ، ظهرت «روح علمية جديدة» — على حد تعبير باشلار Bachelard من مختلف النظريات العلمية . وسنرجى* مهمة ومنف هذه الروح الجديدة^(١) ، وحسبنا أن نقول إنها أحدثت فى العلم انقلابا بعيد المدى ، لا نستطيع القول على الإطلاق إن نتائجها الفلسفية قد ظهرت كلها .

مراجع

فى الأقسام من ١ — ٨ يرجع إلى :

Goblot, J. : Traité de logique (Colin) chap. XVIII

جوبلو : رسالة فى المنطق

فى القسم ١٤ يرجع إلى :

Emile Borel : Le hasard (Alcan)

اميل بوريل : الصدفة

Gaston Bachelard La formation de l'esprit
scientifique (Vrin, 2^e éd. 1947)

جاستون باشلار : تكوين الروح العلمية .

(١) انظر الفصل الحادى عشر من هذا الكتاب

الفصل الرابع

تصنيف العلوم

يمكننا أن نتخذ من تقسيم « أوجست كونت » أساساً . وتبعاً لهذا التقسيم ، ينبغي التمييز بين العلوم العملية أو علوم الأساليب الفنية ، التي يطبقها المهندسون ، والعلوم النظرية ، التي يبحث فيها العلماء . فالعلوم النظرية إما عينية (كعلم الحيوان أو النبات مثلا) أو مجردة (كعلم وظائف الأعضاء) .

والعلوم المجردة الرئيسية ستة : الرياضة ، والفلك ، وعلم الطبيعة ، والكيمياء ، وعلم الحياة ، وعلم الاجتماع . وهذه العلوم مرتبة ترتيباً تنازلياً من حيث البساطة والعموم . وهي علوم لها صفاتها النوعية ؛ إذ لا يمكن إرجاع كل منها إلى العلم السابق عليه ، فالمذهب الوضعي يتنافى مع المذهب المادي .

ومنذ عهد أوجست كونت ، تطورت العلوم بحيث أصبح تصنيفه غير مطابق لحالة العلم كل المطابقة . فقد ظهرت علوم جديدة (مثل علم الطبيعة الفلكي ، وعلم الطبيعة الذري) ، واحتلت هذه العلوم مكانة تعلو مكانة علوم كثيرة أخرى ، وأثبتت وحدة العلم التي تعبر ، كما قال « ديكارت » ، عن وحدة العقل الإنساني . وأصبحت المثالية ، التي تؤكد هذه الوحدة ، في مركز أقوى مناهضة للبادية من المذهب الروحي عند أوجست كونت .

١ - فائدة القيام بتصنيف العلوم ، ولو كان مؤقتاً :

كوّنا ، فيما سبق ، فكرة أولى عن العلم ، وعلينا الآن أن ندرس مختلف العلوم على التخصيص ، ولأجل هذه الغاية ، ينبغي لنا أن نصنفها .

ومن المؤكد أننا لا نولى تصنيف العلوم أهمية أساسية ، وذلك لأسباب سنوضحها في ختام هذا الفصل . وإن يكون التصنيف الذي سنعرضه إلا تصنيفاً مؤقتاً ، ولكن من الضروري أن يوجد تصنيف ، أيا كان . فميزة التصنيف أنه يضني دقة على المصطلحات الفنية في العلوم . والحق أنه لو لم تكن له من فائدة إلا هذه ، لكان ذلك كافياً . ولقد وصف كوندياك Condillac العلم بأنه « لغة أحسن إعدادها » . وفي مقابل ذلك نرى أن اكتمال اللغة يؤدي إلى بدء المعركة ، كما يؤدي وضع المصطلح على أسس عقلية إلى المدء في معرفة الأشياء . وفضلاً عن ذلك ، فلما كنا سنقتبس تصنيفنا المؤقت من أوجست كونت^(١) ، الذي كان شديد الانكباب على معرفة علوم عصره ، والذي اتجه بفكره إلى المشاكل التي تثيرها الصلات بين هذه العلوم ، فسوف نستطيع الاهتداء خلال ذلك إلى أفكار طريفة وعميقة .

٢ - تصنيف بيكن (١٦٢٣) وأصحاب دائرة المعارف (١٧٥١) .

لكي يتسنى لنا فهم تصنيف « أوجست كونت » ، يجب علينا أن نقول بضع كلمات عن التصنيفات السابقة له ، والتي تقدمها هو .

(١) أوجست كونت (١٧٩٨-١٨٥٧) كان طالباً بـ مدرسة الهندسة ، ثم معيداً بها . وهو مؤسس المذهب الوضحي . انظر ماحوطة «شارل لالو» في مقدمة المحاضرات من «محاضرات في الفاسفة الوضعية» (الدرسان الأول والثاني) طبعة هاشيت Hachette ، وفي الدرس الثاني من هذه المحاضرات يجد القارئ النصوص التي سوف نشير إليها في هذا الفصل .

فهو يتحدث أولاً عن تصنيف «فرانسيس بيكن» ، وأساس هذا التصنيف هو التفرقة بين ثلاث ملكات لدى الإنسان ، وهي الذاكرة ، والخيال ، والإدراك العقلي . فالذاكرة يناظرها التاريخ ، الذي ينقسم إلى التاريخ المدنى (وهو ما نسميه عادة اليوم بالتاريخ ؛ بمعناه الصحيح) ، والتاريخ الطبيعي ، والخيال يناظره الشعر . وأخيراً فالعقل هو أساس الفلسفة أو العلم بمعنى الكلمة ، وهو الذى قد يكون موضوعه الله (اللاهوت) أو الطبيعة (الفلسفة الطبيعية) أو الإنسان (الفلسفة الإنسانية) .

ثم يتحدث كونت بعد ذلك عن تصنيف أصحاب دائرة المعارف ، وهو تصنيف ديدرو^(١) . وهذا التصنيف شبيه من حيث المبدأ ، بتصنيف « بيكن » . وهو التفرقة بين الملكات الأساسية الثلاث للعقل : الذاكرة ، والإدراك العقلي ، والخيال .

٣ - نقد التصنيفين : لا يعترفان بوحدة العقل :

يقول « كونت » ، إن مثل هذه التصنيفات « معيبة من أساسها » ، إذ أن عقلنا يستخدم ، فى كل مجال من مجالات نشاطه ، جميع ملكاته الأساسية فى آن واحد . وإنه لمن اليسير أن نبين أن الفنون الجميلة ، مثلاً ، لا تقوم على أساس الخيال وحده ، وإنما على الذاكرة والإدراك العقلي أيضاً ،

(١) ينسب « كونت » هنا التصنيف خطأً لى دالمبير D'Alembert . ونحن نعلم أن « دائرة المعارف » أى « المعجم العقلي للعلوم والفنون والحرف » ، كانت جامعة للعارف العلمية والفنية المسكنسية حتى ١٧٥١ (وهو تاريخ ظهور أول مجلد من مجلداتها) كما أنها سجل سياسى وفلسفى فى الآن نفسه ، وكان يعرف على نشرها ديدرو ودالمبير .

إذ أنها كثيراً ما تتطلب من الفنان أن يكون ملماً بمعلومات واسعة ، وتقتضى ،
فى جميع الأحوال ، تنظيمها عقلياً للعناصر التى يدناها بالخيال . ولكن ،
لما كان اهتمامنا هنا منصباً على العلوم وحدها ، فلنقتصر إذن على تذكرة
الفارىء بما قلناه عن مكانة الخيال فى العمل العلى^(١) ، ولنضف إلى ذلك
أن الذاكرة ، هى ، دون ريب ، ملكة لا غنى للعالم عنها ، لآلتها — كما قال
باسكال « ضرورية فى كل عمليات العقل^(٢) » لحسب ؛ بل لأن العالم هو أيضاً
جامع للوقائع ، فهو إذن فى حاجة إلى ذاكرته حتى يكون مادة تجربته .

ولتقل بوجه عام إن الوظائف العقلية لا يمكن أن تفصل كل منها عن
الأخرى ، وهى تتضافر دائماً ، بحيث أن كل تقسيم يقوم على أساس التمييز
بينها هو تقسيم مصطنع .

٤ — تصنيف أوجست كونت (١٨٣٠) : العلوم النظرية والعلوم

التطبيقية :

إن أول تقسيم يفرض نفسه هنا هو تقسيمها إلى علوم نظرية أو تأملية ،
وعلوم تطبيقية أو عملية أو فنية .

والفارق بين النوعين واضح كل الوضوح : فموضوع العلوم الثانية هو
تأثير الإنسان فى الطبيعة ، بغية زيادة قوته ورفاهيته ، وضمان صحته ، وإطالة
عمره ، وربما كان الهدف منها هو أن تساعده على أن يصبح أرجح عقلاً
بما هو عليه . والعلبان الرئيسيان فى هذا الفرع هما الصناعة والطب . ويرتبط

(١) أنظر الفصل السابق . قسم ٧

(٢) طبيعة برلشفيك ققرة ٣٦٩ .

علم الصحة بالطب ، بمنه الصحيح . أما الصناعة فتحتل ميداناً واسعاً ،
فستطيع أن تتبين بعض أجزائه بوضوح وهي : الكيمياء الصناعية ،
والكهرباء التطبيقية ، وسبك المعادن ، والميكانيكا التطبيقية ؛ بل نستطيع
أن نضيف إليها « معرفة الأجواء » ، وهو تطبيق للعارف الفلكية على
الملاحظة (١).

ولقد نبه « أوجست كوزت » ، إلى الأهمية المتزايدة التي تحتلها فئة المهندسين
في المجتمع الحديث ، وهي فئة تحتل مكاناً وسطاً بين العلماء ورؤساء العمل
في الصناعة .

ولكن العلوم النظرية هي التي تهتمنا بوجه خاص . وهدف هذه العلوم
هو معرفة الطبيعة والإنسان ، لا شيء إلا لأجل إشباع غريزة حب الاطلاع
في الإنسان ، وزيادة شعوره بذاته وبالعالم ،

٥ — تقسيم العلوم النظرية إلى مجردة وعينية :

إذا نحن اقتصرنا على العلوم النظرية ، وجدناها تنقسم بدورها إلى « علوم
مجردة » ، وعلوم عينية . فالعلوم المجردة ، العامة ، تهدف إلى كشف القوانين
التي تسيطر على مختلف أنواع الظواهر ، أما العلوم العينية ؛ أو الخاصة ،
أو الوصفية . . فهبتها تنحصر في تطبيق هذه القوانين على التاريخ الفعلي ،
لمختلف الكائنات الموجودة .

(١) في كل عام يصدر مكتب المرصد الفلكي نشرة سنوية الفرض منها إذاعة
النبؤات الفلكية ، من أجل تلبية حاجات الملاحه بوجه خاص .

وماك أول مثال يؤيد هذه الفكرة : « فإذا تأملنا علم وظائف الأعضاء العام من جهة ، وعلم الحيوان وعلم النبات من جهة أخرى ، وجدنا الأول يدرس « قوانين الحياة بوجه عام ، والآخران يحددان « طريقة وجود كل من الأجسام الحية ، على وجه الخصوص » .

وليك مثالا آخر : فالكيمياء ترتبط بعلم المعادن : « ففى الكيمياء ، نبهت كل التجمعات الممكنة للجسيمات ، وفى كل الظروف التى يمكن تصورهما ؛ وفى علم المعادن ، لا نبهت إلا فى تلك التجمعات التى تتحقق فى التركيب الفعلى للككرة الأرضية ، وتحت تأثير الظروف الخاصة التى تتميز بها الأرض وحدها ، .

وماك مثالا ثالثاً ، هو علم الطبيعة المجردة [physique abstraite] بالنسبة إلى علم الطبيعة العينية . وأوجست كونت يعنى بكلمة « علم الطبيعة العينية ، ما نعنيه نحن اليوم بكلمة « علم الطبيعة للككرة الأرضية » ، وهو يشمل بطبيعة الحال ، علم الأرصاد الجوية .

وفى استطاعتنا أن نأتى بأمثلة أخرى ، فعلم الفلك المجرد ، أو الميكانيكا السماوية ، يتميز عن علم الأكوان « الكوسمو جرافيا [Cosmographie] الذى يدرس النجوم كلاً منها على حدة ؛ لا القوانين الفلكية بوجه عام .

وسوف نستبقى هذا التقسيم لما فيه من فائدة جمة : فالعلوم المجردة تحدد صيغ القوانين العامة ، وتدرس جزءاً معيناً من الطبيعة ، واضعة نصب أعينها ما يظهر بين الموجودات التى تكون هذا الجزء من « أوجه تشابه » . أما العلوم

العينية فتركز بحثها على « الفروق » . فهي إذن تقوم على التصنيف ، والوصف التفصيلي ؛ بل إنها في أيامنا هذه أقرب كثيرا إلى الوصف التفصيلي منها إلى التصنيف ، إذ أن التصنيف الطبيعي قد فقد قدرا كبيرا من أهميته (١) بسبب تأثير المذهب التطوري .

ولنضف إلى ذلك أن « كورنو » (٢) قد اعترف بتفرقة أوجست كونت ذاتها ، وإن كان قد عمقها وأضفى عليها مزيدا من الوضوح : فهو يقابل في الواقع بين وجهة النظر النظرية ، ووجهة النظر التاريخية ، . ففي رأيه أن العلوم التاريخية لا تتميز عن العلوم النظرية بحسب ، بل إنها ليست مستمدة منها ، كما اعتقد أوجست كونت ، فيما يبدو . فهي تكون مجموعة منفصلة ، لها منهجها الخاص ، وتعتمد على حالة عقلية مختلفة كل الاختلاف ، وتوجهها أفكار متباينة كل التباين .

٦ — العلوم المجردة الرئيسية الستة :

ولن تتابع بعد الآن نص أقوال أوجست كونت طويلا ، وذلك لأنه يعضى عن طريق التفريع ، أى عن طريق تقسيمات ثنائية متتابعة (٣) . وهذه

(١) انظر في هذا الكتاب . الفصل الثامن - قسم « ٤ » (السبب في ذلك أن مذاهب التطور أدجمت الأنواع بعضها في بعض ، وقضت على الفروق الحاسمة بينها ، وجعلتها كلها مظاهر لتطور واحد) (المترجم) .

(٢) أنظر في هذا الكتاب : الفصل الثالث قسم « ١٣ » .

(٣) علم الطبيعة غير العضوى ، علم الطبيعة العضوى . علم الطبيعة (غير العضوى) الساوى ، علم الطبيعة (العضوى) الأرضى ، ويحتوى هذا الأخير على علم الطبيعة بمنهاه الحاس ، وعلى الكيمياء ، ثم علم الطبيعة (العضوى) الفردى أو علم وظائف الأعضاء . وعلم الطبيعة (العضوى) الاجتماعى ، أو علم الاجتماع .

الطريقة منهجية إلى أبعد حد ، ولكنها تترك خارجها العلم الرياضى — ويجب أن نعتزف بأن ذلك كان مقصودا ، وراجعا إلى أسباب سنوضحها فيما بعد . ثم أنها لا تكشف بما فيه الكفاية عن الفسكرة الأهم ، وأعنى بها تسلسل العلوم .

فلنكتف إذن بالقول إنه قد ميز فى نهاية الأمر بين ستة علوم مجردة أساسية وهى : الرياضه ، والفلك ، وعلم الطبيعة ، والكيمياء ، وعلم الحياة وعلم الاجتماع .

٧ — هذه العلوم الستة متسلسلة :

توزع هذه العلوم توزيعاً متسلسلا ، أعنى تبعاً لنظام يقضى بأن يودى كل منها إلى الإتيان بشىء جديد بالنسبة إلى ما سبقه ، وبحيث يكون هذا الشىء أسمى وذا قيمة أكبر . فموضوع الرياضه مجرد تماما ، وهو ليس متصلا بالواقع بالمعنى الصحيح : فالرياضه تدرس الأفكار لا الأشياء . أما العلوم التالية فتدرس أشياء تزداد قيمتها بالتدرج : كالمادة الجامدة أولا ، ثم المادة الحية ، وأخيرا العقل الإنسانى . فإذا ما تتبعنا ترتيب العلوم التى صنفنا على هذا النحو ، لسرنا من الأدنى إلى الأعلى .

ويمكن القول بلغة بعض الفلاسفة المعاصرين إن كلا من موضوعات هذه العلوم المتعاقبة هو « نوع من الارتقاء » بالنسبة إلى سابقة . والمقصود بكلمة « الارتقاء » ظهور حقيقة لها قيمة أكبر ، من داخل حقيقة لها قيمة أقل .

ومن المهم أن نلاحظ أن هذا الارتقاء يتوقف على ما يسبقه : أى أن

الأذن يتحكم في الأعلى . فالحياة مثلا ، تتحكم فيها قوانين المادة الجامدة :
والجسم الحى يخضع لقوانين الثقل أو الجاذبية ، ولكى يكون فى حالة توازن
يجب أن يكون الخط العمودى النازل من مركز ثقله داخل الشكل الهندسى .
الذى يكونه وهو واقف ، وإلا سقط ، وذلك لأن صفة الحياة لا تكفل له .
أية ميزة فى هذا الصدد .

وهذا يؤدى بنا إلى القول بأن الكائن الحى مثلا يخضع لنوعين من
القوانين : هى قوانين الحياة ، وقوانين المادة الجامدة . وإذن ، فإذا تأملنا
مفهومه وجدناه أوسع من مفهوم المادة الجامدة ، وبالتالي يكون ما صدقه ،
أقل (١) — ولقد عبر « أوجست كونت » — الذى كان يجهل مصطلح
المناطق ، وقانون التناسب العكسى الذى عرضناه — عن الفكرة ذاتها
بطريقة أخرى فقال « إن أبسط الظواهر ، أعنى تلك التى تعد أقل تعقيداً
من الظواهر الأخرى ، هى أهمها بالضرورة » . فلنقل نحن إذن ، مستخدمين
مصطلح المناطق ؛ إن العلوم توضع فى ترتيب يتناقص فيه ما صدق موضوعاتها
ويزداد مفهومها . أما بلغة كونت ، فلنقل إنها ترتب ترتيباً تنازلياً من حيث
البساطة والعموم .

ولقد تأملنا ، منذ قليل ، حالة خاصة ، هى حالة علوم المادة الجامدة
بالنسبة إلى علوم الحياة . ولكن نفس الفكرة تنطبق على الصلة بين الرياضة
وبقية العلوم ، كما تنطبق على الصلة بين علم الفلك وعلم الطبيعة الأرضية ،
إذ أن الأرض نجم ، ثم إنها مقر الظواهر الحرارية والكهربائية والضوئية

(١) انظر الفصل الثانى ، قسم ٤ .

التي تدرس في علم الطبيعة ، كذلك الحال في علاقة علم الطبيعة بالكيمياء : فالظاهرة الكيميائية تخضع لقوانين علم الطبيعة ، وتزيد عليها من جهة أنها رد فعل له قوانينه الخاصة . وأخيراً ، فالطبيعة البشرية إذا اتخذت موضوعاً تشتمل على كل قوانين الفلك ، وعلم الطبيعة ، والكيمياء ، وعلم الحياة ، إذ أن الإنسان كائن أرضي ، وجسم جامد ، وهوصل جيد أو رديء للحرارة والكهرباء ، ويمكن أن يتفحم وأن يحترق ، وأن تؤذيه الأحماض ، وهو كائن حي يهضم ويفرز ، وهو فضلاً عن ذلك إنسان له مصيره الروحي .

٨ — كل حقيقة لها نوعها الخاص بها ، أي لا يمكن إرجاعها إلى

الحقائق السابقة :

ومن هذه الملاحظة الأخيرة تنضح لنا الفكرة الفلسفية العميقة التي أوحى بهذا التصنيف : ألا وهي أن الحقائق تتمثل في سلسلة يكون لكل واحدة منها نوعها الخاص بها ، أعني لا يمكن إرجاعها إلى الحقائق السابقة عليها . والواقع أن لدى العلماء ميلاً إلى « المذهب المادي » وهو — على حد التعبير الرائع الذي عرفه به « كونت » — : « تفسير الأعلى بالأدنى » . على أن العلم ذاته يرى أن كل مرحلة من مراحل الواقع ، كالعالم الرياضي (وهو ليس في حقيقة الأمر عالماً واقعياً) والعالم الطبيعي ، والعالم الكيميائي ، وعالم الأحياء ، وعالم البشر — كل مرحلة من هذه تبعد جديدة كل الجدة بالنسبة إلى المرحلة السابقة عليها . فالمذهب المادي إذن في رأي « كونت » ، مضاد للعلم في أساسه .

ومن هنا كانت تلك الحملات التي وجهها إلى ما أسماه بمذهب الأصل الواحد « monisme » ، أعني المذهب الذي يرجع الواقع بأسره إلى الوحدة :

« إننى أعتقد ، فى قرارة نفسى ، أن محاولات تفسير الكون بناء على قانون واحد ، محاولات باطلة فى أساسها ، حتى لو تصدت للقيام بها أكثر العقول ذكاء وتخصصا . »

٩ — أوجست كونت من السابقين إلى القول « بمذهب العرضية »

contingentisme

يعد أوجست كونت فى هذه المسألة سابقا للفلاسفة الفرنسيين الذين أكدوا فى القرن التاسع عشر من بعده ، « عرضية » مختلف المجالات التى تدرسها العلوم المتعاقبة . والعرضية ضد الضرورة ، وإذن فتأكد عرضية حقيقة ما يعنى تأكيد استحالة استخلاصها كنتيجة ، من الحقيقة الأدنى منها . فلم الطبيعة « عرضى » بالنسبة إلى الرياضة ، أى أن الحقيقة الفيزيائية فيها شىء لا يمكن إرجاعه إلى الرياضة ، كذلك شأن الحياة بالقياس إلى المادة الجامدة ، والكان الإنسانى بالقياس إلى الكائن البيولوجى . وذلك هو المذهب الذى جمع بين رافيسون Ravaisson و كورنو Cournot ولاميل بوترو E. Boutroux ، وأخيراً برجسون Bergson^(١) . وهكذا وجد

(١) رافيسون : « فى المادة De l'habitude » (١٨٢٨) وللمرة

أخرى فى ١٩٢٧ بمكتبة ألكان [Alcan]

« كورنو » المذهب المادى ، والمذهب الحيوى ، والمذهب العقلى (١٨٧٥) ، أعيد نشره فى ١٩٢٣ بمكتبة هاشيت) وتبدى أصالة « كورنو » ، بالنسبة إلى سواء من أصحاب مذهب الرضى ، فى أنه يدرك وجود تماثل ، أو على حد تعبيره « قطبية تماثلية » بين المادة والعقلية ، وبين المجال الرياضى الطبيعى والمجال العقلى أو البصرى . فالبصرى ينتج الرياضى ، ويعطوه على الحيوى ، فى الرحلة العليا « بوترو » : فى عرضية قوانين الطبيعة (١٨٧٤ . ألكان)

De la contingence des lois de la nature

برجسون : رسالة فى المطيات الأولى للشعور (١٨٨٩ . ألكان) .

Essai sur les données immédiates de la conscience.

في فرنسا مذهب وضعى مضاد للبادية ، ومذهب روجى يبنى على أساس العلم ذاته .

١٠ - الترتيب المتسلسل يجب أن يكون هو أيضا ترتيب العلوم في

براج التدریس :

يوجى تصنيف « أوجست كونت ، بفكرة أخرى . فإذا كانت مجالات العلوم المتعاقبة يتوقف كل منها على الآخر تبعاً لترتيب متسلسل ، فإن دراسة كل علم تتوقف على دراسة العلوم السابقة عليه ، بحيث يتعين علينا أن ندرسها بالترتيب الذى يحدده التصنيف . وعلى ذلك يكون أساس تدريس العلوم هو دراسة الرياضيات : وتلك فكرة تبدو لنا ، في القرن العشرين ، طبيعية إلى أقصى حد . ولا شك في أنها ليست جديدة ؛ بل لقد دعا إليها من قبل علماء القرنين السابع عشر والثامن عشر . لكن المذهب الوضعى عند « أوجست كونت ، هو الذى فرضها على الرأى العام . وبالمثل تنطوى دراسة العلم البيولوجية ضمنا على دراسة العلوم الفلكية ، أو على الأقل العلوم الطبيعية الكيميائية . وأخيرا ، فعمل الإنسان يفترض العلوم السابقة له .

١١ - الترتيب المتسلسل هو الترتيب الذى ظهرت به مختلف العلوم :

إذا كان حقا أن العلوم يعتمد بعضها على بعض في الترتيب المتسلسل ، فلا بد أن تكون العلوم قد ظهرت تبعا لهذا الترتيب ذاته . ولكن لنلاحظ أولا أنه يجب علينا ألا ننظر إلى نقطة بدء العلم على أنها هي اللحظة التى بدأت فيها البحوث التى استغلها ذلك العلم . فلو صح ذلك لكانت العلوم كلها قديمة كالإنسانية نفسها ، فقد كان هناك دائما حاسبون ، وفلكيون (أو بالأحرى

منجمون) وأطباء . غير أن العلم يبدأ عندما يحدد المنهج الخاص به . وفضلا عن ذلك فإن الترتيب التاريخي لا يتفق اتفاقا دقيقا ، بأية حال من الأحوال مع الترتيب المنطقي ؛ بل يتضمن ظروفا لا يمكن حسابها ، فهو « عرضي » بدوره وبطريقته الخاصة .

ويمكتنا القول ، على وجه الإجمال ، إن العلوم قد ظهرت ، في صورتها النهائية ، بهذا الترتيب المتسلسل . وسوف نتاح لنا ، فيما بعد ، فرصة لإثبات هذه الحقيقة على نحو أدق . وحسبنا الآن أن نقول إن الرياضيات والفلك اعلان يونانيان ، وأن علم الطبيعة قد اتخذ صورته الحديثة في القرن السابع عشر ، والكيمياء في القرن الثامن عشر ، وعلم الحياة في القرن التاسع عشر ، وفي ذلك القرن نفسه ، وبعد فترة طويلة ، ظهرت علوم الإنسان ، كالتاريخ العلي ، وعلم النفس التجريبي وعلم الاجتماع .

١٢ — عيب تصنيف « أوجست كونت » . وحدة العلوم :

رغم أننا اقتبسنا من « أوجست كونت » معلومات عديدة ؛ فإن هذا لا يمنعنا من أن نوجه إليه نقدا عاما ، وأن نوضح ، بعد ذلك ، النقاط التي يؤدي فيها تطور العلم في وقتنا الحالى إلى تجاوز تصنيفه .

أما النقد العام ، فينحصر في توجيه الملاحظة إلى أن أوجست كونت ، وإن كان قد أوضح الطبيعة الخاصة للعلوم المختلفة ، فإنه لم يكشف عن وحدتها بما فيه الكفاية . فقد كان شديد الخدر من المذهب المادى ، إلى درجة أنه كان يحنى أن يشجع مذهب « الأصل الواحد » ، إذا ما أكد وحدة العلم . غير أن هذه الوحدة يمكن أن تتصور بطريقتين مختلفتين كل الاختلاف :

تقوم أولاهما على الموضوع ، والأخرى على الذات أو العقل . وبأبي
« كونت » الاعتراف بالوحدة القائمة على الموضوع ، والتي ترجع جميع
الحقائق إلى حقيقة واحدة ، هي أدنى هذه الحقائق . غير أن ثمة وحدة
أخرى ، مضادة تماما لهذه ، تؤكد وحدة العقل خلال مناهجه العديدة .
ولنستمع إلى ديكارت وهو يقول : « إن كل العلوم مجتمعة ما هي إلا العقل
البشرى الذى يظل واحدا على الدوام ، ويظل دائما على ما هو عليه مهما
تغيرت الموضوعات التي ينصرف إلى بحثها ، والذى لا يطرأ عليه من التغير
أكثر مما يطرأ على ضوء الشمس نتيجة لاختلاف الأشياء التي تضيئها » (١).
وليس لنا أن نخشى أن يؤدي بنا هذا النوع من الأصل المشترك إلى المذهب
المادى ، بل هو يقرر فورا حقيقة العقل . ومع ذلك ، فلن نطلق عليه اسم
« المذهب الروحى » — رغم ارتباطه الاشتقاقى بضمون هذا المذهب —
إذ قد شاع إطلاق اسم النزعة الروحية على المذهب الذى يهتدى إلى الروح
فى الأشياء . فالمذهب الوضعى روحى باعتبار مقصده ؛ لأنه يعترف بأن
الحقيقة الواقعية تنطوى على قيم متدرجة تنجى فى أعلاها إلى الروحية . ولنقل
بدلا من ذلك ، إن تأكيد ديكارت « مثالى » . فالمثالية تسمى وراء الروح ،
لا فى الأشياء ، ولكن فى معرفة الأشياء .

١٣ — العلم المعاصر وتصنيف كونت :

لقد أحرز العلم منذ عهد أوجست كونت تقدما كبيرا ، فكان من الطبيعى
أن يطغى هذا التقدم على تصنيقه . وبما يؤيد ذلك أن العلم المعاصر يستلهم
روحا مخالفة لروح « أوجست كونت » ، إلى حد ما ، وهى أقرب إلى روح
ديكارت ، الذى اتجه إلى الوحدة — وليس المقصود هنا الوحدة عن

طريق وضع قانون شامل ، بل عن طريق تطبيق منهج واحد بقدر الإمكان . وهذا المنهج هو المنهج الرياضى . فالمثل الأعلى المشترك لسلك العلوم هو علم الطبيعة الرياضى ، الذى ينطوى على علم الفلك ، وعلى علم الطبيعة والكيمياء ، ويضم هذه العلوم كلها فى وحدة وثيقة الارتباط ، يكاد يكون من المستحيل تمييز كل علم فيها عن العلوم الأخرى ، ويستحيل بالفعل فصلها بعضها عن بعض . ولقد أدى هذا النشاط الموحد إلى ظهور علمين جديدين كل الجدة ، سبقا العلوم الأخرى ، وأصبحا رمزا لهذا العلم الموحد ، الذى يناظر ما كان يحلم به ديكارت من وحدة العقل وهذان العلمان هما :

١ - علم الطبيعة الفلكى *astrophysique* ، أعنى تطبيق علم الطبيعة ، ومن خلالها الكيمياء ، على النجوم ، لتحديد تركيبها وحرارتها ، وكتلتها ومقاديرها وأبعادها وعمرها أيضاً ، وذلك عن طريق عمليات غير مباشرة ، تتضافر كلها لتحقيق هذا الهدف ، وتقضى براعة لا حد لها .

٢ - علم الطبيعة الذرى *microphysique* ، وهو تطبيق علم الطبيعة على الذرات ومكوناتها (الإلكترونات ، إلخ) وهذه الدراسة تؤدى إلى تأكيد وحدة المادة ، وهى فكرة مخالفة تماماً لما قال به كونت .

ومن جهة أخرى ، فلما كانت البيولوجيا تتحول بالتدريج إلى أن تغدو علماً طبيعياً كيميائياً ، ولما كان علم الطبيعة الفلكى وعلم الطبيعة الذرى يتصلان فى مواضع عديدة ، بحيث تطلعنا الندة والنجم كل منهما على أسرار الآخر ، لهذا كله يبدو أن رأى ديكارت كان أقرب إلى الصواب من رأى أوجست كونت .

١٤ - خطة هذا البحث :

ومع ذلك ، فسوف نتبع الخطوط الرئيسية للتصنيف الوضعي ؛ إذ أنه لا يزال ينطبق ، إلى حد غير قليل ، على ترتيب العلوم على النحو الذي تدرس عليه (ولاكنه لا ينطبق تماما على هذه العلوم من حيث نشأتها) . وإذن ، فسنبداً بدراسة العلوم الرياضية ، من حيث موضوعها ، ثم من حيث منهجها . و ننتقل بعد ذلك إلى العلوم الطبيعية (علم الفلك والفيزياء والكيمياء) : ثم تأتي علوم الحياة (البيولوجيا) . ثم نخصص فصلاً للعلوم الأخلاقية التي تتجاوز علم الاجتماع إلى حد غير قليل ، وأخيراً ، نلم إلى الماسر يماً بالنظريات الحديثة في علم الطبيعة .

مراجع

- Lalande : Lectures sur la philosophie des sciences, chap II, (Hachette).

لالاند : مطالعات في فلسفة العلوم

- Cournot : Matérialisme, vitalisme, rationalisme (Hachette).

كورنو : المذهب المادى ، والمذهب الحيوى ، والمذهب العقلى .

- Boutroux : De la contingence des lois de la nature (Alcan).

بوترو : في عرضية قوانين الطبيعة

- Auguste Comte : Cours de philosophie positive (1re et 2e leçons) (Hachette).

أوجست كونت : محاضرات في الفلسفة الوضعية
(الدرسان الأول والثانى)

- Goblot : Essai sur la classification des sciences (Alcan, 1898).

جوبلو : رسالة في تصنيف العلوم

الفصل الخامس

مَوْضُوعُ الْعُلُومِ الرِّيَاضِيَّةِ
الترتيب والقياس – العدد والمقدار

العلوم الرياضية هي الأدوات العقلية لكل العلوم . وهي أيضاً علوم قائمة بذاتها ؛ بل هي أكل العلوم ، لأن موضوعها هو القياس والترتيب .

فالرياضة ، من حيث أن موضوعها هو القياس ، تنقسم إلى رياضة المقادير (الهندسة والميكانيكا) ، ورياضة العدد (الحساب والجبر) ، ورياضة العدد الذى يطبق على المقادير وعلى الحجم (الهندسة والميكانيكا التحليليتان) .

والمكان ، الذى هو رمز ومقياس لكل المقادير ، صورة أولية ، ، وليس معنى ذلك أنه يعرف عن طريق الحدس الفطرى ؛ بل معناه أنه يبنى بواسطة نشاط العمليات العقلية المستقلة ، فينشأ أولاً فى الإدراك الحسى ، ومن بعده فى الرسم وغيره من الأساليب العملية .

والعدد أيضاً ينتج عن نشاط عمليات عقلية ، تضع الوحدات ، وتحصنها .

١ - موضوع الرياضيات ، من حيث أنها علوم قائمة بذاتها ، هو

الترتيب والقياس : -

يمكن القول ، بمعنى ما ، إن العلوم الرياضية هي العلوم على الحقيقة :
واقدم قال ديكارت إنه يعجب بها « لما لبراهينها من يقين وبداهة » (١) ،
ومعنى ذلك بعبارة أخرى ، أن البراهين التي تأتي بها تستتبع يقيناً مطلقاً ،
ولها في الوقت ذاته وضوح كامل . لهذا كان المثل الأعلى عند ديكارت هو أن
يرجع إليها كل العلوم : « إن هذه السلاسل الطويلة من الأدلة ، التي تتميز
بالبساطة والسهولة التامة ، والتي اعتاد علماء الهندسة أن يستخدموها للوصول
إلى أصعب براهينهم ، قد دفعتني إلى أن أتصور أن جميع العلوم التي يمكن أن
تدخل في نطاق معرفة الإنسان ، تتوالى على النحو ذاته ، وأنا ، لو امتنعنا
عن التسليم بصحة أية معرفة لا تكون صحيحة بالفعل ، وحرصنا دائماً على
الترتيب اللازم من أجل استنباط بعضها من بعض ، فلن يستعصى علينا في
نهاية الأمر بلوغ واحدة منها ، مهما بعدت ، أو كشفها ، مهما غمضت » (٢) .
وسوف نرى أن علم الطبيعة الحديث هو بالفعل علم طبيعة رياضي .

ومع ذلك ، فللمرء أن يقول ، بمعنى آخر ، إن الرياضيات ليست علوماً ،
لأنها هي اللغة العامة والصيغة المشتركة لكل العلوم ، ثم لأنها لا يمكن أن
تكون منصبية على حقيقة محددة تتميز بها عن سائر العلوم الأخرى . ولقد
لاحظ « أوجست كونت » ، في ختام الدرس الثاني من « دروس في الفلسفة

(١) مثال في المنهج . الطبعة المذكورة سابقاً . ص ٤٨ .

(٢) المرجع نفسه . ص ٦٦ - ٦٧ .

الوضعية، أن تصنيفه للعلوم يتضمن « ثغرة هائلة وأساسية » « تركها عامداً ، :
فليس للعلم الرياضى فى ذلك التصنيف مكان . » والدافع إلى هذا الإغفال
المتعمد هو الشعور بأهمية هذا العلم ، عظم الاتساع ، كبير الأهمية
فى المرحلة الحالية من تطور معارفنا الوضعية ، يجدر بنا - فى رأى -
أن نكف عن النظر إلى العلم الرياضى على أنه جزء مكمل للفلسفة الطبيعية
بمعناها الصحيح ، وأن نؤكد أنه قد أصبح ، منذ ديكارت ونيوتن ، الأساس
الحقيقى الضرورى لهذه الفلسفة ، وإن كان يجمع ، فى حقيقة الأمر ، بين
الصفتين معاً ، (١) .

وإذن ، سنفحص العلوم الرياضية بطريقتين متتابعتين : فنعدها فى
الأولى أكل العلوم جميعها ، وفى الثانية نعدها الأداة العقلية « للفلسفة
الطبيعية » ، كما قال كونت . وفى هذا الفصل سوف نفحصها تبعاً لوجهة
النظر الأولى .

وعلى هذا النحو ، يمكننا أن نتحدث عن « موضوع » للعلوم الرياضية ،
أعنى أننا نستطيع أن نعين ونحدد ونحلل نوعاً من الوقائع تنصب عليه هذه
الدراسة ، وإن تكن هذه الوقائع فكرية وعقلية إلى أبعد حد ، بل هى فى
نهاية الأمر غير مادية . لكن سنرى أنها كانت مادية فى بادىء الأمر .

فاذا ما تأملنا العلوم الرياضية الحديثة ، أمكننا القول بأن موضوعها
مزدوج ، لأنها العلوم الخالصة للترتيب والقياس (٢) كما بين ديكارت بوضوح .

(١) دروس فى الفلسفة الوضعية . الطبعة نفسها . ص ١١٢ ، ١١٣ .
Règles pour la direction de l'esprit. Règle IV (٢)

فلنحلل هاتين الفكرتين ، بادئين بالثانية (١) .

٢ — القياس يخلق العدد والمقدار : —

إن القياس عملية فنية معروفة ، يكون المرء بها — عن طريق كمية تسمى وحدة القياس — كمية أخرى مثالية يجب أن تكون في نهاية العملية مساوية تماماً لكمية حقيقية مقررة . فمن الممكن مثلاً ، استخدام « المتر » الجامد لتكوين خط مستقيم مثالي ، ينطبق على ضلع المنضدة ، وله نفس طرفيه . وهذه العملية تنطوي ، كما هو واضح ، على معنيين : معنى المساواة ، ومعنى الجمع ؛ وذلك لأن وحدة القياس يجب أن تظل مساوية لذاتها ، وإذا ما جمعناها مع نفسها عدداً معيناً من المرات ، أنتجت كمية مساوية للكمية المطلوب قياسها .

وللكم نوعان : كم منفصل ، هو العدد ، الذي يتكون أساساً من وحدات ، وكم متصل أو مقدار ، ويمكننا أن نلاحظ فيه وحدات اخترناها بإرادتنا . ويتكون العدد — مؤقتاً في الأقل — من وحدات لا تقبل الانقسام . أما المقدار فهو ينقسم إلى ما لا نهاية له .

وإن كنا يمكننا أن نميز ، في رياضيات القياس ، بين مجموعتين : رياضيات المقدار ، ورياضيات العدد .

(١) سوف نرى في الفصل التالي (القسم ١٩) أن الموضوع الأساسي للعلم الرياضى المسمى بتعليل المواضع Analysis situs أو علم المواضع topologie هو فكرة الترتيب .

٣ — رياضيات المقدار هي : الهندسة والميكانيكا الأوليتان :

إن موضوع الهندسة الأولية هو المكان . وقد ظهرت في القرن السادس ق . م . في اليونان . وكان أول علماء الهندسة الفيثاغوريون وعلى رأسهم فيثاغورس (من ساموس Samos) . وقد أكملها من بعده عدة علماء يونانيين ، واتخذت صورتها التقليدية على يد الأستاذ الإسكندري إقليدس (٣٣٠ — ٢٧٠ ق . م) ، وقد ظل كتابه ، العناصر ، الذى يشتمل بجانب هندسة السطوح وهندسة المسكان ، على نظرية للنسب ؛ بل على نظرية للمعادلات — ظل هذا الكتاب أنموذجا لكل الكتب الأولية التالية ، خلال ما يربو على العشرين قرنا .

أما الميكانيكا فتدرس الزمان والحركة ، والقوة . وتنقسم الميكانيكا التقليدية إلى ثلاثة أقسام .

(١) الاستاتيكا [السكونية] التى تدرس القوة ، ومراكز الثقل ، وشروط التوازن . وقد أسس هذا العلم أرشميدس السيراكوزى (٢٨٧ — ٢١٢ ق . م) .

(٢) السينماتيكا (Cinématique) [الحركية] التى تدرس الحركة وأنواعها المختلفة ، وانتقال الحركة بواسطة التروس بأنواعها المختلفة ، والقضبان ، ودواليب الحركة ، وكل أجهزة الأدوات الصناعية بوجه عام . وقد ظهر هذا العلم على يد جاليليو (١٥٦٤ — ١٦٤٢) .

(٣) الديناميكا ، التى تحدد العلاقة بين القوة والحركة . وقد اتخذت صورتها الحالية على يد نيوتن (١٦٤٢ — ١٧٢٧) .

٤ - المكان أو الامتداد ، هو مقياس كل المقادير الأخرى ورمزها :

المكان هو أولاً مقياس الزمن ورمزه . فالواقع أن الزمان عابر بحسب جوهره ، وأجزاؤه يختفى بعضها إثر بعض على الدوام . وليس هناك وسيلة أخرى لتصوره ودراسته إلا بالرمز له بخط يسير فيه جسم متحرك . بل سنرى فيما بعد أن العلم المعاصر يجعل الزمان البعد الرابع للمكان . فليس ثمة وسيلة قياسه إلا بالمكان ، عن طريق الحركة .

٥ - مقياس الزمن يرد إلى مقياس المكان :

فلنتريث لحظة عند مقياس الزمن ، وهو مشكلة رياضية ترجع إلى عدة ألوف من السنين : فن الحمال تثبيت وحدة زمنية ، لنجعل منها أساساً للقياس يمكن الاحتفاظ به ؛ بل يجب أن يصبح الزمان مكاناً ، ويقاس على هذه الصورة . وهذا لا يتأتى إلا إذا تحول الزمان إلى حركة . غير أن الحركة التي ترمز إلى الزمن هي حركة مطردة . فأين نجد هذا ، إذا كنا لا نعلم كيف نقيس الزمن ، وكيف أن الامكنة المتساوية تقطع في أزمنة متساوية ؟ تنطوي هذه المشكلة على نوع من الدور ، لم تخرج منه البشرية إلا بصعوبة كبيرة : فلقياس الزمن ، تختار حركت يحق لنا افتراض اطرادها ، أو اطراد تعاقبها في فترات منتظمة . ويقوم هذا الافتراض المشروع على سببين ، أولهما سبب سلبي : فلنا أن نعد الحركة التي لا يطرأ عليها ما يسبب تغييرها حركة دورية باطراد . ومن قبيل ذلك ، الحركات الفلسفية ، التي لا يؤدي الاحتكاك إلى إبطائها ، والتي تعود ، فضلاً عن ذلك ، على أعقابها ، أي تظل مرتبطة بعلمتها دائماً . والسبب الآخر إيجابي ، وهو ينحصر في أن العلة

المنتجة للحركة تؤثر دورياً ، وعلى نمط واحد : فالجسم الذى يسقط ، مثلاً ، يصلح أن يكون ، فى سقوطه ، مقياساً لوحدة الزمن ، إذا نجحنا فى جعله يسقط ثانية ، بعد سقوطه الأول مباشرة ، فى نفس الظروف ، ومن نفس الارتفاع ، أو إذا ما سقط جسم آخر بمائل له من كل الوجوه بعد سقوطه مباشرة ، وبنفس الطريقة . وذلك هو وصف أدوات قياس الزمن ، المبنية على الثقل ، كالساعة الرملية أو المائية ، التى تبنى بالشرط الثانى ، والبندول الذى يبنى بالشرط الأول . ولقد كانت الساعات الرملية والمائية هى أقدم الساعات التى يمكن حملها ، والفكرة التى تبنى عليها مضمومة . وأخيراً ، فإن الوسائل المختلفة للقياس تحقق كل منها الأخرى : فالساعة الرملية تحقق صدق الساعة التى تكونها حركات النجوم ؛ بل تمكنا من الاختيار بين هذه الحركات ، التى لا تتصف جميعها بالانتظام . أما البندول ، فاستخدامه أحدث بكثير من الساعة الرملية . وإنا نعلم أن جاليليو قد اكتشف تساوى هزات «البندول» الضعيفة التى تبطل شيئاً فشيئاً فى الزمن : أما الهزات «المستمرة» ، فن الواضح أن تعريفها يدل على أنها متساوية فى الزمن ، ما دام البندول المعلق هو ثقل يظل دائماً متساوياً ، ويعود دائماً إلى السقوط من نفس الارتفاع .

ولقد اكتشف «جاليليو» ، تساوى زمن هذه الهزات الأولى عن طريق مقارنتها بضربات الساعة النابضة (ساعة قديمة ، غير دقيقة) ، ثم حققها فيما بعد ، بمقارنتها بالحركات الفلكية . وقد أفلح بعد ذلك فى الربط بين البندول وسقوط الثقل ، وفى الوقت ذاته ، نجح فى الربط بين ذبذبات البندول فى الساعة ذات البندول وذات الثقل . وقوام هذه الآلة العجيبة ، ينحصر فى الربط بين ثقل يسقط بضربات صغيرة منتظمة ، وبين بندول ذى هزات

متصلة . ويرتبط الثقل والبندول بطريقة تجعل كلاهما يتجنب الآخر ، بحيث أن ضربات البندول تثير السقطات المتعاقبة للثقل ، ثم توقفها ، بانتظام ، وبحيث أن سقوط الثقل ، هو الآخر ، يبقى على ضربات البندول . وتؤدي حركة الثقل إلى إدارة جهاز من المؤشرات ، له وجه دائرى ، يمثل مجرى الزمان ذاته .

وعلى هذا النحو حلّت البشرية مشكلة قياس الزمن .

٦ - قياس الحركة يرجع هو الآخر إلى قياس المسكان :

أما الحركة فتقاس بمقياس الزمن ، وبمقياس مسارها ، وبهذا يمكن الوصول إلى تحديد سرعتها ، التي هي الجزء الذى قطع من مجال الحركة خلال وحدة زمنية ، وتمثل هذه السرعة بموجه السرعة ، وهو جزء من مستقيم يمثل الاتجاه مباشرة ، ويمثل القيمة المطلقة للسرعة بطريقة رمزية .

ولقد أثار تصوير القوة بدوره مشاكل متعددة ، حلّتها البشرية بالتدرّج . فالقوة هي أولا الجهد الذى يبذل للتغلب على الثقل ، بطريق مباشر أو غير مباشر . وهذه القوة أصبحت تقاس بالميزان ، ثم حلّت محل فكرة الوزن فكرة الضغط ، التي لا تخضع لنفس القوانين ، كما تدل على ذلك مثلا تقيضة توازن السوائل ؟ وأخيراً عرف نيوتن القوة ، في أعم مانيتها ، بأنها دالة مرتبطة بمعدل السرعة .

فالمعادلة : $ق = ل \times س$ [القوة = الكتلة في السرعة] أصبحت هي المعادلة الأساسية للبيكانيك الكلاسيكية .

٧ - المكان «صورة» .

قلنا إن المكان هو موضوع الهندسة . غير أن هذا الموضوع ليس «شيئاً» ، على غرار الضوء أو المادة . إذ لو كان شيئاً ، لكان إما محترقاً لهما أو مجاوراً لهما ، فهل لنا أن نعدّه حاوياً réceptacle (أو حاوياً شاملاً $\pi\alpha\nu\delta\epsilon\chi\epsilon\varsigma$ كما قال أفلاطون) ؟ لكن المكان لا يمكن أن يكون حاوياً إلا بمعنى مجازي ، إذ أن الحاوي الحقيقي له حدود ، وشكل ، وهذا ما لا يتوافر في المكان .

إذن فما المقصود بالقول بأن المادة في المكان ، أو أن المادة ممتدة ؟

إن المقصود بقولنا إن المادة في المكان ، هو أنها تقبل «التجاور» تبعاً لقوانين معينة ، وأن أجزائها المختلفة تشغل حيزاً ، بحيث أن كلامها يستبعد الآخر ، تبعاً لشكله ومقداره وبعده . أما المقصود بقولنا إن المادة ممتدة ، فهو أن لها شكلاً ومقداراً وأبعاداً داخلية ، خاضعة لقوانين معينة . ومن هذا نستنتج إذن أن المكان أو الامتداد هو مجموعة من القوانين التي تنظم تجاور الأشياء تبعاً لشكلها أو مقدارها أو بعدها . ولكن إذا أردنا إكمال فكرة المكان وجب علينا أن نضيف أن هذه المجموعة من القوانين تتحكم في الوقت نفسه في الإدراك الحسي للمادة ، وأنها هي التي تجعل هذا الإدراك ممكناً . فالمكان يشبه الشمس المعقولة عند أفلاطون بالنسبة إلى المثل ؛ لأنه ينظم وجود المادة وإدراكها في آن واحد . وهذه الطبيعة المزدوجة للمكان ، التي تجعل منه قانوناً داخلية للمادة ، وقانوناً لإدراكها في الوقت ذاته ، يُعبر عنها بكلمة «الصورة» . فالمكان هو صورة الحساسية الخارجية ، كما يقول «كانت» ، وكلمة «صورة» تستخدم هنا بمعنى مجازي ،

أصبح مألوفاً منذ أرسطو . وهي ترجمة لكلمة *εἶδος* في اليونانية . ويطلق أرسطو هذا الاسم على التركيب الداخلي لشيء ما ، والتنظيم الذي يتميز به ، والذي يجعله قابلاً لأن يعرف . فالامتداد أو المكان هو التركيب الأساسي للمادة ، وهو الذي يجعل إدراكها ممكناً .

فكيف تعرف هذه الصورة ؟

٨ — هذه الصورة أولية *a priori*

هناك مذهب فلسفي دعت إليه ، بوجه خاص ، المدرسة الفلسفية الإنجليزية في القرنين السابع عشر والثامن عشر (لوك ١٦٣٢ — ١٧٠٤ ، هيوم ١٧١١ — ١٧٧٦) — هذا المذهب لا يكتفي بالقول بأن لمعارفنا جميعها « أصلاً ، تجريبياً — وهو أمر لا شك في صحته ؛ إذ أننا لا نستطيع أن نعرف شيئاً قبل التجربة — بل يذهب إلى أن كل معارفنا ناشئة عن التجربة أو الحواس — وهو أمر مختلف كل الاختلاف ؛ إذ معناه أن التجربة وحدها هي السبب في وجود معارفنا كلها وفي تبريرها . وسنرى فيما بعد ، أن هذا رأى لم يتفق عليه مطلقاً . ومن جهة أخرى ، فإن التسوية بين التجربة والإحساس ، هو بدوره ، رأى لم يتفق عليه مطلقاً ؛ إذ ليس من المؤكد أن التجربة ترجع إلى الحس ؛ بل من الجائز أن تحتوى على عناصر تأتي من مصدر مختلف كل الاختلاف — ويسمى هذا المذهب بالمذهب « التجريبي » ، (*empirisme*) ، وهي كلمة مشتقة من اليونانية *ἐμπειρία* ، ومعناها التجربة (١) .

(١) كان اليونانيون يطلقون اسم التجريبي *ἐμπειρικός* على التجربة ، دون أن تدعها أية نظرية .

كذلك يوجد مذهب تجريبي يسلك نفس المسلك في تفسير أصل المعاني التي تكون الامتداد .

ولنضرب لذلك مثلاً : فكتب الهندسة الأولية تقول عادة إن الخيط الممتد يوحى إلينا بفكرة الخط المستقيم ، وإن صفحة المياه الهادئة توحى بفكرة المسطح . ولكن إذا ما تركنا جانباً الصعوبة التي تتمثل في أن الخيط الممتد ليس خطاً مستقيماً ، وإنما هو منحني يسمى « قوساً » ، قد يقترب أو يبتعد عن الخط المستقيم الذي يعتبر حده النهائي ؛ وكذلك إذا ما تركنا جانباً الصعوبة الأخرى ، التي تتمثل في أن صفحة المياه الهادئة ليست مسطحة ، لوجود التموجات التي ترفع الماء بهدوء شديد على الضفتين فكيف يمكن أن تتصور العملية التي « نغض الطرف » فيها عن سمك الخيط ؟ إن « غرض الطرف » معناه « ألا نحسب حساباً ... » ، أي أن « نغفل » ، أو ألا ندرك . ولكن إذا كان المرء يغفل السمك أولاً يدركه ، فذلك لأنه يفكر في شيء آخر : أي يفكر في محور الخيط ، ويتصور الخط المستقيم الذي يعبر عن اتجاهه . غير أن هذا التجريد لا يحل مشكلة معرفة مصدر فكرة المحور والاتجاه . وفضلاً عن ذلك ، فعلم المكان يثير أفكاراً أخرى عديدة ، تفوق هذه عمقاً وتعقيداً ، ومنها المنحنيات ، مثل « القطاعات المخروطية » ، بما فيها من قطع مخروطية وقطع زائد وقطع ناقص - وهي كلها معانٍ أصبحت بحسبها أمراً مألوفاً منذ عهد بعيد . ولكن التجربة لا تزودنا بأية صورة محددة لها ، ونحن ، وإن كنا نقول إن مدارات الكواكب بيضية ، فإننا متى أردنا أن نتبين ذلك وجب علينا أن نتصور الشكل البيضي أولاً ، دون أي نموذج ولم يكن لدى اليونانيين ، حين أدركوا القطاعات المخروطية ، أي أنموذج ؛ بل استمدوها كلها من أذهانهم .

إذن يجد المرء نفسه مضطراً إلى القول بأن فكرة الامتداد لا تأتي من التجربة، وأن الهندسة بأمرها «أولية» *a priori*، أى أن التجربة ليست هى الأساس الذى يبرر وجودها .

٩ — لكن المكان لا ينكشف بحدس «أولى» ، بل هو يركب بطريقة أولية :

وعلى ذلك ، فالمذهب الأول أو العقلى هو الصحيح . ومع ذلك ، فعلينا أن نحسن فهم هذا المذهب ، وألا نفرط فى تبسيطه . وأبسط صورته — بل أبسطها إلى حد الغلو — هو الاعتقاد أن هناك عالماً عقلياً ، نستكشفه بملكة خاصة ، أو قد تكشف لنا بالأحرى قبل التجربة ، أى قبل ميلادنا ، وهو كما يقال عالم «فطرى» . وتلك هى بمخاضها نظرية أفلاطون ومالبرانش (١٦٣٨ — ١٧١٦) : فقد وصف أفلاطون رحلة النفس خلال عالم «المثل» ، قبل هبوطها إلى عالم الأبدان ، كما قال مالبرانش ، إننا نرى «الامتداد المعقول» ، فى العقل الإلهى . لكن يجب علينا أن نتعمق فى فهم فكرتهما ، إذ لو فهمنا المرء على نحو سطحي ، لواجهته صعوبات لا سبيل إلى حلها : إذ ما هى ملكة إدراك المعانى المحضة ، ورؤيتها على نحو ما نرى الأجسام ؟ إنها نوع من الإحساس الذى ينصب على شيء غير المادة . وإذا فهم المذهب العقلى على هذا النحو ، لم يعد لإلهياً تجريبياً محولاً ، يفلب عليه طابع الأسطورة .

والفكرة التى ترشدنا فى تفسير المذهب الأول *apriorisme* ، هى أن أفلاطون يرى أن العالم المحسوس ، أى عالم الإدراك الحسى ، مستمد من العالم

المعقول ، أى من عالم الهندسة . أما « ما لبرانش » ، فيزعم أننا عندما ندرك حسيّاً ، فنحن « نرى فى الله » ، أى نرى عالم الأجسام من خلال الامتداد المعقول ، وعن طريق هذا الامتداد . وهذا ينبهنا إلى ضرورة البحث عن نقطة بدء الهندسة فى الإدراك الحسى ذاته .

وتقول نقطة البدء ، ولا نقول « الأصل أو السبب » . فعنى ذلك بعبارة أخرى أن الإدراك الحسى ليس هو الذى يفسر الهندسة ؛ بل الهندسة هى التى تفسر الإدراك الحسى . فالهندسة تبدأ مع الإدراك الحسى . ولقد قال ليبنتز (١٦٤٦ - ١٧١٦) إن العالم قد ظهر عندما كان الله يحسب *Dum. Deus calculat fit mundus* . ويمكننا القول « بأن العالم قد ظهر عندما كان الإنسان يحسب *Dum homo calculat fit mundus* ، أى أن العالم قد ظهر من تلك الهندسة التلقائية التى هى الإدراك الحسى .

فإذا أردنا فهم المذهب العقلى ، وجب علينا أن ندرك أن العقل يبدأ فى أداء وظيفته منذ مرحلة الإدراك الحسى . لكن ينبغى أيضاً ألا تتصور العقل على أنه مجرد وظيفة تأملية ؛ بل على أنه نشاط فعال ، عامل ، يبنى العالم عندما يدفع الإنسان بأكمله ، بجسمه وروحه ، وذنه وعضلاته ، إلى العمل ، ولا يكتفى فى ذلك بالإنسان الفردى وحده ، بل بالإنسان الجماعى الذى يحميا فى مجتمع .

١٠ — النشاط الفعال ينشئ المكان بوساطة مجموعات من الحركات

فى الإدراك الحسى :

ولإذن فما صورة الشيء ، وبعده ، ومقداره ؟ إنها إحساسات بصرية

ولسبية نضمها ، بعضها إلى بعض ، عن طريق حركات ، حركات استطلاع ، وعبور ، ومقارنته . وهذه الحركات حقيقية ، تؤديها الأذرع والأرجل ، وتهدف إلى تمكيننا من النفاذ إلى العالم المادى ، المشترك بيننا وبين أقراننا . ولكننا ندرك العالم المادى ، وذلك فى نفس الوقت الذى نشئ فيه هذا العالم بفاعليتنا فيه ؛ إذ أن المسافة ، والصورة ، والمقدار ، كلها أفكار : فالصورة شكل هندسى ليستمد منه المظهر المرئى والإطار الملوس والعضلى للشئ ، وهما يديران عنها بطريقتهما الخاصة ، والمسافة علاقة بين الشئ وبيننا ، وهى بدورها علاقة عقلية فى جوهرها ، لأنها تستخدم فى تفسير التناقض الظاهرى بين فقدان الاتصال اللسى ، ووجود الاتصال البصرى ، وهو تناقض يزداد قوة لأننا عندما نحاول القضاء على فقدان الاتصال اللسى ، أى عندما نلبس الشئ ، فإن الصورة البصرية تتضخم شيئاً فشيئاً .

وليس لنا أن نأمل هنا أن نصف النشاط الفعال للعقل الذى يسيطر على الجسد فى الإدراك الحسى ، وان نستطيع إلا أن نقدم عنه فكرة مختصرة ، تكفى فى بيان أن المكان يبنى ابتداءً من الإدراك الحسى .

١١ - يمكننا الشعور بهذا النشاط الفعال عن طريق الرسم :

ويبقى علينا أن نجعل علينا بالمكان يمكننا ، أعنى أن نحوله إلى موضوع معين . على أن المكان ليس موضوعاً فى ذاته ؛ بل هو صورة ، كما سبق أن قلنا . ومهمتنا هنا هى أن نحدد له نوعاً من الوجود المادى . فما هدف هذه العملية ؟ إن لها هدفاً مزدوجاً : هو أن نشعر بالنشاط الفعال الذى كوّنا به المكان ، ذلك النشاط الذى كان خليقاً بأن يظل غير منفصل عن أثره ، أى

غير منفصل عن العالم المادى - ثم إضافة الكمال على النتيجة التى نصل إليها ؛
إذ من الممكن أن يكون المكان ، بمعنى ما ، أكثر اتساعا من العالم المادى ،
وأن يسمح يتجاوز ذلك العالم .

وينبغى أن نؤكد هذه النقطة الأخيرة بأن نقدم مثلا لتقدم الهندسة
بالنسبة إلى الإدراك الحسى . فالعالم الذى ندركه حسيًا ككرة جوفاء نعيش فى
وسطها . وهو بعبارة أدق ، كما قال ما لبرانش « شبه ببيضاوى دائرى ،
أى أنه فلك مسطح فى اتجاهه العمودى ، لأننا نميل إلى اعتبار المسافة التى
تباعد بيننا وبين السميت على أنها أقل من تلك التى تفصلنا عن الأفق ، كما يدل
على ذلك كبر الحجم الظاهرى للقمر عندما يكون قريبا من الأفق . فننقل إذن
إن معنى الشكل الكروى يبلغ فى ذاته حدا بعيدا من العمق ، وأن البدائين
كانوا يتصورون أشكالاً أكثر سذاجة من ذلك إلى حد كبير ، كوجود أمكنة
مربعة بمثابة لخريطة . وطن القبيلة . هذا ولنلاحظ أن هذا المكان المدرك
ليس متساوى الوجهات anisotrope ، أعنى أن اتجاهاته ليست متساوية :
فالاتجاه الرأسى ، وهو اتجاه الثقل ، له طابع مميز ، إذ أن للعالم المدرك
أعلى وأسفل .

وإن الهندسة فى مراحلها الأولى هى التى جعلتنا نتصور مكانا لا متناهيا ،
ومتجانسا ، على أنه أساس مثالى للسكان الذى ندركه بالحس . وعندئذ
نفهم أن من الممكن أن تتبادل الاتجاهات فيما بينها ، إذا ما نظرنا إليها على
أنها مجرد اتجاهات لحسب ، وأنه من الممكن مد كل اتجاه إلى ما لا نهاية ،
من حيث هو اتجاه . ونقول بالاختصار إن المكان المتجانس واللامتناهى
هو الشعور الذى نكوّنه لأنفسنا عن المكان الذى ندركه حسيًا .

بقى علينا أن نوضح العمليات الفعالة التي نصل بها إلى هذا الشعور .
والواقع أن ذلك يتم عن طريق الرسم والأساليب العملية التي تستمد منه ،
كالنحت وقطع الأحجار . فهذه الأساليب ، لا تقتصر على اجتياز المكان ،
بل نصنعه ونحققه مادياً ، وإذا نحن أدركناه بجواسنا على أنه موضوع ،
استطعنا التفكير في طبيعته . فالرسم هو أول عالم هندسة ، وهو في الوقت
نفسه أول من يفكر في المكان بطريقة ميتا فيزيقية .

١٢ - الانتقال العلي من الهندسة إلى الميكانيكا انتقال مباشر :

وإذا أدركنا المكان عن طريق الرسم ، ثم عن طريق الهندسة ، التي هي
رسم عقلي ، فأننا ننتقل انتقالاً طبيعياً إلى الميكانيكا .

والواقع أن الميكانيكا قد بدأت بوصفها هندسة للآلات [الماكينات]
μηχαναί . والمقصود بالماكينات ، الآلات التي يستخدمها الإنسان ليزيد
من قدرته ، ولكي يبذل قوة أقل للتغلب على مقاومة أكبر ، كما هي الحال
في « العتلة » مثلاً . وإذا حاول المرء فهم الصفة شبه السحرية للعتلة ، فإنه
يرسمها ؛ وعندئذ يدرك أنها نوع من الميزان المائل غير المتعادل ، ويحاول
أن يفسر عدم تساوي الأثقال المتوازنة بعدم تساوي الذراعين (١) .

١٣ - المذهب العقلي أو الأولي يؤكد النشاط الفعال المستقل للعقل :

ونتيجة ذلك هي أن أفلاطون، وما برانش كانا على حق في الواقع : فهناك
بالفعل عالم عقلي ، بمعنى أن هناك عالماً من الحقائق العقلية التي يدركها الذهن ،

(١) انظر الفصل الثالث عشر ، قسم ٤ : ذلك هو العمل الذي قام به أرشميدس .

بصرف النظر عن التجربة . غير أنه من الضروري أولاً أن ننظر إلى هذا العالم على أنه « غير منفصل عن التجربة ، أى أنه كامن فيها . فنحن نبنيه في التجربة ذاتها ، حتى يتسنى لنا فهمها . والعالم المادى أثر من آثار التجربة ، ولا يفهم إلا عن طريقها .

ثم يجب علينا النظر إلى هذا العالم على أنه نابع عن فاعلية . فالعقل ليس سلبياً تجاه العالم الهندسى ؛ بل إنه هو الذى « يخلق » بأقوى معانى كلمة الخلق ، أى بمعنى أنه هو أصل وجوده ، وهو الذى يخترعه .

على أن هذا الإبداع لا يتم اعتباطاً ؛ بل هو أمر « يحقق » فى كل لحظة ، أعنى أنه « يدمج » فى حقيقة العالم المادى . فالإدراك الحسى يحقق فى كل لحظة عن طريق الفعل المادى . والهندسة « تحقق » ، وذلك لأنها لما كانت تستخدم أساساً لعلم الطبيعة وللحرفة العلمية الخاصة بالمادة تعال ذلك ، فإن هذه الأخيرة هى السبيل إلى التحقق من صدقها .

١٤ — العلم الأول للعدد هو الحساب الذى وضع الفيثاغوريون أسسه :

ونصل الآن إلى رياضيات العدد . لقد كان الفيثاغوريون هم الذين وضعوا أسس علم العدد ، ويمكن القول ، بمعنى ما ، إنهم قد اكتشفوه فى السماء ذات النجوم ، التى تتمثل لنا فى أشكال وأعداد فى الوقت ذاته . على هيئة مجموعات من النجوم . ولذا فإن الفكرة الأولى للعدد كانت تنحصر فى نقط متجمعة فى أشكال معينة ، فالعدد المربع ، مثل ٩ ، شكل مكون من ٩ نقط بمجموعة فى مربع ، له ثلاث خطوط فى كل منها ثلاث نقط . وعلى هذا النحو بدأ العدد منفصلاً بوضوح ، أى بدأ مكوناً من وحدات .

وهذه الرمزية الساذجة ، برهن الفيشاغوريون على نظريات حسابية .
فن المعروف مثلا أن مجموع الأعداد الفردية حتى (٢ ن - ١) يساوى
ن ٢ . ولقد أثبت المحدثون ذلك باستخدام التدوين الجبرى ، فكتبوا
المتالية :

$$1 + 2 + 3 + \dots + (2 - 1) + (2 - 2) + \dots + (2 - 2) + (2 - 1)$$

تم كتبوها هى نفسها بالعكس . كل حد تحت السابق .

$$1 + 2 + 3 + \dots + (2 - 2) + (2 - 1)$$

والمجموع يعادل ٢ ن ، لأن كل حد يساوى ٢ ن ، وعدد الحدود ن ،
لأن المدى بينهما يساوى ن ، إذا كان هو ذاته مساويا ٢ ن - ١ . فإذا كان
المجموع يعادل ٢ ن ، فإن كلا من المتتاليتين تساوى ن (١) .

(١) (لشرح هذه النظرية ، نفرض أن ن = ٥ فيكون (٢ ن - ١) = ٩

ومجموع الأرقام الفردية حتى ٩ هى ١ + ٣ + ٥ + ٧ + ٩ = ٢٥ ، أى ن ٢ .
أما شرح البرهان الجبرى الحديث عليها فهو :

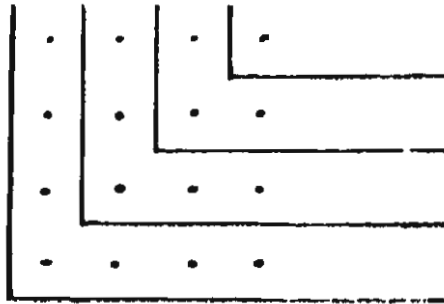
$$1 + 3 + 5 + \dots + (2 - 1) + (2 - 2) + \dots + (2 - 2) + (2 - 1)$$

$$1 + 3 + 5 + \dots + (2 - 2) + (2 - 1)$$

إذا جمعنا كل عددين رأسيين معاً ، كان مجموع كل منهما = ٢ ن ، وهذا ظاهر
بالحساب ، كما أنه بالجبر ظاهر أيضا ، لأنه يساوى (١ + ٢ ن - ١) أى ٢ ن
وكذلك ٣ + (٢ ن - ٣) أى ٢ ن وهكذا .. أى أن لدينا مجموعات رأسية كل
منها = ٢ ن . وعدد هذه المجموعات ذاتها يساوى ن (لأنها هى الأعداد الفردية ، التى
يقبل بصين كل منها عدد زوجي) . فبالضرب لذن يكون مجموع الصنيين معاً ٢ ن ٢ - ١
وكان كل منها معادلا للآخر ، كان كل منهما ن ٢ (وهو المطلوب) (المرجم) .

ومن هذا يتتبع أن مجموع الأعداد الفردية المتوالية يعطي المربعات المتوالية (١). ولقد كان الفيثاغوريون يقولون إن كل مربع يساوى المربع السابق مضافا إليه زاوية الظل [gnomon]— وكانوا يعبرون بكلمة زاوية الظل عن العدد الفردى؛ إذ أن العدد الفردى يتكون من عددين متساويين، مضافا إليها العدد ١، مما يرمز إلى زاوية قائمة ضلعها متساويان، بحيث يكون الواحد المكمل هو رأس الزاوية. فزاوية الظل هي مثلث مفرغ ذو زاوية قائمة (٢).

وهاك الشكل الفيثاغورى الذى يمثل هذه النظرية (٣).



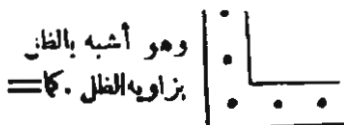
وبالطريقة نفسها أثبت الفيثاغوريون أن مجموع الأعداد الزوجية حتى

(١) فتلا $٣ + ١$ (وهما أول عددين فرديين) يعطى أول مربع (٢٢) ، $٣ + ١$

+ يعطى المربع الثانى (٢٣) ، $٧ + ٥ + ٣ + ١$ يعطى المربع الثالث (٢٤) وهكذا (المترجم) .

(٢) كانت صورته الأولى هي الفضيحة الممدودة المنروز في الأرض ، والذي ياتى

الظل على الرقم الشمسى ، وهو يمد الأصل الأول للآلات المقعدة التي تستخدم اليوم في المرصد . (المؤلف) .



(٣) يلاحظ أن الممدد المفرد (٥) يمثل هنا الشكل

تلقية المصا على الأرض ، ومن هنا كانت تسميته

٢ ن يساوى $n(1+n)$ (٤). وفي هذه الحالة تسمى المجموعات المتعاقبة «متغايرة». أعني أعداداً كالمستطيلات قائمة الزوايا ، تتغاير في كل مرة ، إذ أن العلاقة $\frac{1+n}{2}$ تتنوع تبعاً لكل قيمة من قيم ن. كذلك برهنوا

على أن مجموع الأعداد المتعاقبة حتى ن يساوى $\frac{n(n+1)}{2}$ (٢)

وتسمى المجموعات المتعاقبة باسم الأعداد «المثلثة» ، إذ أن المقدار $\frac{n(n+1)}{2}$ يمثل مساحة المثلث .

١٥ — العدد يركب في الإدراك الحسى ذاته ، بواسطة النشاط الفعال

للدهن :

قلنا إن الحساب قد بدأ بتأمل السماء ذات النجوم . لكن هذا لا يعنى أن فكرة العدد تأتي من الملاحظة . فلنعترف بأن التجربة تبدو في هذه الحالة موافقة تماماً لتمييز الوحدات ؛ إذ أن الوحدة في هذه الحالة نقطة تفصل تماماً



== أنه أشبه بالمثلث ذى الزاوية القائمة المفرغ على أساس

أن شكل المثلث أصلا هو (المترجم) .

(٤) إذا فرضنا أن $n = 2$ مثلا كان مجموع الأعداد الزوجية حتى ٢ ن هو ٢

+ ٤ أى ٦ ، ويساوى $3(1+3)$ (المترجم)

(١) نفرض أن ن هنا ٥ ، فيكون مجموع الأعداد المتعاقبة حتى ٥ هو ١ ، ٢ ، ٣

٤ ، ٥ = ١٥ أى $\frac{5(1+5)}{2}$ (المترجم)

على صفحة السماء ، بحيث لا يكون أماننا إلا أن نراها كلها متشابهة ، متجانسة (فيما عدا الفروق في اللعان) ، وغير قابلة للقسمه مطلقاً . ولكن لم يكن بد من وجود شروط أخرى لكي تظهر فكرة العدد : فيجب أولاً أن تطبق هذه الفكرة على كل المجموعات ، أى أن يكون العدد ν ليس خاصاً فقط بعدد نجوم « الدب الكبير » ، بل بعدد أيام الأسبوع أيضاً ، وبعبءات الدنيا ، وحكام اليونان ، الخ . وينبغى أن ينطبق العدد نفسه على كل المجموعات التي يمكن إحصاء نفس مجموعة الوحدات فيها : مثل الكرات (في عداد البلى) والتفاح (في سلة تفاح) على أنه عندما لا يكون الأمر متعلقاً بنجوم ، فإن الوحدة لا تبدو في ظروف تجريبية مواتية كهذه : فالوحدات ليست غير منقسمة ، ولا متجانسة . وفضلاً عن ذلك ، فكيف يميز بين عددين مختلفين ؟ إن الملاحظة لا تطلعنا إلا على خاطر غامض للاختلاف بين مجموعتين . هذا إلى أن ذلك الخاطر يحتج إذا كان الفارق العددي أقل من حد أدنى معين . فمثلاً ، ليس ثمة فارق ، بالنسبة إلى البصر ، بين مجموعة مكونة من ١٠٠ نجم ، ومجموعة أخرى من ١٠١ نجماً . أما من الوجهة العددية فهذا الفارق يساوى ذلك الذي يتمثل بين نجم مزدوج ونجم بسيط .

فلنقل إذن إنه لا وجود للعدد إلا إذا عد المرء أو أحصى . وهذه الفكرة نتيجة مباشرة لتحليلاتنا السابقة . وهى تناظر تماماً الفكرة التي عرضناها بصدد المكان . فقد شرحنا المكان عن طريق نشاط فعال للعقل ، يعبر المجال الإدراكي ويرسم . وكذلك نشرح العدد بالعد ، أى فعل الإحصاء .

وهكذا تظل فكرتنا عن المذهب العقلي أو الأولي على ما هي عليه .

فنحن نرى أنه على صواب في مخالفته للذهب التجريبي ، ولكن بالشروط نفسها . فليس هناك عالم عقلي للأعداد ، وإنما توجد عملية عقلية للعد بطريقة سابقة على التجربة . وبهذا المعنى تكون النظرية الفيثاغورية عن العقول λόγος أو الأعداد المثالية ، ونظرية ما لبرانش عن الأعداد العادة "nombres nombrants" (١) صحيحتين .

١٦ — العد ، عملية مادية وعقلية في آن واحد :

وهذا يؤدي بنا إلى تحليل عملية العد . ولنلاحظ أن لهذه العملية مظهرين: فهي مادية من جهة ؛ إذ أنها فعل عملي ينصب على أشياء مادية ، كالبلي في صندوق ، البلي . . غير أن هذه العملية المادية تصحبها عملية عقلية هي تفسير لها . فالكل يكون نوعاً من الإدراك الحسي الإيجابي ، مشابهاً تماماً لإدراك المكان حساباً .

ولقد أطلق على أبسط صورة لهذه العمليات اسم « مقابلة واحد بواحد échange un contre uu . وقوامها أن نجعل لكل شيء في مجموعة شيئاً يقابله في مجموعة أخرى ، ونحقق تطابقهما واحداً مع الآخر . ولنضرب لذلك مثلاً بالطفل الذي لا يعرف العد ، فيكلف بشراء عدد من التفاح بقدر مامعه من القروش . فهذا الطفل يستطيع أن يتأكد من أن كل قرش تناظره تفاحة .

(١) وهي عنده في مقابل « الأعداد المدودة nombres nombrés : فالأعداد العادة هي الأعداد بمعاما الصحيح ، أي الأعداد المحضة ، التي تمر عن عملية العد ، أما الأعداد المدودة فهي المجموعات التي نعد وحداتها .

على أن هذا لا ينطوي بعد على فكرة العدد ؛ بل على فكرة الوحدة
العديدية .

ولا يصل المرء إلى المرحلة التالية ، إذا عرف كيف يعد على أصابعه ، بل
إذا عرف كيف يضع وحدة بالتوالي مقابل كل إصبع من أصابعه ، معدودة
تبعاً لترتيب معين ، وبحيث يطلق على كل منها اسماً مختلفاً ، كما يفعل
البدائيون . تلك هي المرحلة « الترتيبية ordinales » ، للعد .

أما مرحلة الأعداد الأصلية [cardinales] فيبلغها المرء عندما ما يكشف
فكرة العدد مميزة ، لا فكرة ترتيب معين بين الأعداد لحسب ، أى عندما
يدرك أن كل عدد يمثل مجموعة معينة من الوحدات ، تتكون عن طريق
إضافة وحدة إلى المجموعة السابقة عليها في الترتيب : فالأربعة تعرف بأنها
 $3 + 1$. وهذه العملية تتطلب من المرء أن يتصور كل عدد على أنه « كل » ،
يعتبر وحدة لكثرة من الوحدات ، وأن يتصوره على أنه وحدة جديدة في
مرتبة أعلى ، أو بعبارة أخرى أن يتمثل الهوية بين $1 \times 4 = 4 \times 1$.
ولقد أورد برنشفيك ملاحظة طريفة أبدأها الأب « بوردان » P. Bourdin
في « اعتراضاته » على « تأملات » ديكرت ، قال فيها « لقد عرفت شخصاً سمع
ذات يوم ، وقد دب النوم إلى جفونه ، دقات الساعة الرابعة ، فعدها على
النحو الآتي : واحد ، واحد ، واحد ، واحد ، ولما اهتدى إلى ما في تصوره
من غرابة ، هتف : هذه ساعة مجنونة بحق : لقد دقت الواحدة أربع
مرات (١) . وفي هذه الحالة ، شبه المرضية ، التي أدى فيها الشروع في النوم إلى

إحداث خلل جزئى فى التركيب العقلى ، يدرك المرء طرفى الهوية المسكوتة للعدد ، ولكنه يدركهما منفصلين . فالشخص ، وهو شبه نائم ، لم يعد يدرك الفكرة القائلة إن الواحد مكرراً أربع مرات هو ذاته الأربعة مكررة مرة واحدة .

وعندما تتكون لدى المرء فكرة العدد ، والهوية الأساسية التى تعبر عن تركيبه ، وهى $1 \times n = n \times 1$ ، يمكنه تصور فكرة تكوين العدد الواحد ، بطرق كثيرة مختلفة ، كلها متساوية ، وأن يحدد العلاقة بين الأعداد بعضها ببعض ، فيستخلص من الهوية $3 + 1 = 4$ ، التى هى تعريف العدد 4 ، أن $2 + 2 = 4$ الخ وبهذا يتكون الحساب ،

وسرى فى الفصل القادم ، حين نعرض مشاكلاً فلسفة الرياضيات الحديثة ، مدى التوسع الذى طرأ على علوم الامتداد والعدد .

قراءات

- Lalande : ouvrage cité, chap. III.
لالاند : المرجع السابق ذكره . الفصل الثالث
- G. Milhaud : Essai sur les conditions et les limites de la certitude logique (Alcan 1912).
ميلو : رسالة في شروط اليقين المنطقي وحدوده
- G. Milhaud : Le rationnel (Alcan 1898).
ميلو : المعقول .
- Descartes : Règles pour la direction de l'esprit (règles I, II, IV).
ديكارت : قواعد لإرشاد العقل (القاعدة الأولى والثانية والرابعة) .
- انظر مثلاً كتاب : «ديكارت» في مكتبة (جاليمارد Gallimard)
- Brunschvicg : Les étapes de la philosophie mathématique (Alcan).
§ 18—23, § 281—308, § 310—318.
برنشفيك : مراحل الفلسفة الرياضية
كتب من أجل دارس الفلسفة
- Jules Tenney : Notions de mathématiques (Delagrave)
جول تانري : معاني رياضية .
- Painlevé : Les axiomes de la mécanique (Gauthier-Villars, 1923).
بانليني : بديهيات الميكانيكا

— Pierre Boutroux : L'idéal scientifique des mathématiques (Alcan)

بيير بوترو : المثل العلي الأعلى للرياضيات

— Gaston Bachelard : Le rationalisme appliqué (P. U. F. 1949).

جاستون باشلار : المذهب العقلي التطبيقي (أنظر الفصل الخامس :

برهان حديث على نظرية فيثاغورس) .

— G. Bouligand et J. Desbats : La mathématique et son unité (Payot).

بوليجان وديبا : الرياضيات ووحدتها .

الفصل السادس

منهج العلوم الرياضية

وأينا في الفصل السابق أن العلوم الرياضية الأساسية (وهي الهندسة والميكانيكا والحساب) قد عملت ، خلال تاريخها ، على تحديد موضوعها ، تدريجياً . فأصبح تركيبها يتسم بدقة تزايد دون انقطاع ، وهي تعد اليوم ، بحق ، بناءً محكماً إلى حد بعيد . وعمله أهميته ، حتى من وجهة نظر الفيلسوف ، أن نفحص سبب هذا الإحكام ، وأن نتبين بوضوح دقة تسلسل التفكير الرياضي .

ولقد حدث بالفعل ، منذ أكثر من قرن من الزمان ، أن أخذ كثير من الرياضيين على عاتقهم مهمة القيام بتحليل نظري لتلك العلم بعد نشأته . ففكروا في مبادئ علمهم ، أى في البديهيات والمعاني التي تعد أساساً للرياضيات . وافسكرة البديهية *axiome* معنى حديث مختلف عن المعنى التقليدي لهذه الكلمة كل الاختلاف . فالمبادئ تكون مشروعة في نظر التفكير الرياضي الحديث إذا كانت تسمح بتشديد علم متماسك منتج ، لا لأنها تنطوي في ذاتها على بداهة مطلقة .

والاستدلال الرياضي دقيق منتج ، وهو في أساسه تعميمي كما أثبت ذلك پوانكاريه ، متخذاً من الاستدلال التريدي *Par recurrence* نموذجاً للاستدلال الرياضي . ويؤدي كل من الحدس والتفكير الشكلي إلى تزويد العلوم الرياضية بقدر هائل على التعميم .

وفي نهاية الفصل ندرس الهندسات غير الإقليدية ، وامتدادات فكرة العدد .

١ - المبادئ

١ - فكرة المبدأ . ميز إقليدس في المبادئ بين البديهيات والمصادر والتعريفات :

إذا قلنا إن الاستدلال الرياضى يتكون من استنباطات دقيقة ، وإنه هو الاستدلال الاستنباطى على الحقيقة ، ففي قولنا هذا تكرار لصفة أوضح من أن تستحق مزيداً من التأكيد ، حتى بالنسبة إلى أبسط أنواع التعليم . فصحة النظرية الرياضية تتوقف على صحة الفروض ، على أن تكون قواعد الاستنباط قد طبقت ، بطبيعة الحال ، تطبيقاً صحيحاً . ولكى تصدق هذه الفروض يجب أن يكون قد سبق البرهنة عليها ، وهكذا دواليك . غير أننا لا نستطيع أن نتابع هذه الحركة الراجعة إلى ما لا نهاية ، متعقبين سلسلة البراهين فى الاتجاه العكسى . فليس ثمة استدلال دون معطيات أولية . ونقطة البداية هنا قضايا ليست نتائج لآى برهان ، وتسمى هذه القضايا الأولية بالمبادئ — وهى تستخدم أساساً لبراهين النظريات الرياضية . ويميز إقليدس ، فى هذه المبادئ ، بين البديهيات والمصادر والتعريفات . فلنتساءل إذن إن كانت كل هذه القضايا الأولية لها قيمة واحدة من حيث البدهاة .

٢ - البديهيات [Axiomes]

كثيراً ما نرى البديهية تعرف بأنها قضية بلغت فى ذاتها حداً من البدهاة يجعلنا نعجز عن الاهتمام إلى قضايا أشد بدهاة منها لنبرهن بها عليها . ولقد

اشترط « پاسكال ، للبدهييات أن تفي بهذه القاعدة : « يجب ألا تتطلب من البدهييات سوى أمور بدهية تماما بذاتها ، وأضاف ، تبعاً لذلك ، أنه « ليس علينا أن نحاول البرهنة على الأمور التي تبلغ بذاتها حداً من البدهاية بحيث لا نتهدى إلى ما هو أشد وضوحاً منها ، لنبرهن به عليها ،

وإليك أمثلة لهذه القضايا : السكّان المساويان لكم ثالث متساويان . —
الكل أكبر من الجزء .

فنحن نجد في هذه القضايا مبادئ واضحة وضوحاً تاماً ، وتصلح لكل الاستدلالات والتجارب .

٣ — المصادرات : [Postulats]

غير أن هناك قضايا أخرى لا يبرهن عليها ، وتتخذ بدورها أسساً للرياضة ، وذلك إلى جانب البدهييات التي تتصف بالبدهاية التامة . وتلك الأسس الأخرى تسمى المصادرات . ومن أمثلتها مصادرة إقليدس المشهورة : لا يمكن أن يمد من نقطة خارج مستقيم إلا خط واحد ، وواحد فقط ، مواز لهذا المستقيم . ولقد حدث كثيراً خلال التاريخ أن حاول بعضهم البرهنة ، على هذه القضية ، أعني أن يحمل منها نظرية نستنبط من نظريات أخرى أو من بدهييات واضحة بذاتها ، ولكن لم ينجح أحد في الإتيان بمثل هذا البرهان .

ومع ذلك فلوم « يسلم ، المرء بهذه القضية ، لتوقفت الهندسة الإقليدية عن المسير ، ولهذا طالبنا إقليدس بأن نسلم بها . فهي إحدى « مطالبه » .

فالمصادرة إذن « مطلب » يتقدم به العالم الرياضى ، كما يدل على ذلك أصلها الاشتقاقى ، (يطالب = *postulare*) . فالرياضى يقول « سلوا الى بنقطة البداية هذه ، وسوف ، يضطر ذهنكم طوال الاستدلال الى قبول ما أستنبطه منها . » ويبدو ، كما نبه الى ذلك العالم الرياضى فرديتسان جونست Ferdinand Gonest ، أن فى ذلك مظهراً من مظاهر العجز بالنسبة الى الفكر الدقيق : « فإذا استطعنا نستطيع البرهنة على شيء ، فلن نقول أبداً إنه من الواجب علينا التسليم به . فضرورة القبول تعادل استحالة البرهنة (١) » .

فلنقر إذن بأن المصادر المختلفة تقدم فى العلوم الرياضية بوصفها فروضاً . ومع ذلك ، ينبغى ألا تشبه هذه الفروض بفروض العلوم الطبيعية التى تخضع دائماً للتحقيق « التجريبي » . فالفروض الرياضية هى الأساس الذى يبدأ من بعده التفكير الرياضى فى القيام بمهمة الاستنباط . وإذن يجب علينا القول بأن العلوم الرياضية فرضية استنباطية *hypothético-déductives* . وسوف نرى فيما بعد أن العلوم الرياضية إذا كانت فرضية استنباطية فليس ذلك دليلاً على نقصان فى قيمتها ؛ بل هو ، بعكس ذلك ، الشرط الأساسى لانساقها ولتنوعها الحصب .

٤ - النظرة الحديثة الى فكرة « البديهية »

ولكن يجب علينا الآن أن نلح فى بيان مسألة فلسفية خاصة جداً تقوم الرياضيات على أساسها . فقد رأينا من قبل أن بين البديهية والمصادرة اختلافاً كبيراً فى « الطبيعة » . ولكن عندما يشرح الرياضى فى استخدام هذه المبادئ فى

البرهنة على مختلف النظريات ، متبعا قواعد الاستنباط ، فإنه لا يشير إلى هذا التمييز بين طبيعيتي المصادر والبدهييات . فالمصادرة ، وإن كانت لا تفترض على ذهننا بوضوح مطلق ، فإنها تؤدي دور « نقطة البداية المطلقة ، بمثل اليقين الذي تؤديه بها البديهية . ويبلغ الأمر في ذلك حدا يجعل من الممكن البدء ، في نظريات معينة ، بمصادر تصدم الحدس الساذج لأول وهلة . وسوف نورد في هذا الفصل مثلا لمصادرة كهذه ، تصدم الحدس . ولكن ، متى سلنا بالمصادرة يجب اتخاذها أساسا مؤكدا : أى أننا نستخدمها تماما كما لو كانت قضية بديهية في ذاتها . وبالاختصار ، فالبدهييات والمصادر تؤدي نفس الدور بعينه ، وتبعاً لهذا الدور يبنى مذهب من الأوليات والمسلمات .

وما دامت المصادر والبدهييات تؤدي نفس الدور ، فلم نتمسك إذن بتفرقة لا تأثير لها البتة في تركيب النظريات الرياضية ؟ إن التفكير الرياضى الحديث يرى أن نقطة البدء تكون مشروعة إذا كانت تتيح لنا تشييد علم متسق منتج ، لا إذا كانت تنطوى في ذاتها على بداهة مطلقة . وإذن فلماذا نحفظ بكلمتين لكي نشير بهما إلى قضايا تؤدي عملها بطريقة واحدة ؟ . الواقع أن اسم « البديهية » هو الذى يستخدم عادة ، ولو كنا بإزاء إحدى المصادر تبعاً للنظرة القديمة . وكما لاحظ بوليغان Bauligand فاستخدام كلمة البديهية يتجه إلى أن يفرض نفسه ، وذلك عن طريق مجموعة من الكلمات المشتقة منها ، مثل قائمة البدييات . axiomatique ، ووضع البدييات Axiomatisation ، وتكوين البدييات axiomatiser ، وهى كلها كلمات لا نجد لها مقابلا إذا بدأنا بكلمة المصادرة ، (١) .

ولكن إذا كانت التسمية تنطوى على قدر من الغموض ، فإن المعنى الذى يضيفه الفكر الحديث على فكرة البديهية لم يعد حوله ظل من الشك . فليس المهم أن تكون القضية التى نسميها بديهية بديهية فى ذاتها أم غير بديهية ؛ بل سيظل أستاذ الرياضه يستخدم فى محاضراته كلمة البديهية ؛ دون أن من يتجاوز مطلقاً معنى القضية المبدئية التى لا يقوم عليها أى برهان ، والتى تتمكن من البرهنة على قضايا أخرى . ولن يشير الرياضى إلى أية بدهاهة كامنة فى تلك القضية . وأقصى ما سوف يحدث ، هو أنه لو كتب مقالا موجها إلى الفلاسفة ، فسيشعر بأن من واجبه أن يذيل الصفحة بهامش يقول فيه : « لسنا فى حاجة أن نذكر القارى أنه ليس ثمة أى عنصر مشترك بين هذا المعنى لكلمة البديهية ، وبين المعنى التقليدى ، أعنى معنى الحقيقة البديهية » (١) .

ولقد أطلنا الحديث عن هذا التغير الذى طرأ على معنى كلمة البديهية لأنه يلقي ضوءاً على صفة مميزة للتفكير الرياضى الحديث . فقد استبدلت بالأبحاث الدائرة حول طبيعة الفكرة ، أبحاث حول « وظيفة » أو دور هذه الفكرة . وذلك تغيير هام فى وجهة النظر يمكننا أن نجد له فى فلسفة الرياضيات أمثلة أخرى متعددة .

Nicolas Bourbaki ; L'architecture des mathématiques (١)

p. 4. in ; les grands courants de la pensée mathématique

ولقد جم هذا الكتاب F.Lionnais فى ١٩٤٨ . فقد نشرت جماعة من علماء

الرياضية ، باسم Nicolas Bourbaki أن ، عدة أبحاث رياضيه معروضة بصورة

تقسم باتباع منهج البديهيات وبالتجريد العام .

ولكن إذا لم يكن من الواجب أن يتحقق شرط البداية الأولى في البديهيات ، بمعناها الواسع ، وإذا كانت تكتسب بدايتها من أمر يقرره الرياضى الذى يتخذ إحدى القضايا نقطة بدء له ، فعنى ذلك أن من الممكن تنويع النظريات الرياضية ، بأن نختار مبادئ أساسية مختلفة . وسوف نضرب لهذا التعدد مثلا عندما ندرس ، خلال هذا الفصل ، تكوين الهندسات غير الإقليدية . وعلينا الآن أن نبين أن هذه الاختيارات المبدئية لا تقوم على أساس الفوضى أو التعسف ، وأن مجموعة بديهيات نظرية رياضية تخضع اشروط دقيقة كل الدقيقة . وكل هذه المجموعة من البديهيات تسمى « نسق البديهيات » .

٥ - صفات « نسق البديهيات »

ما هي صفات النسق الصحيح من البديهيات ؟

١ - ألا تكون أية بديهية مناقضة للأخرى ، أى يجب أن تكون على وفاق مع البديهيات الأخرى .

٢ - أن تكون البديهيات كلها مستقلة بعضها عن بعض .

٣ - وهناك صفات تخضع لها نظريات معينة ، ولكنها لا تتمثل في كل النظريات الرياضية مثل صفة التشبع saturation (وسوف نشرح معنى هذا اللفظ بعد قليل) .

فلنستعرض هذه الشروط التى سوف تؤدى بنا ، فيما بعد ، إلى ملاحظات ذات دلالات فلسفية عميقة حول علاقات التفكير الرياضى بالتفكير المنطقى .

١ — يبدو أن الشرط الأول في غير حاجة إلى دليل . فإننا لا تصور أن يبدأ الرياضى نظريته من قضيتين متناقضتين . ولكن قد يتفق أن يكون التناقض بين القضيتين مستتراً ، فيجب الكشف عنه ، وإقامة البرهان عليه . والحق أن لإثبات عدم تناقض نسق البديهيات قد يكون أحياناً مهمة عسيرة . غير أن الرياضى يستعين على ذلك بمعيار : فقد ثبت أن قائمة البديهيات إذا كانت تحتوى على بديهيتين متنافيتين ، فمن الممكن إثبات نظرية وضدها . فقبول تناقض « واحد » ، يمكننا من البرهنة على كل شيء . ولننتبه جيداً إلى أننا نجعل لهذه الصفة معياراً نظرياً لا صلة له بأى خاطر نفسى مباشر .

٢ — أما شرط الاستقلال ، فقد يفهم على أنه مجرد حرص على الوضوح والأناقة . ومن البديهي جداً أن المرء لا يفيد شيئاً إذا كرر ، بصورة متفاوت غموضاً ، إحدى البديهيات التى ينبغى أن تقرر بأ كبير قدر ممكن من الوضوح . ولكن وضع بديهيتين تعتمد إحداهما على الأخرى ، فى مرتبة واحدة ، فيه مخالفة لماهية نسق البديهيات ذاته . فإذا افترضنا أن نسقا من البديهيات يتألف من a ، b ، c ، d ، فإننا نقول إن البديهية « d » تكون مستقلة عن البديهيات a ، b ، c ، إذا لم يكن من الممكن استنتاجها منها . وعلى العكس من ذلك ، تكون البديهية « d » متوقفة على الباقيات إذا كان من الممكن إثباتها عن طريق البديهيات الأخرى . ولكن « d » تصبح عندئذ نظرية ، لا بديهية .

ويستخدم الرياضيون معياراً للاستقلال يفيدنا بحثه أشد الفائدة فى فهم فكرة نسق البديهيات — وإليك هذا المعيار — :

فلنفرض أن نسقا من البديهيات يشتمل على أربعة بديهيات : ا ، ب ، ج ، و . فلكي نوقن أن البديهية « و » مثلا مستقلة عن الأخريات ، نفحص قائمة جديدة من البديهيات تشتمل على البديهيات ا ، ب ، ج ، و على بديهية مناقضة للبديهية « و » تناقضا تاماً ولنسمها (لا - و) فلو كانت و متوقعة على البديهيات ا ، ب ، ج لكان معنى ذلك أننا نستطيع البرهنة على و ، عن طريق ا ، ب ، ج ، غير أننا جعلنا « لا - و » بديهية بدورها - وبهذا نكون قدكونا نظرية متناقضة . فإذا كانت النظرية المؤلفة من البديهيات ا ، ب ، ج ، لا - و خالية من التناقض ، فعنى ذلك أن البديهية « و » مستقلة بالفعل عن الأخريات . وبالطريقة ذاتها يبرهن على كل بديهية أخرى . وهكذا نجد أن معيار الاستقلال بدوره أبعد عن أن يكون مجرد تقرير ؛ بل هو يحتاج في تطبيقه إلى قدر غير قليل من البراعة ويستطيع الرياضى أن يبحث عن « أنموذج » ، أعنى عن نظرية خاصة سبق اختيارها ، تحقق فيها كل البديهيات فيما عدا تلك التى يراد إثبات استقلالها .

٣ - وأخيراً فالتحليل العقلى للنظريات الرياضية المحكمة البناء قدحاول الإتيان بنسق من البديهيات الكاملة . ومن الواضح أن هذه الصفة تعبر عنها كلمة « التشبع Saturation » . ويكون نسق البديهيات مشبعاً إذا لم يكن من الممكن أن تضاف إلى بديهياته بديهية تكمله (مستقلة عن الأخريات) دون أن تودى إلى تناقض النظرية . غير أن هذه الصفة ليست ملزمة من أجل تركيب نسق البديهيات تركيباً سليماً (يلاحظ أن هناك نظريات عديدة لا تنطوى على هذه الصفة) . والحق أن إيضاح مدى ما تنطوى عليه هذه المشكلة من تعقيد ، يحتاج إلى تفاصيل فنية مطولة . ولكن لا شك فى أن

ما قلناه يكنى في بيان أن التفكير في نسق البديهيات هو في الحق شعور واضح بما يتصف به التفكير الرياضي من دقة بالغة .

ولقد كان أول من فتح باب الأبحاث في مجموعة البديهيات هو الرياضي الألماني الكبير دافيد هيلبرت D. Hilbert (١٨٦٢ - ١٩٤٣) الذي نشر في سنة ١٨٩٩ كتاباً مشهوراً هو : أسس علم الهندسة (١) .

Die Grundlagent der Geometrie

وتجمعت حول د هيلبرت ، مدرسة كرسست جهودها لما يسمى بمشكلة الأسس في الرياضيات ، أعنى لتبرير النظريات الرياضية عن طريق لدراسة عدم تناقضها ، ودراسة صفات أخرى أتينا من قبل على ذكرها . وسوف نعود مرة أخرى إلى الكلام عن فكرة د هيلبرت ، عندما نفحص مشكلة المعاني الأولى في العلوم الرياضية .

٦ - المعاني الأولى .

والواقع أننا لم نتحدث حتى الآن إلا عن القضايا الرياضية . وعلينا الآن أن ندرس المعاني التي يرد ذكرها في هذه القضايا (مثل معاني النقطة ، المستقيم ، السطح ، والعدد) وفي دراستنا للمعاني سوف نهتدى إلى خطوة شبيهة بتلك التي أدت بنا إلى وضع المصادر فكما أن القضية لا تكون سليمة إلا إذا برهن عليها ، فكذلك لا يمكن الانتفاع بالمعنى إلا بعد

(١) تول لوجل Laugel ترجمة هذا الكتاب إلى الفرنسية باسم

Les fondements de la géometrie gauthier.

ولشرقي مكتبة Villars عام ١٩٠٠

تعريفه . ولكي يعرف الرياضى أحد المعاني ، يستخدم معاني أخرى وهذه المعاني الأخرى لا بد أن تكون بما سبق تعريفه . ولكن هذا معناه أن الرياضى يضطر إلى التوقف في حركة الرجوع إلى الوراء ، بحيث يتخذ لنفسه نقطة بدء هي معان لا تردنا إلى أى معنى آخر . وهذه المعاني الأولى يطلق عليها كثير من المناطق اسم « اللامعرفات » ، *indéfinissables* مثلما تسمى البديهيات « باللامبرهنات *Les indémontrables* » .

ولكن نفس الملاحظة التي أبديناها بشأن القضايا الأساسية تنطبق أيضاً على المعاني الأساسية : فالمعاني التي تختار على أنها معان أولى ومعان أساسية ، ليست « بطبيعتها » غير قابلة للتعريف ، وإنما هي تقرر ، كما لو كانت غير قابلة للتعريف . [ومن الجائز جداً أن أحد المعاني الذي يقرر كعنى أول في نظرية معينة (وبالتالي لا يعرف) يصبح في نظرية أخرى معنى مستمداً من غيره ، ويعرف تبعاً لذلك] .

وفيما يلي مثال لهذا التحول ، في مستوى الهندسة الأولية ، وهو مثال يستطيع المرء إدراكه بالحدس البسيط : فمن الشائع أن يتخذ معنى النقطة معنى أول ، وعندئذ يعرف معنى الخط المستقيم بأنه يتحدد عن طريق نقطتين ، أى أنه توصيل نقطتين . ومن وجهة النظر هذه تكون النقطة معنى أول ، والمستقيم معنى مستمد منها .

ولكن ، في خلال القرن التاسع عشر ، نظر إلى الأمور نظرة عكسية ، فأصبح المستقيم هو الذى ينظر إليه كعنى أول من وجهة النظر الجديدة هذه ، وأصبحت النقطة « تعرف » بأنها تقاطع مستقيمين .

على أن هذا التحول ليس مجرد هو ذهني ؛ بل إن وجهة النظر المزدوجة هذه كانت نقطة بدء الأبحاث التي كوّنت ما يسمى بمبدأ الثنائية *principe de la dualité* . فمثلا لو ألقينا نظرة على كتاب « الفريد كلتش ، Alfred Clebsch المسمى « دروس في علم الهندسة *Leçon sur la géometrie* » (١) لوجدنا الصفحات فيه مقسمة إلى عمودين ترتب فيها النظريات بحيث تناظر كل منها الأخرى بدقة ، ففي العمود الأيمن نجد النظريات معبراً عنها « بإحداثيات الخطوط » ، حيث يكون المستقيم هو العنصر غير المعروف ، وفي الأيسر نجد النظريات معبراً عنها « بإحداثيات النقط » ، حيث تكون النقطة هي العنصر غير المعروف . وفي ممارسة مثل هذه المتناظرات التي يلعب فيها الخيال دوره يكتسب التفكير الهندسي مرونة كبيرة .

وفيما عدا ذلك ، يستطيع المرء أن يرى أن تعديل نقط البدء على هذا النحو يجعل الطابع العميق للبعاني ذا قيمة ثانوية . فالمعاني الرياضية لا تفرض علينا في تجربة عينية يكون لها أصل تجريبي إذ قد يوحى إلينا العالم المحسوس بضروب من الحدس ، غير أن هذه الضروب يجب أن يتم إعدادها في مستوى فكري لا يعود مدينا بشيء لحقائق العالم المحسوس . فالمعاني الرياضية لا تكتسب قيمتها إلا خلال التنظيم التجريدي الذي يدرس علاقاتها . وقد لاحظ بوريل Borel (٢) أنه إذا كان هناك معانٍ وأوحى

(١) ترجم إلى الفرنسية في ١٨٧٩ (امر في Gauthiers Villars)

(٢) "La définition en mathématiques," article dans

"Les grands courants de la pensée mathématique"
(Cahiers du Sud) p, 24.

بها في بدء الأمر أوجه شبه خاصة بالأشياء الحقيقية، (كالخط المستقيم، والدائرة . . .) « فإن الأعداد الخيالية، والأعداد غير المتناهية، وكثيراً غيرها من الكيانات الرياضية، هي مجرد ابتكارات عقلية، » .

٧ — التعريفات

وكما أننا نستطيع تصنيف القضايا الرياضية إلى فئتين : قضايا يبرهن عليها، كالنظريات، وقضايا أولية يسلم بها دون برهان، كالبداهات، كذلك يمكن تصنيف المعاني إلى معان معرفة، ومعان أولى يسلم بها دون تعريف. وهنا قد يخطر اعتراض بالذهن: فكيف حدث أن أدخلنا التعريف ضمن المبادئ، مع أن التعريف كما رأينا لا يبدو نقطة بداية؟ إن علة هذا الغموض ترجع إلى أن المرء ينظر إلى فكرة المبدأ من خلال نظرة إجمالية أكثر مما ينبغي. فالتقصية يمكن أن تؤدي دور المبدأ، أعني يمكن أن تؤدي دور قضية يسلم بها دون برهان، وتمكّن من البرهنة على غيرها من القضايا، دون أن تكون رغم ذلك هي الأولى زمنياً ففي العلوم الرياضية ذات التركيب المعقد، لا يستطيع المرء أن يقنن بصفة نهائية كل المستلزمات الضرورية لبناء نظرية. فتعريف معنى ما هو نقطة نهاية على نحو ما، ما دام سيستخدم أحياناً معاني متعددة « سبق » تعريفها. ولكنه يستخدم مبدأ من أجل التوسع «التالي» في النظرية فتعريف الشكل البيضي مثلاً هو نقطة بداية بالنسبة إلى كل برهنة على نظريات الشكل البيضي.

ومن العسير أن نحدد على وجه السرعة خصائص التعريفات الرياضية: فطرق التعريف متباينة^(١) ودراستهما مرتبطة بدراسة عميقة لموضوع

(١) انظر مقال يوديل عن « التعريف في الرياضيات » .

الرياضة. وسيرى القارىء في نهاية هذا الفصل عرضاً لطرق معينة في التعريف (مثل إدخال معنى المجموع ، ومعنى العدد الحقيقي ، ومعنى العدد التخيلي ، ومعنى القوة) .

٨ — العلاقات الشكلية Formalisme

بيننا من قبل أن الرياضى يجد نفسه مستغرقاً في القيام بعملية تجريد أساسية . وسرى أن هذا الجهد الذى يقوم فيه الرياضى بعملية التجريد هذه ، يصل إلى أقصى حدوده في عرض هيلبرت ، وهندسة إقليدس

ولنقل باختصار ، إنه ما دام الرياضى ينفصل عن العالم العيني للكائنات الرياضية ، فمن الواجب أن تفحص عن كسب دور هذه الكائنات الرياضية ، أو بمباراة أدق العلاقات التى توجد بينها . ولكى نكون على ثقة من أننا نفحص «علاقات» الكائنات الرياضية ، تاركين «طبيعتها» جانباً ، يجب أن نكون قادرين على التحرر من اللغة ذاتها ، وعلى فهم القيمة العميقة للنهاج التى تغدب الطابع الشكلى ، المجرد ، للتركيبات الرياضية . ولقد ألقى الرياضى «جان ديودونيه» Jean Dieudonné ، ضوءاً ساطعاً على المعنى العميق لمنهج «هيلبرت» ، فقال : «لم يستطع أحد ، مثل هيلبرت أن يحقق هذا البرنامج بمثل هذا القدر من العزم والوضوح ، ولم يبرر أحد قبله ذلك المبدأ الأساسى القائل بأن «طبيعة» الكائنات المدروسة لا أهمية لها فى الرياضيات ، وأن العلاقات الموجودة بين هذه الكائنات هى وحدها الهامة . فبدلاً من كلمات «النقطة» ، «المستقيم» ، «السطح» ، ينبغى أن يكون فى وسع المرء أن يقول دائماً ، دون أن يخشى الوقوع فى الخطأ ، «منضدة» ، «ومقعد» ،

وكأس من الجعة ، . وذلك ما عبر عنه د هلبرت ، منذ ١٨٩١ بدعاية كررها
فما بعد في ذلك الاستهلال المشهور (والذي عد في وقته انقلاباً) لكتاب
أسس الرياضيات (١) .

ولو رجعنا إلى الصفحات الأولى من كتاب الأسس ، لقرأنا فيها ،
تحت عنوان ، الاصطلاح convention ، السطور الآتية : لتصور ثلاث
مجموعات مختلفة من الكائنات ؛ ونقسم كائنات المجموعة الأولى تقطاً ، ونشير
إليها بالحروف $\overset{\wedge}{\text{ا}}$ $\overset{\wedge}{\text{ب}}$ $\overset{\wedge}{\text{ح}}$... ؛ وكائنات المجموعة الثانية « مستقيمات » ،
ونشير إليها بالحروف $\overset{\wedge}{\text{ا}}$ $\overset{\wedge}{\text{ب}}$ $\overset{\wedge}{\text{ح}}$... وكائنات المجموعة الثالثة سطوحاً
ونشير إليها بالحروف $\overset{\wedge}{\text{ا}}$ $\overset{\wedge}{\text{ب}}$ $\overset{\wedge}{\text{ح}}$... »

وبعد هذه التسميات الشكلية الخالصة ، يبين د هلبرت ، البديهيات التي
تحدد علاقة هذه الكيانات . ولنذكر منها اثنتين على سبيل المثال : فلكي
نقول إن النقطتين تحددان مستقيماً ، نكتب الآتي :

ا ب = $\overset{\wedge}{\text{ا}}$. والكي نقول إن ثلاث نقط ليست على استقامة واحدة تحدد

مسطحاً ، نكتب ما يلي ا ب ح = $\overset{\wedge}{\text{ا}}$

وإذن فما نحن أولاء تجاه نوع من الشكلية المفرطة . فإذا تد
كرنا أن مجموعة البديهيات تتألف من افتراضات ليس من الضروري أن

Jean Dieu donné : David Hilbert, in "les grands (١)
courants de la pensée mathématique" p: 295

(م ١١ - المنطق)

تكون متفقة مع بدايات مطلقة ، أو مع تجارب العالم المحسوس ، وإذا لاحظنا أن «هلبرت» قد أدخل الكيانات الرياضية تحت صفة « الاصطلاح » ، فهنا عبارة « بزتراند رسل ، التي يلجأ إليها الكثيرون في المناقشات الفلسفية ، دون أن يدركوا أحياناً أهميتها على وجه الدقة : « إن الرياضيات علم لا يعلم المرء فيه أبداً عم يتكلم (إشارة إلى الشكلية المحضنة) ولا يعلم إذا كان ما يتكلم عنه صحيحاً (إشارة إلى الاصطلاحات المبدئية ، التي يعلن المرء فيها صلاحية بعض القضايا والمعاني ، دون إشارة إلى بداية عقلية أو إلى خبرة تجريبية) .

والواقع أن هذه الشكلية ، التي تغض الطرف عن الطبيعة الحسية المحددة للوضوعات الرياضية ، لا يمكن أن تنمو إلا في جو من المعاني الدقيقة المجردة ، ومن الطبيعي أن تعجز عن وصف النشأة التاريخية للعلم الرياضى . وهي لا تظهر إلا في تفكير نظرى في العلم بعد تكوينه . غير أن المرء لو أغفل الجهد الضخم الذى بذله الرياضيون المعاصرون من أجل بناء علمهم وتنميته بأكبر قدر من الدقة ، لكان فى ذلك تجاهل لصفة من أبرز صفات الرياضة المعاصرة .

هذا ، وسنعود مرة أخرى ، فى هذا الفصل ذاته ، إلى العلاقات بين الدقة والحس . وسنحاول ، بعد الدراسة الطويلة التى قننا بها للبداية الأساسية فى النظريات الرياضية ، أن نحدد خصائص الاستدلال الرياضى ، من خلال مجموعة من عملياته تقسم بأكبر قدر من البساطة .

٢ - الاستدلال الرياضى

٩ - خصوصية الاستدلال الرياضى ودقته :

الرياضيات ، كما قلنا من قبل ، تركيبات فرضية استنباطية يؤدى فيها الاستنباط دوراً رئيسياً وكثيراً ما يوصف الاستنباط بأنه عملية تحليلية تنتقل من العام إلى الخاص ، ويتخذ القياس [Syllogisme] أوضح أنموذج للاستدلال الاستنباطى . فإذا ما قبلنا أوجه النقد التى وجهت إلى الاستدلال القياسى ، أمكننا القول بأن نتيجة البرهان ، فى الاستنباط ، إن هى إلا نتيجة سبق أن احتوت عليها المقدمات . وهكذا يكون الاستنباط عملية استدلالية دقيقة ، ولكنها عقيمة . وعلى العكس من ذلك يبدو أن الاستقراء هو الطريق الوحيد الذى يتبعه التفكير المنتج حقيقة ، إذ هو امتداد للمعرفة وتعميم لها ، وإن كان لا يزعم لنفسه ما للاستنباط من دقة مطلقة : فلنضع المشكلة أولاً فى هذه الصورة العامة جداً ، لىكى نفهم الجدل المشهور الذى نشب فى مستهل القرن العشرين بين الرياضى پوانكاريه ، والفيلسوف جوبلوا ، حول طبيعة الاستدلال الرياضى .

فى مستهل هذا القرن ، قال « پوانكاريه » فى كتابه « العلم والفرض » (ص ٤) « ما طبيعة الاستدلال الرياضى ؟ أهو حقاً استنباطى كما يعتقد عادة؟ إن المقارنة العميقة تبين لنا أن الأمر بخلاف ذلك ، وأنه يشارك ، بقدر معين فى طبيعة الاستدلال الاستقرائى ، وهذا هو السبب فى أنه منتج . ومع ذلك ، فإنه لا يفقد شيئاً من طابع الدقة المطلقة . »

فكيف نفسر جمع الاستدلال الرياضى بين صفة الخصوبة ، و صفة الدقة
فى آن واحد ؟

١ - الاستدلال الترديدى (١) . فكرة التعميم

يأخذ پوانكاريه على عاتقه أن يثبت أن الاستدلال الرياضى لا يمكن
إرجاعه إلى القياس ، الذى لا يأتى إلينا بمجديد ، ، وإنما هو فى أساسه
« تعميمى » ، مما يفسر طابع الخصوبة الذى لا سبيل إلى إنكاره فى العلوم
الرياضية . ويكشف پوانكاريه عن هذا التعميم فى صورة من صور
الاستدلال الدقيق تتميز بها الروح الرياضية : هى الاستدلال الترديدى
raisonnement par recurrence وسوف نبين ، عن طريق مثال ،
كيف ينمو هذا النوع من الاستدلال — فلنقترح مسألة تحمل ، هى إثبات
عدم تساوى الطرفين الآتيين :

$$(1) \quad (1 + 1) < n + 1 \quad n$$

حيث ١ عدد حقيق أكبر من -١ ومختلف عن الصفر ، ، وحيث n أى
عدد صحيح أكبر من ١ .

وللبرهان على هذه المسألة مرحلتان ، حسب الترتيب التالى (٢) .

(١) أخذنا هذا اللفظ فى الترجمة نظراً لأن الفكرة الأساسية فى هذا الاستدلال
هى الترديد والذكراار ، ومن هنا قرب پوانكاريه بينه وبين الاستقراء (المترجم) .

(٢) هاك الاستدلال بتفصيله :

(١) نبرهن على أنه إذا كان عدم التساوى الذى تعبر عنه هذه المسألة صحيحا بالنسبة إلى قيمة معينة (ن) ، ولتكن ك ، كان أيضاً صحيحا بالنسبة إلى القيمة ك + ١ () ولتقل ، إننا لا نعلم على وجه الدقة إذا كان يصح بالنسبة إلى قيمة ك هذه)

(ب) لنبرهن على أن عدم التساوى يصح بالنسبة إلى ن = ٢ ومن هذين البرهانين يمكننا أن نستدل على أن عدم التساوى صحيح لكل قيم ن

= د لنفرض ، أن $(1 + 1)^n < 1 + 1$ صحيحة. وفى وسعنا أن نضرب الطرفين غير المتساويين هنا ، دون تغيير معنهما ، فى العدد $1 + 1$ ، فإدامت أ أكبر من $1 - 1$ فإن $1 + 1$ موجب دائماً . وعندئذ نجد أن $(1 + 1)(1 + 1)^n < (1 + 1)(1 + 1)$ أى $(1 + 1)^{n+1} < 1 + 1$ (ك + ١) $1 + 1$ ولما كانت ك^٢ موجبة دائماً (ما دام ك موجبا ، اختلفة عن الصفر) فبالأحرى يكون $(1 + 1)^{n+1} < 1 + 1$.

وبهذا نكون قد برهنا على أنه إذا كان عدم تساوى الطرفين فى (١) صحيحا حيث ن = ك فإنه أيضاً صحيح حيث ن = ك + ١

فلنحقق الآن عدم تساوى الطرفين فى (١) حيث ن = ٢ ، أى حيث يصح القول إن $(1 + 1)^2 < 1 + 1$

$$(1 + 1)^2 = 1 + 1 + 1 + 1 = 1 + 1 + 1 + 1 < 1 + 1$$

∴ ل $(1 + 1)^2 < 1 + 1$.

ابتداء من ٢ . والواقع أننا قد أثبتنا ، في البرهان (ب) أن الصيغة تصح إذا كانت $n = ٢$ على أننا أثبتنا في (١) ، بصفة عامة ، أنه إذا كان عدم التساوي صحيحا بالنسبة إلى قيمة معينة لـ n هي k ، فإنه يصح أيضا بالنسبة إلى $k + ١$. ولما كانت الصيغة (١) صحيحة عندما تكون $n = ١$ ، ٢ ، فإنها تكون أيضا صحيحة عندما تكون $n = ٣$ ولما كانت صحيحة عندما تكون $n = ٣$ فإنها تكون صحيحة عندما تكون $n = ٤$ وفي وسعنا أن نكرر هذا الاستدلال ذاته إلى ما لا نهاية ، مادام البرهان (١) قد أثبت أن الصيغة إذا صححت بالنسبة إلى أية قيمة لـ n ، فإنها تصح بالنسبة إلى القيمة التالية . وبدون البرهان (١) كان يمكننا أن نحقق الصيغة (١) عندما تكون $n = ٢$ ، ٣ ، ٤ ، على التوالي . . . ولكننا لا نستطيع عندئذ أن نؤكد أنها تصح على ذلك العدد اللامتناهي من قيم n ، ابتداء من ٢ ، فمن طريق البرهانين ١ و ٢ معا ، يمكننا أن نؤكد صحة عدد لا نهاية له من الصيغ .

وهكذا يمكننا أن نفهم السبب الذي قال من أجله پوانكاريه إن « الاستدلال الرياضي بشارك ، بقدر معين ، في طبيعة الاستدلال الاستقرائي ، فالاستقراء التريدي يسمع لنا أن نؤكد صحة صيغة في عدد لا نهاية له من الحالات ، بينما كان يمكننا عن طريق براهين مماثلة للبرهان (ب) أن نؤكد الصيغة (١) في عدد . متناه . من الحالات فحسب . ولكن علينا أن نفهم كل فكرة في تفاصيلها الدقيقة لهذا أشرنا بوجه خاص إلى كلمة « بقدر معين » . فبعد عدة صفحات ، يعبر پوانكاريه عن رأيه بوضوح تام يمكن من توقي كل خلط ، فيقول : « لا يستطيع المرء أن يتجاهل أن في الاستدلال

الترديدى تشابها ملحوظا مع عمليات الاستقراء المعتادة . ومع ذلك ، فلا زال بينهما اختلاف جوهري . فالاستقراء حين يطبق على العلوم الطبيعية يكون على الدوام غير مؤكد ، لأنه يرتكز على الإيمان بنظام عام للكون . . أما الاستقراء الرياضى ، أعنى البرهان و الترديدى ، فإنه يفرض ذاته بضرورة محتومة . . ، وإذن فقد أراد بوانكاريه أن يقرب الاستدلال الترديدى من الاستدلال الاستقرائى كما يتمثل فى العلوم الطبيعية لأهما « يسيران فى نفس الاتجاه ، أعنى يتقلان من الخاص إلى العام ، ولكنه إذ يقربها على هذا النحو يؤكد أيضا بوضوح أنهما « يرتكزان على أسس مختلفة ، .

فا الاعتراضات التى وجهها عالم المنطق « جوبلو ، إلى بوانكاريه ؟ إنه يقول له : لقد وصفت « الاستدلال الترديدى ، بأنه الاستدلال الرياضى على الحقيقة . غير أنه استدلال خاص إلى أبعد حد ، ولا يمكن أن ينطبق إلا على مجالات معينة فى الرياضة ، وهى المجالات التى يتبدى فيها تعاقب الأعداد الصحيحة .

ولكن الشئ الذى أراد بوانكاريه أن يبينه ، ليس هو القول بأن « الاستدلال الترديدى ، هو أكثر الاستدلالات استعمالا ؛ بل هو الاستدلال النموذجى للتفكير الرياضى فهو استدلال صالح كل الصلاحية للكشف عن الخصائص التى تتميز بها الاستدلال الرياضى ، إذ الاستدلال الرياضى هو ، فى الواقع أداة تمكن من الانتقال من المتناهى إلى اللامتناهى « بدقة كاملة . وهذه الأداة نافعة دائما ، لأنها متى أتاحت لنا اجتياز ما نشاء من الخطوات بقفزة واحدة ، فإنها توفر علينا القيام بالتحقيقات المطولة ، المملة ، التى

تسير على وتيرة واحدة ، والتي سرعان ما يصبح من المستحيل تنفيذها عمليا .
غير أنها تصبح لازمة ، عندما يكون هدف المرء هو الوصول إلى النظرية .
العامّة ، التي نقرب على الدوام من تحقيقها تحليلياً ، دون أن تتمكن من
الوصول إليها . والواقع أن عملية التحقيق تصبح مستحيلة في مجال
اللامتناهي . فقد نستطيع التحقق من أن الصيغة (١) صحيحة في عدد متناه
من الحالات ، ولكن البرهان الدقيق للاستدلال التريدي يمكننا من تأكيد
صحتها بالنسبة إلى القيم اللامتناهية التي يمكن أن تعزى إلى ن . وإذن فقد
أراد بوانكاريه أن يثبت أن الرياضيات لا يمكن أن ترجع إلى سلسلة
من الأقيسة ، وأنها تقوم على التعميم في أساسها ، وأنها تسمح لنا بأن
نؤكد بكل دقة صحة صفة معينة في عدد غير متناه من الحالات هذا إلى أنه
من الواجب أن نستطيع المرء إثبات خواص الجنس دون أن يضطر
إلى إثباتها بالنسبة إلى كل من الأنواع على التوالي ، (العلم والفرض ص ٢٧)
وبالاستدلال التريدي ، تكسب قضايانا صفة العموم فوراً .

ولكن هل يجب القول ، كما قال بوانكاريه بتعجل ، بأن الاستدلال
الرياضي ليس استنباطياً على الإطلاق ؟ كلا بالتأكيد . ذلك لأن دپوانكاريه ،
قد سوى بين الاستدلال الاستنباطي والعملية القياسية التي تنتقل من العام
إلى الخاص ، وكان في ذلك متبعاً لمنطق عصره . ولكن الحقيقة أن الاستدلال
الاستنباطي يلجأ إلى عمليات فكرية معقدة ، تختلف كل الاختلاف عن
القياس ، كما أثبت ذلك المنطق المعاصر . وحسبنا أن نذكر تلك الحقيقة
البسيطة ، وهي أن في وسع الرياضي أن يستبدل ، في الصيغة الرياضية
وبشروط معينة ، مجموعة من الرموز بمجموعة أخرى من الرموز — نقول

حسبنا أن نذكر هذا ، لنكون قد أدركنا تقدم البرهان . فضلا عن ذلك فالمنطق يدخل عمليات التعميم ، إن لم يكن في مراحل الأولى ، ففي نموه التالي على الأقل .

فأهمية التماس قد أصبحت ضئيلة في العمليات الاستنباطية كما يحددها المنطق المعاصر .

١١ - فكرة التركيب

فلنفحص الآن وصف جو بلو للاستدلال الرياضي . إنه يقول : والبرهان هو التركيب ، (١) على أن هذا التعبير الواضح جداً يخفى وراءه أكثر التفسيرات تباينا . والواقع أن كلمة « التركيب » تعنى في نظر جو بلو التركيب المرسوم والعملية الجبرية ، والعملية الذهنية (التي يميزها جو بلو عن عملية العقل) — وتركيب النتيجة مع الفرض . ولنحتكم إلى النصوص . إنه يقول : إن أهمية التركيبات المرسومة في الهندسة لم تخف على أحد ، ولكن المناطقة يميلون إلى أن يروا فيها مجرد عمليات مساعده أو ممهدة للاستدلال ، في حين أنها هي الاستدلال نفسه ، (ص ٢٧٢) كما يقول : « ليس ثمة قضية حسابية أو جبرية لا يبرهن عليها عن طريق « عملية » أو سلسلة من العمليات ، (ص ٢٦٩) كذلك يقول « ليست العمليات التركيبية عمليات عقلية ، وإنما هي عمليات تنفيذ ذهنية » (ص ٢٧٢) . وفي فقرة أخرى يقول جو بلو : « لسكى نبرهن على أن فرضا ما يستتبع نتيجة ما ،

تركب النتيجة مع الفرض ، (ص ٢٧٢) ويريد جوبلو أن يؤكد ، على وجه التحديد ، أن النشاط التركيبي للعقل هو الذى يظهر النتيجة الجديدة (ص ٢٦٤) .

غير أن هذه الاستعانة بالنشاط التركيبي للعقل تظل تفسيراً على جانب غير قليل من الغموض ، وليس هناك من ينكر نشاط التفكير الرياضى وإبداعه . والحق أنه من العسير وصف الاستدلال الرياضى بصفة واحدة . وكل محاولة لفهم عملية الاستدلال الرياضى عن طريق تفسير واحد فريد ، تظل محاولة غير دقيقة . وإنما الواجب تحليل البراهين الرياضى المتعددة ، والرجوع إلى أكثر الأمثلة تنوعاً . ومن الضرورى ، بوجه خاص ، ألا يقف المرء عند حد الأمثلة الأولية ، بل الواجب أن يدرس الاستدلالات التى تكون تعريفات موضوعاتها الرياضى نتيجة إعداد وئيد ، ونتيجة للتأليف بين أكثر اتجاهات الفكر تبايناً . وعندما نفحص دور الحدس والشكلية ، سنصبح أقدر على إدراك طابع التعميم والتركيب الذى يتميز به نشاط التفكير الرياضى .

٣ - الفكر الحدسى والفكر المقالى

١٢ - الحدس الرياضى والحدس الحسى :

رأينا من قبل فى الجزء الخاص بالمعاني [notions] أن المعانى الرياضىة ، ولو كانت من أصل تجريبي بالفعل ، فلن يؤثر هذا فى صحة الرأى القائل بأن الرياضيات قد انفصلت عن ذلك الأصل التجريبي ، وأنها قد أصبحت

علا برينثا من الصفات المحسوسة . فعندما يفكر الرياضى فى الخط المستقيم ، فهو لا يفكر فى خيط البناء ، وعندما يثبت أن المنصفات تتلاقى فى المثلث ، فإن برهانه يكون مستقلا عن التحقق المادى لهذا الشكل . ومن المحال أن يحل البيان بالرسم محل برهان بالاستدلال ، إذ لا يكون للرسم من عمل سوى أن يكون دعامة للانتباه ، دون أن يكون عنصراً مكوناً للبرهان . فإن المعانى الكلية الهندسية معان « فكرية » كما أكد الفيلسوف الألمانى هوسرل Husserl ، الذى كان عالماً رياضياً فى الوقت ذاته ، وهى تعبر عن شئ . لا يمكن « رؤيته » . وعلى ذلك فليس من المستطاع المقارنة بين الحدس الرياضى والحدس الحسى بأية حال .

١٣ - التفكير الحدسى والتفكير المقالى [Discursive]

لكن هل سنهتدى فى الحدس الرياضى إلى تلك الصفات التى اعتاد المفكرون أن يصفوا بها الحدس بمعناه الفلسفى ؟

إن الحدس يمكن أن يوصف فى هذه الحالة بأنه اتصال مباشر ، فورى ، عيى ، بموضوعه وهذا الاتصال المباشر يحقق فى الوقت ذاته أوثق فهم لهذا الموضوع ؛ إذ يصل إليه فى جوهره ووجوده الفردى وبهذا يكون الحدس مضاداً لكل تفكير مقالى ، أو « سلسلة من الحجج » ، أو خطوات للبرهان ، أو تنظيم شكلى ، أو تطبيق دقيق لمنهج ما .

ويبدو أن من الممكن أن نهتدى إلى مثال للتقابل بين هذين النوعين من التفكير عندما نقارن بين الهندسة والجبر الأوليين . فقد قال ليبنيز [Leibniz] فى بحثه « فن الاختراع » .

« Ars-inveniendi » : إن علماء الهندسة يستطيعون البرهنة بكلمات قليلة على قضايا يصعب إثباتها عن طريق الحساب إلى حد بعيد . فالطريق الجبري يؤدي دائماً إلى الهدف ؛ لكنه ليس على الدوام أفضل الطرق . فمن الممكن أن تقابل بين البراهين السريعة اللاحقة للفكر الهندسي ، وبين بطله الحساب الجبري وخطواته المندرجة وأن تقابل بين رشاقة البرهان الهندسي وتقل الحساب الجبري ، وبين عبقرية الحدس الهندسي وآلية المناهج الجبرية .

غير أن هذه المقارنة بين الهندسة والحساب لا تمكننا من تقدير دور الحدس في الرياضة حق تقديره . والواقع أننا نهتمدى إلى التمييز بين الحدس والدقة حتى في الجبر ذاته

فعالم الجبر يهتمدى أحياناً بالحدس السريع إلى منهج للحل ، ويشعر بالنتيجة مقدماً ، ويكون مجهوده في البرهان موجهاً بوضوح في هذه الحالة . وهو لا يأخذ على عاتقه مهمة اختبار دقة برهانه إلا في المرحلة الثانية من بحثه .

وفي هذا الاختبار الدقيق يبدو أن الرياضى يدعو كل الآخرين إلى التحقق من فكرته الخاصة ، فلا يعود الحدس الرياضى الذى يتحقق منه على هذا النحو ، فكراً فردياً بالمعنى الصحيح ، أى لا تتمثل فيه صفة طالما طالب بها أنصار الفكر الحدسى في الفلاسفة . وقد تبدو هذه الملاحظة [الفردية] مرتبطة بعلاقة فرعية ، وظاهرية ، للتفكير الرياضى . ولكن إذا كان الحدس الفردى فى حاجة إلى التحقق من صدقه حتى يمكن قبوله — ففى هذا ما يكفى لبيان طبيعته الحقيقية . فالحدس الرياضى لا بد من أن يتداول ، ومن

الضرورى أن يقبله مجموع الرياضيين قبولاً تاماً ؛ ومن الواجب أن يحكم عليه من خلال تقط اتصاله وارتكازه على النظريات الرياضية التي تم تركيبها .

وإذا كان من ضروب الحدس ما هو أساس لظهور بعض المشاكل الرياضية ، وإذا كان منها ما يوحى بحلول لمشاكل معينة ، فلا يمكن مع ذلك ، تصور تفكير حدس يستغنى عن التنظيم الشكلى الدقيق . والحق أن بين النظرات الحدسية والمناهج الدقيقة تأثيراً متبادلاً : فالتفكير القائم على الحدس فى حاجة إلى أن يؤكد ، وإلى أن يشيد بناؤه عن طريق التفكير المقالى ، وهذا التفكير الأخير فى حاجة إلى استعادة صلته بالتأكيدات الحدسية . فإذا اقتصرنا ، كما فعل أحد الفلاسفة ، على القول بأن «التفكير الشكلى يستمد حياته من التفكير الحدسى» ، لما عبرنا بهذا إلا عن نصف الحقيقة . فمن الواجب أن يضاف إلى ذلك ، أن التفكير الحدسى يظل ، فى الوقت ذاته ، مرتبطاً بالتفكير الشكلى المقالى الذى يضمن عليه اليقين والدقة .

وللاحظ بوجه خاص أن « هناك بدايات تكون فى بعض الأحيان خادعة إلى أبعد الحدود » ، على حد تعبير بوليجان Bouligand ، وينبغى أن تكون الروح الجبرية *algebrisme* مرشداً للتفكير الذى يستند متسرعاً إلى البدهة الحدسية .

ولكن يجب أن يوصف الحدس عموماً بأنه قبول مباشر لكل بدهة تعرض للعقل . فهناك حالات يكون فيها الحدس « صادراً عن الروح النقدية بحق » : إذ قد يكون لدى المرء أداة جبرية موثوق منها ، ومنهج دقيق ،

ومع ذلك قد يأتي حدس نخب فيشككنا في إمكان تطبيق المنهج « تطبقا آليا » . وعندئذ يصبح الحدس دليلا على حذر بالغ ، وعلى تفكير يقظ لا يثق بالحجج الاستدلالية التي تتشابه بطريقة آلية مفردة . وقد اقترح بوليغان Bouligand أن تسمى هذه الحدوس باسم « الحدوس المضادة » ، contre-intuitions . ومن قبيلها حدوس الدالات المتصلة التي لا تحل محلها قيم .

ولكن إذا كانت هناك صلة متبادلة بين ضروب الحدوس والروح الجبرية Algebraisme كما يقول بوليغان فعنى ذلك أننا لا نستطيع القول بأن الحدس هو الخطوة الأولى حقيقة . ويمكننا القول بأن إنشاء النظريات الرياضية يقوم على أساس « حدوس » ، ولكن هذه الحدوس ترتبط « بمعرفة » رياضية : وكلما اتسع نطاق المعرفة المكتسبة ، ازداد الحدس وضوحا فالحدس الرياضى هو حدس العارفين .

إن ذلك الحدس الذى يبدو أنه يفرض علينا آفاقا أو موضوعات « جديدة » ، إنما ينتج فى حقيقة الأمر عن ألفة طويلة الأمد مع معان أعدها التفكير الشكلى الدقيق إعدادا طويلا ، ومع نظريات أحكم هذا التفكير بناءها . فالحدس لا يودى دوره ابتداء من معطيات محددة فحسب .. بل سرعان ما يكتسب لدى الرياضى فاعلية فى ظروف أوسع نطاقا من ذلك بكثير . . . فعالم الهندسة ، لما كان يصبح أكثر ، ألفة ، بالكيانات التي يدرسها ، فإن الأمر ينتهى به إلى أن يكون لنفسه عنها فكرة تعادل فى وضوحها فكرته عن الأشياء الحقيقية التي تعمر العالم الخارجى . وعلى هذا

النحو يتكون في بعض مناطق العالم الرياضى ميل إلى إدراك علاقات ، عظيمة الدقة في أغلب الأحيان ، وذلك عندما يكون كشفه لهذه المناطق قد بلغ حداً معيناً من التقدم^(١). ولقد أكدنا العبارة الأخيرة بوجه خاص ، لكى نأصح في بيان الطابع « الفنى » للحدس الرياضى ، الذى يظل على صلة وثيقة بتمكن الرياضى من المناهج ، والثقة الشديدة بالتفكير المقالى .

١٤ — الحدس بالبدهييات :

حاولنا أن نبين مدى الارتباط والتكامل بين مظاهر الحدس والأساليب الدقيقة في الرياضه . ولكن قد يخطر اعتراض بالذهن وهو : هل يؤدي ظهور التفكير الذى يعتمد على « البديهييات » إلى رفض الحدس رفضاً تاماً ؟ إنه ل يبدو أن وجود مجموعة من البديهييات معناه أن المرء قد بلغ مرحلة من التجريد لم يعد فيها أى مجال للحدس . والحق أن الرياضيين قد تصدر عنهم تصريحات توحى إلى الأذهان الساذجة بمثل هذا الاعتقاد ، وذلك كقولهم : « إننا لا ننكر أن معظم الصور الرياضية كانت تحتوى ، في أصلها ، على عناصر حدسية محددة . ولكن من المحقق أنها لما مجردت من كل محتوى فقد أمكنها أن تكتسب هذا التأثير العظيم الذى كانت تنطوى عليه في ذاتها بالقوة ، وهكذا أصبحت قابلة للتعبير عن تفسيرات جديدة ، ولأداء وظيفتها في إعداد النظريات الرياضية »^(٢).

G. Bauligand : Les méthodes mathématiques. (١)
Centre de documentation universitaire, 1948.

Nicolas Baurbaki ; L'architecture des mathématiques in les grands Courants de la pensée mathématique (٢)
p. 47.

فلنرجع لحظة إلى هذا التفكير الذي يعتمد على البديهيات والذي سبق أن أشرنا إليه : فهمة البديهيات لا تنحصر في مجرد تقنين الفروض والقواعد في نظرية رياضية خاصة ، بل إن نسق البديهيات لا يقتصر في الواقع على عرض البديهيات والمعاني الأولية الخاصة بنظرية ما ، وعلى دراسة مدى اتساق هذه البديهيات فيما بينها واستقلال كل منها عن الأخرى ، وإنما يسعى إلى فهم « السبب العميق » للاستدلالات المتسلسلة ، والكشف عن هيكل الاستدلال ، بغض النظر عن « طبيعة » الموضوعات التي تتدخل في النظريات الرياضية ، وهو يجمع النظريات لأنها تعالج موضوعات رياضية لها طبيعة واحدة ، وإنما لأنها تكشف عن تركيبات واحدة .

وكما يقول هنري كارثان^(١) « لنفرض أن بديهيات نظرية رياضية ما قد اُخترت بصفة نهائية . وعندئذ ينبغي ألا تقتصر نظريتنا الرياضية على أن تكون تأليفاً جامداً للحقائق ، أعني لنتائج البديهيات . . . فلسكى تكون الرياضة أداة فعالة ، ولكى نستطيع ، نحن علماء الرياضه ، الاهتمام بها من أعماق نفوسنا ، فلا بد أن تكون تركيباً حياً ، ولا بد أن نرى فيها بوضوح تسلسل النظريات ، وأن نجتمع فيها النظريات الجزئية . وفي هذه المحاولة بدورها نستحين بمنهج البديهيات الذي يزودنا بمبدأ للتصنيف ،

وفي هذا المجهود الذي يبذله الرياضى لاستخلاص تركيبات النظريات ، حتى يقارن هذه النظريات فيما بينها ، ويكون منها مجموعات ، نجده يقوم بعمل « تجريدى ، تماماً . فعليه أن يتجرد من الحدوس العينية ، التي تجمل تفكيره

Sur le fondement logique des mathématiques, in (١)
Revue scientifique, Janvier 1943 p. 11

خاصةً للمجالات الفردية الخاصة . وعليه ألا يقتصر على ثقافة محدودة
تكتفي بأمثلة جزئية ، أو حتى بنظريات خاصة ، بل يجب أن يصل إلى فهم
« التركيب الهندسي » للرياضيات ذاتها . ولكن دراسة الصور المجردة تدفعنا
عندئذ إلى استخلاص أفكار عامة « موجبة » . وإذا كان في منهج البديهيات
خروج على الحدوس العينية ، فمن المحقق ، مع ذلك ، أنه يكشف عن طبيعة
الأشياء ، ويجعلنا نجيد فهم ما هية النظريات الرياضية ونحسن « رؤيتها »
بوضوح كامل . « فالآن لم تعد الرياضة ، كما كانت فيما مضى ، تأليفاً آلياً
محضاً بين صيغ منعزلة ، والحدس قد أصبح الآن — أكثر من أى وقت
مضى — يسيطر تماماً على نشأة الكشوف الرياضية ، غير أنه قد أصبح منذ
الآن يمتلك الوسائل القوية التي تمده بها نظرية الأنواع التركيبية الكبرى ،
وهو يسيطر بلهجة واحدة على مجالات هائلة و— وحد بينها منهج البديهيات
L'axiomatique ، تلك المجالات التي يبدو أنه لم يكن يسودها من قبل سوى
الاضطراب الشامل . فمنهج البديهيات المبني على المنطق البحت ، لم يكتف بأن
جعل لعلمنا أساساً راسخاً . بل أنه يتيح لنا إجادة تنظيمه وإجادة فهمه ،
ويجعله أكثر فاعلية ، ويستبدل بالحسابات أفكاراً عامة^(١) . ولكن أليست
هذه علامة حدس أصيل يمكننا أن نسميه حدس التنظيم المجرد ؟

إذن نرى الآن إلى أى حد تكون التفرقة بين التفكير المقالى والتفكير
القائم على الحدس في الرياضيات تفرقة مصطنعة . حتى في المجال الذي يبدو
فيه أن الحدس قد استبعد ، نراه يعود إلى الظهور بصورة قد تكون غير
مألوفة ، ولكنها قوية إلى حد بعيد . وهكذا فبناء أكثر الأساليب الرياضية
تجريبياً يقتضى الالتجاء إلى أكثر ضروب الحدس خصوصية وعمقاً .

١٥ — الحدس ومذهب الحدس

ينبغي ألا نطلق اسم « مذهب الحدس » على كل نظرية في نقد المعرفة تؤكد دور الحدس في التفكير الرياضى ، إذ أن هذه الكلمة أصبحت اليوم مقتصرة على المذهب « الرياضى » لعالم رياضى هولندى معاصر هو « بروفر Brouwer ، وكما يقول « جونست Gonseth » : « إن مذهب الحدس يقترح نظرية جديدة وتطبيقا عمليا جديدا للتفكير الرياضى » . ويعترف مذهب الحدس بمعطيات ، هى بضع معان ذات وضوح بدىي ، وبضع عمليات أساسية للفكر . وهو لا يقبل سوى المعانى الرياضية التى يمكنه أن يبين بالفعل عملية « تركيبها عن طريق هذه المعطيات » ويرى « بروفر » أنه لا يكفى أن تثبت عدم تناقض أحد المعانى حتى نسلم بصحته ، بل يجب أن نكون قادرين على تركيبه ، وذلك على حد التعبير الذى نصادفه على الدوام فى كتابات بروفر . فمذهب بروفر لا يكون إذن سوى « جزء » من الرياضيات الكلاسيكية لحسب . فى بعض الحالات الخاصة المعقدة جدا والخاصة باللامتناهى ، قد يجد المرء قضايا ليست متناقضة (وبالتالي ليست باطلة) ولكنه لا يستطيع الجزم بصحتها — أعنى بما إذا كان من الممكن تركيبها بالفعل ، فى هذه الحالات لا يمكن تطبيق مبدأ الثالث المرفوع . وعلى ذلك فلا يمكن فى رأى بروفر الاعتراف بصحة مبدأ الثالث المرفوع بصفة مطلقة . وإذن فهذا الموقف مرتبط برفض المنطق التقليدى ويقضى منطقا جديدا (صاغه تليذ لبروفر هو : هيتنج Heyting) . ولكن مذهب الحدس ليس منطقا بحسب جوهره ، وإنما هو مذهب رياضى . وفضلا عن ذلك فالمنطق فى نظر بروفر شأنه فى ذلك شأن كل لغة ، ليس دقيقا فى التعبير عن النشاط الرياضى الذى هو حدسى فى أساسه .

غير أن مذهب بروفير يظل مذهبا خاصا جدا ، وهو على هامش الرياضيات الكلاسيكية تماما .

رابعاً - الهندسات اللاإقليدية

١٦ - المصادرة الخامسة لإقليدس . هندسة لوبا تشفسكى

إذا أردنا توضيح بعض خصائص منهج البديهيات ، فإن نجد في ذلك خيرا من القيام بعرض سريع للهندسات اللاإقليدية . ولقد ذكرنا من قبل المحاولات المتعددة التي بذلت طوال عصور عديدة للبرهنة على مصادرة إقليدس القائلة بوجود خط مواز ، وخط واحد (وهي المصادرة الخامسة) . وفي مستهل القرن التاسع عشر ، أدى الإخفاق العام إلى إثارة فكرة جديدة لدى علماء الهندسة ، بصورة تبلغ قدرا غير قليل من الدقة ، وهي أن مسلمة إقليدس لا يمكن البرهنة عليها ، ومن الضروري أن نسلم بها دون برهان ، أو أن نسلم بأخرى تعادلهاء^(١) . وبالتدرج أخذت الآراء تتجه إلى رفض الفكرة القائلة إن قضية إقليدس هي نظرية لم يكشف بعد برهانها ، فاعتبرت مصادرة حقيقية لا يمكن استنباطها من المصادرات الهندسية الأخرى . ولو تذكرنا معيار استقلال المصادرات الذي أشرنا إليه في القسم « ٥ » ، لفهمنا معنى محاولة العالم الرياضى الروسى لوبا تشفسكى Lobatchevski (١٧٩٣ - ١٨٥٦) فلوبا تشفسكى قد بدأ بمصادرة مرتبطة ببقية مصادرات الهندسة الإقليدية ، وهي تنحصر في قضية تناقض مصادرة إقليدس ، إذ تفترض أن من الممكن من مستقيمين لا مستقيم واحد ، من نقطة خارج مستقيم . ومن هذا الأساس

P. Barbarin :| La géométrie non - euclidienne, (١)
Gauthiers - Villars p. 12

الأول ، استنبط نظريات عدة ، ونشر نتائج أبحاثه باللغة الروسية في مطبوعات جامعة قازان Kazan في عام ١٨٣٠ . ثم نشرها باللغة الفرنسية في مجلة Journal de Grelle ١٨٣٧ . ولا شك في أن النظريات التي تكونت على هذا الأساس الجديد كانت تناقض نتائج الهندسة التقليدية . فقد تبين مثلا أن مجموع الزوايا الداخلية للمثلث لا يساوى قائمتين ، بل هو دائماً أقل من قائمتين . ولكن لوبا نشفسكى لم يعثر على تناقضات «داخلية» في البناء الذي شيده على أساس معدل ولو وجد تناقض داخلي لكان في ذلك برهان على أن مصادرة إقليدس لم تكن مستقلة عن المصادر الأخرى في الهندسة ، وأنه يمكن البرهنة عليها .

ولا شك أن اعتراضا يخطر بالذهن هاهنا : فن الجائز أن لوبا نشفسكى لم يسر في التركيب الذي شيده إلى الحد الذي يجعله يصادف التناقض الذي كان كفيلا يهدم نظرياته ، وكان في الوقت ذاته كفيلا بأن يأتى أخيراً ببرهان على مصادرة إقليدس بطريق « الخلف » .

غير أن هذا الاعتراض قد وجد الإجابة عنه في مؤلفات الرياضى الألماني « فيليكس كلاين » Felix Klein ، (١٨٤٩ — ١٩٢٥) والعالم الرياضى « پوانكاريه » Poincaré ، (١٨٥٤ — ١٩١٢) . فقد وضع كلاين « أنموذجا إقليديا ، للهندسة اللاإقليدية . ووضع پوانكاريه « معجما ، يمكن من ترجمة نظريات لوبا نشفسكى بلغة إقليدية . وعلى ذلك ، فإذا كان من الممكن الاهتداء إلى تناقض في بناء هندسة لوبا نشفسكى ، فإن « المعجم » يتيح تحديدها التناقض في بناء الهندسة الإقليدية . فجمال صحة الهندسة اللاإقليدية يعادل في عمقه

تماما مجال صحة الهندسة التقليدية ، أى الهندسة الإقليدية القديمة (١).

وإذن فقد بين بوانكاريه التكافؤ التام بين الهندسة الإقليدية والهندسة الإلاقليدية عند لوباثفسكى ، من حيث الحقيقة . ومن هنا يكون السؤال عما إذا كانت إحداهما أصدق من الأخرى ، سؤالاً أسوأ وضعه . ولتدع بوانكاريه يتكلم : « فما قولنا فى هذا السؤال : هل الهندسة الإقليدية صحيحة ؟ ليس لهذا السؤال أى معنى ، بل هو لا يختلف عن التساؤل عما إذا كان نظام القياس العشرى صحيحاً والمقاييس القديمة باطلة ، وعما إذا كانت إحدائيات ديكرات صحيحة والإحدائيات القطبية باطلة . إن أية هندسة لا يمكن أن تكون أصدق من الأخرى ، وكل ما يمكنها هو أن تكون أكثر يسراً Plus Commode . على أن الهندسة الإقليدية أكثر يسراً من غيرها ، وستظل كذلك دائماً .

(١) — لأنها هى الأبسط . . .

(٢) — ولأنها تتفق إلى حد غير قليل مع خصائص الأجسام الطبيعية ، وهى الأجسام التى تقترب منها أعضاء جسمنا ، وعينا ، والى نصنع منها ما لدينا من أدوات للقياس ، (٢) .

ولقد كان لهذه الإشارة إلى اليسر دور كبير فى بداية هذا القرن ،

(١) نستطيع أن نتهدى ال أطراف من هذا المعجم فى كتاب بوانكاريه المشهور (العلم والفرس La science et l'hypothèse من ص ٥٧)
(٢) المرجع نفسه ص ٦٦ - ٦٧ .

فرأى البرجانيون فيها تأييدا لمبدئهم الفلسفي القائل إن الحقيقة تتصف بأنها قيمة للشفعة ، وليسر .

والحق أنه مهما كان لهندسة إقليدس من قيمة عملية تكاد تكون شاملة، فمن الممكن فعلا أن تظهر حالات تصبح فيها الهندسة اللاإقليدية أكثر مناسبة لأحد البحوث الخاصة . فعندما بدأت النظرية النسبية العامة لاينشتين تطبق، تبين أن من الممكن التعبير عنها عن طريق هندسة أخرى لا إقليدية (وهي هندسة ريمان) بطريقة أكثر يسرا منها في هندسة لا إقليدس . وعلى هذا فالإشارة إلى اليسر لا يمكن أن تمدنا بميار للقيمة « العقلية » ، « والتجريبية » المطلقة لهندسة من الهندسات .

٧ — هندسة « ريمان »

لقد أشرنا منذ هنيهة إلى الهندسة اللاإقليدية عند ريمان Riemann (١٨٢٦ - ١٨٦٦) . وهذه الهندسة بدورها لا تقبل قضية إقليدس القائلة بوجود مواز واحد وتتخذ هندسة « ريمان » بدلا من مصادرة إقليدس مصادرة أخرى تقول إنه لا يمكن رسم أى خط مواز لمستقيم : فأى مستقيمين على سطح معين يمكن أن يتقابلا . والواقع أن سطح أية كرة (حين ننظر إليه دون أية إشارة إلى بعد ثالث) يتمثل فيه مجال صالح للتوسع في هندسة ريمان ذات البعدين . فعلى مثل هذا السطح تكون الفكرة المناظرة للخط المستقيم في المسطح ^(١) الذى عرفه إقليدس ، هي دائرة كبيرة (وكما أن

(١) يلاحظ الفرق بين سطح الكرة عند ريمان (Surface) والمسطح عند إقليدس plan (المترجم) .

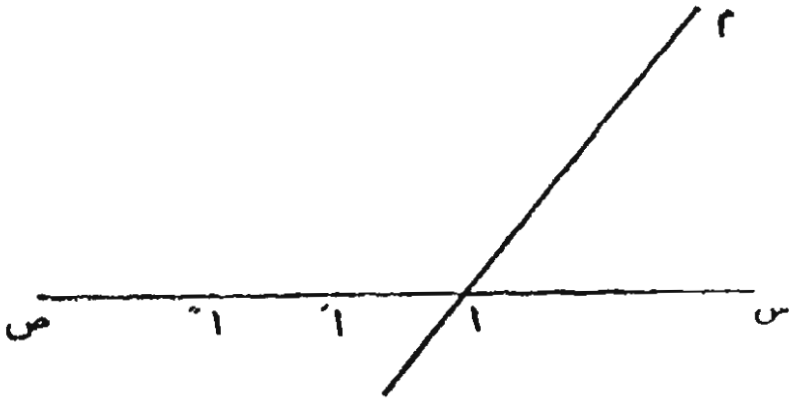
الخط المستقيم هو أقصر مسافة بين نقطتين على سطح واحد ، فكذلك الحال في الكرة ، حيث يكون الجزء من الدائرة المحصور بين نقطتين هو أقصر مسافة بين هاتين النقطتين) وواضح أن « المستقيم ، عند ريمان (أعنى الدائرة الكبيرة) لا يمكن أن يكون له خط مواز (أى دائرة كبيرة أخرى) من نقطة على « السطح ، (الكرة) خارجة عن هذا المستقيم . وفي هندسة ريمان يكون مجموع زوايا المثلث أكبر من قائمتين (إذ أن مجموع زوايا المثلث الكروى أكبر بكثير من قائمتين) .

١٨ — هل تتعارض مصادرة لوبا تشفسكى مع الحدس؟

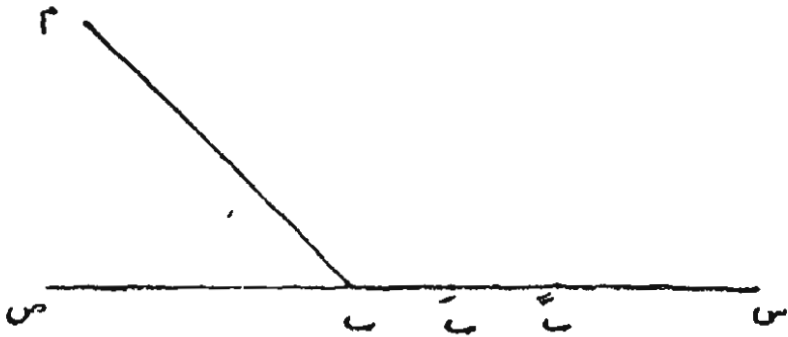
في هذه الإشارة إلى هندسة السطح الكروى نرى دعامة « لانهودج ، هندسة لاإقليدية في نظر الحدس . على أن معارضة الحدس الشائع قد تكون أعظم في بعض الأحيان . فكثيراً ما يسمى المرء تصور التعارض مع تجربة شائعة ، ومع حدس معتاد .

ومع ذلك فيبدو من الممكن تبرير المصادر الجديدة على أساس الحدس ولنعرض بإيجاز عملية الحدس بالنسبة إلى مصادرة لوبا تشفسكى القائلة إن من الممكن أن يمد من نقطة خارج مستقيم مستقيمان موازيان لهذا المستقيم .

فكيف يحاول المعلم ، في التربية الأولية ، أن يقدم فكرة الموازى؟ نفرض نقطة م خارج المستقيم م ص . ونمد منها قاطعاً يقابل م ص في أ . ونتصور أننا نغير موضع هذا القاطع في نقطة ١ ، ، ٢ ، ، ٣ ، وهى نقط تتباعد نحو المستقيم بالتدرج ثم نقول إنه في النهاية ، عندما تبعد النقطة ١ إلى ما لا نهاية ، يصبح القاطع موازياً للمستقيم م ص .



وغنى عن البيان أننا لو كنا قد تناولنا القاطع م ب ، ومجموعة من
النقط ب ، ب' ، ب'' متبعدة نحو اليسار . لأصبح لدينا خط مواز في النهاية
عندما تبعد النقطة ا إلى ما لا نهاية في جهة اليسار .



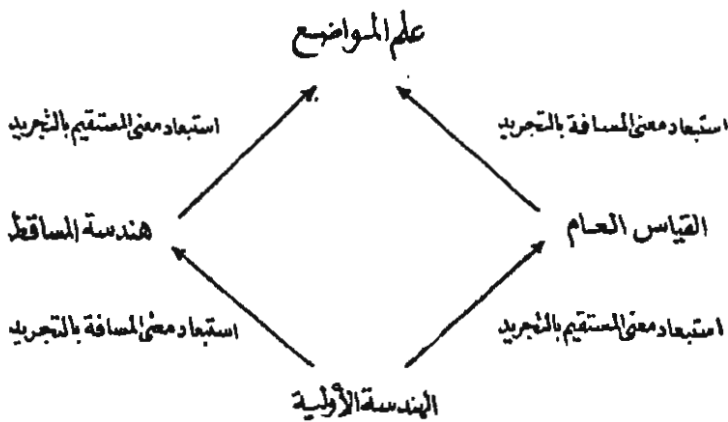
وإليك الآن ما اختاره إقليدس وما اختاره لوبا تشفسكى . ففي رأى
إقليدس أن الموازى المكون من نهاية القواطع على اليمين والموازى المكون
من نهاية القواطع على اليسار ، هو مواز واحد . أما لوبا تشفسكى ، يرى أن
هذين المستقيمين النهائيين هما موازيان ، يظلان متميزين في النهاية ، كما تتميز
بمجموع القواطع اليميني من مجموع القواطع اليسرى .

وبالاختصار فإن إقليدس يفترض فرضا زائدا على لوبا تشفسكى. وفي نهاية الأمر يتضح أن حدس لوبا تشفسكى كان هو الأكثر حرصا ، وهو الذى يضيف إلى الحدس الأصلي أقل إضافة ممكنة وهكذا ، فتى أقلنا عن الخلط بين الحدس وبين إحدى العادات ، ومتى تركنا للعقل حرية التامة فى الحدس ، فإن نستطيع القول إن مصادرة لوبا تشفسكى أقل اتفاقا مع طبيعتنا من مصادرة إقليدس .

١٩ - تعدد الهندسات :

وهناك دوافع أخرى متعددة للإكثار من الهندسات. ولكن قد يسمى المرء فهم الازدهار الحالى فى المذاهب الهندسية ، إذا أغفل ما يتصف به التفكير الهندسى من وحدة وثيقة .

فالهندسات التى تتباين فيما بينها تباينا هائلا ، يمكن أن تتلاقى معا على نحو ما ، وأن تتحد فى مجموعة محكمة متسعة من المذاهب . ولكى نعطي فكرة عن هذا التنظيم المتسق للهندسات ، نعلق على لوحة ظهرت فى الكتاب القيم الذى ألفه لوسيان جودو Lucien Godeaux (١)



فلنبداً بالهندسة الأولية ، وهي تنظم نوعين من الأفكار : أفكار يدخل فيها معنى المسافة ، وأخرى يدخل فيها معنى الخط المستقيم . فإذا استبعدنا أحد هذين المضمين أو الآخر عن طريق التجريد ، استطعنا الوصول إلى مذهبين أكثر عمومية .

فإذا جردنا معنى المسافة ، وصلنا إلى هندسة المساقط .

وإذا جردنا معنى الخط المستقيم ، وصلنا إلى علم القياس العام . فإذا قمنا بعد ذلك بتجريد معنى الخط المستقيم من هندسة المساقط وصلنا إلى علم المواضيع *Topologie* .

كما نصل إلى علم المواضيع هذا أيضاً إذا جردنا القياس العام من معنى المسافة . وهكذا يتمثل لنا علم المواضيع — الذى كان يسمى من قبل بتحليل الموضوع *analysis situs* فى صورة مذهب غاية فى العموم ، لا يتدخل فيه سوى الخصائص الترتيبية الأساسية *ordinales* (فلما كانت الطوبولوجيا لا تدخل معنى المسافة فى اعتبارها ، فلا مكان فيها للقياس *mesuro*) . وكما يقول جودو *Godeaux* ، فالطوبولوجيا ، من وجهة النظر الحدسية ، دراسة المسطحات والمنحنيات المرنة ، ويكون المسطحان أو المنحنيان متكافئين فى الدراسة الطوبولوجية ، اذا أمكن تطبيق أحدهما على الآخر عن طريق تغيير شكله ، ولكن دون تمزيق أو تغطية . والطوبولوجيا ، رغم ما يبدو عليها من بساطة مردها إلى تلك التجريدات التى أوضحناها ، علم رياضى عظيم الصعوبة ، لهذا كانت تجتذب كثيراً من المشتغين بالرياضة .

فكرة المجموعة :

من بين الأسس التي يقوم عليها تصنيف النظريات ، نجد أن لاعتبارات المجموعات ، الرياضية أهمية خاصة . فلنوضح بإيجاز فكرة المجموعة هذه .

المجموعة هي طائفة من العناصر يمكن أن « تؤلف » مثي ، مثي ، على نحو يعيد تكوين أحد عناصر المجموعة . ولهذا التأليف ثلاث خصائص :

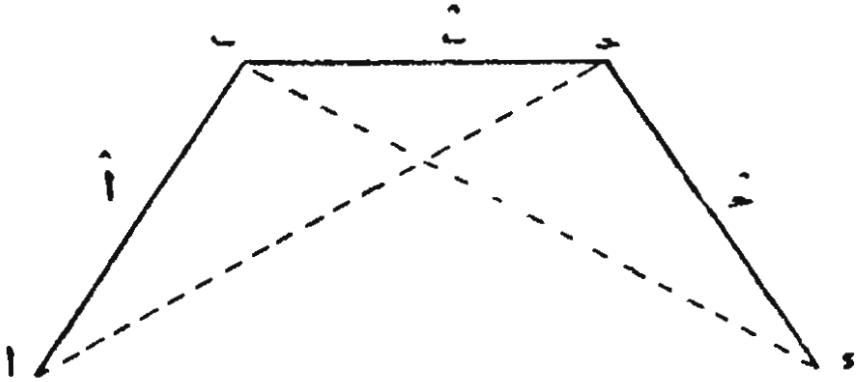
١ - أولها أنه ترابطي associative : فإذا تأملت ثلاث عناصر a, b, c ، ففي وسمى أولاً أن أولف بين a, b ، ثم أولف بين نتيجة هذا التأليف الأول وبين c ، ولكنتي أستطيع أيضاً التأليف بين a وبين نتيجة تأليف b, c : وفي الحالتين أحصل على نتيجة نهائية واحدة .

٢ - يوجد في المجموعة عنصر محايد (ويسمى أيضاً عنصر وحدة) . وتأليف عنصر محايد مع أى عنصر في المجموعة يؤدي إلى تكوين هذا العنصر .

٣ - لكل عنصر في المجموعة عنصر مناظر له (ويسمى أيضاً مقابله) . والتأليف بين العنصر ونظيره يؤدي إلى العنصر المحايد .

فلنضرب لذلك مثلاً : هو تنقلات أحد المسطحات . فإذا ألفنا بين نقلتين a, b ، b, c (أعني إذا أجرينا النقلتين بالتعاقب) أصبحت لدينا نقلة هي abc (التي تؤدي بالنقطة a إلى النقطة c)

١ - فإذا أجرينا ثلاث نقلات a, b, c بحيث تصل النقطة a إلى c فإنه يستوي عندنا أن نبدأ من a إلى c ثم إلى d ، أو من a إلى d ثم إلى c .



٢ - النقلة المحايدة هي التي يمكن تسميتها بالنتلة المنعدمة ، التي تترك كل الأشكال ساكنة .

٣ - كل نتلة تناظرها نتلة متماثلة معها : فلو تأملنا النتلة ا ب ، لو وجدنا النتلة المناظرة هي ب ا . والتأليف بين هاتين النتلتين المتناظرتين يؤدي بنا إلى النتلة ا ، التي كنا قد بدأنا منها . فنتيجة هذا التأليف هي النتلة المحايدة كما عرفناها من قبل .

وإن فتنتلات المسطح تكون مجموعة

ولنلاحظ بصفة عابرة أننا قد عرفنا خلال هذا العرض نظاما للبيدييات بطريقة مجردة تماما : وهو نظام البيدييات الخاص بالمجموعات ، والذي ضربنا له مثالا ملموساً : هو مجموعة نتلات المسطح .

أما الهندسة الأولية ، فتخضع لمجموعة التغيرات والتشابهات ، وهذا التعبير المجرد يفسر تجربة شائعة : فمن الممكن تغيير موضع شكل دون تغيير الشكل ذاته ، ومن الممكن زيادة أو إنقاص أبعاد شكل بنسبة واحدة ،

دون تغيير خصائصه الهندسية . والذي يُدهش في الأمر أن هذه الأوصاف المعتادة تكفي للدلالة على ماهية الهندسة الأولية . فإذا ما انتقلنا من الهندسة الأولية إلى مذهب هندسي آخر ، كالطوبولوجيا مثلا ، وجدنا مجموعة أخرى . ففي حالة الطوبولوجيا ، يجب فحص مجموعة تسمى بالمجموعة « المتماثلة الأشكال » *groupe des homéomorphies* . وتلك هي مجموعة التغيرات الزوجية المتناظرة والمتصلة ، أعني مجموعة التغيرات التي تجعل شكلين يتناظران نقطة نقطة مع بقاء جوارهما مستمرا .

وفكرة المجموعة لا تسكتني بأن تسود الهندسة ، بل إن الميكانيكا التقليدية تخضع لمجموعة معادلات لورنتس *Lorentz* .

وهذه الفكرة ، التي تبدو بمثل هذه البساطة في ظاهرها ، قد اهتدى إليها شاب فرنسي عبقرى قتل في مبارزة وهو في العشرين من عمره ، هو إفارست جولوا (Evariste Galois) (١٨١١ — ١٨٣٢) وقد طبق « جولوا » هذه الفكرة على حل المعادلات الجبرية ، وثبت من بحثه الأخير الذي كتب في الليلة السابقة على المبارزة ، أن جولوا قد أدرك ما في استخدام المجموعات في الجبر من خصوصية عظيمة . والواقع أن فكرة المجموعة ، ومعها بعض المعاني الأخرى المشابهة (مثل معنى الجسم والحلقة الدائرية ...) فكرة أساسية في الرياضيات الحديثة « فنظرية المجموعات هي ، بمعنى ما ، الرياضة مجردة من مادتها ومردودة إلى صورتها المحضة » (١) .

(١) أورده فرييه *Gustave Varriest* في كتابه

خامساً - امتدادات معنى العدد

٢١ - تعاقب الأعداد الصحيحة لا ينتهى :

أوضحنا في الفصل السابق كيف نشأت فكرة العدد ، فرأينا أن العدد كان ينحصر في إيجاد تناظر بين مجموعتين (بحيث يرتبط شيء من إحدى المجموعتين بشيء من المجموعة الأخرى) . فإذا أمكن إيجاد مثل هذا التناظر حتى تستنفد كل الأشياء في المجموعتين في وقت واحد ، أمكن القول أن عدد الأشياء في المجموعتين واحد .

ولكن لا يمكن معرفة العدد معرفة صحيحة ، إلا إذا استطاع المرء الوصول إلى التناظر بين الأشياء وأسماء الأعداد ، ثم إلى المعنى المجرد للعدد . وسرعان ما تتكون في الذهن فكرة السلسلة غير المحددة من الأعداد الصحيحة ، ويفهم المرء كيف يستعمل النظام الرقى دون أن يقف عند حد ، عندما يدرك أن عملية الوصول إلى الرقم التالى لعدد معين بإضافة واحد ، يمكن أن تستمر على ما هي عليه ، إلى ما لا نهاية . لهذا يمكن القول إن السلسلة غير المتناهية للأعداد الصحيحة الموجبة تبدو لدينا في حدس بسيط .

٢٢ - الأعداد السالبة والأعداد الكسرية :

لنفحص سلسلة غير محدودة ن من الأعداد الصحيحة الموجبة ١ ، ٢ ، ٣ ، ... ن . فإذا أخذنا أى اثنين من هذه الأعداد ، أمكننا دائماً أن نجعلها فتكون النتيجة التى نحصل عليها هي دائماً عدد في السلسلة م . ولكننا إذا نظرنا إلى حالة الطرح ، وجدنا أن هناك حالات لا يعود فيها

الطرح يمكننا . لهذا أدت الرغبة في المضي في عملية الطرح دون أى عائق ، إلى وضع معنى العدد السالب ، وبالتالي إلى زيادة سلسلة الأعداد عن طريق الأعداد السالبة . كما أدت استحالة إجراء عملية القسمة دون باق بين الأعداد الصحيحة في حالات معينة ، إلى التوسع في فكرة العدد ، عن طريق خلق الأعداد الكسرية . وكما يقول الرياضى بول ديبرل Paul Dubreil في بحثه عن الجبر « إن لمشاكل الامتداد التى تثار عن طريق مجرد تحليل لفكرة العملية ، أهمية قصوى » (١)

٢٣ — الأعداد الجندرية rationnels والأعداد الصماء irrationnels :

فلنفحص الآن امتدادات العدد كما تظهر عندما نستخدم العدد للتعبير عن نتائج القياس (mesure) : فقياس 'بعد معين (ولیکن طولاً مثلاً) هو البحث عن عدد مرات احتواء هذا البعد المراد قياسه ، على بعد آخر يتخذ وحدة وعندما حاول الفيثاغوريون قياس طول قطر المربع ، متخذين وحدة القياس من طول نحصل عليه بتقسيم ضلع المربع أقساماً متساوية ، أدركوا أن القياس فى هذه الحالة لا يمكن أن يتم بدقة ، وهكذا تبين أنه لا يوجد قياس مشترك بين طول الضلع وطول القطر . . . فلم يكن من الممكن الاهتداء إلى « مقياس مشترك ، commune mesure ، بين هذين المستقيمين اللذين يتمثلان فى شكل بسيط جداً .

(١) Paul Dubreil : Algèbre. Gauthiers—Villars 1946, p.24

ومطلب التطبيق دون استثناء ، يتمشى مع الفكرة الحديثة عن العملية المجردة : « تعريف العملية المجردة ينطوى على القول بأن هذه العملية ممكنة دائماً ، أعنى أن كل زوج ، بلا استثناء ، من العناصر a, b ، فى مجموع معين ، تناظره النتيجة c (التي تلتصق لى نفس هذا المجموع) .»

ولقد كان في ذلك ، إخفاق ، لتطبيق العدد على قياس الأبعاد . ومع ذلك ، كان من الضروري البحث عن « كيان » رياضى للتعبير عن « العلاقة » بين هذين الطولين اللذين تبين عدم وجود مقياس مشترك بينهما . ولما كان الرياضيون قد نظروا دائماً إلى الأعداد الصحيحة ، على أنها واضحة جلية أمام العقل ، ولما كان من الممكن القول بأن الأعداد الكسرية ترجع إلى الأعداد الصحيحة (بوصفها علاقة بين عددين صحيحين) فقد كان من الطبيعى أن يطلق على مجموع الأعداد الصحيحة والكسرية (الموجبة والسالبة) ، اسم الأعداد الجذرية^(١) . أما الكيانات الجديدة التى لا يمكن التعبير عنها بأعداد جذرية ، فقد سميت « صماء » .

فإذا رجعنا إلى النظرية الأساسية فى قطر المربع ، لوجدنا أن العدد الأصم الذى صادفناه كان $\sqrt{2}$ ، إذا اتخذنا من ضلع المربع وحدة^(٢) . ولنقل ثانية إن هذا العدد لا يمكن أن يوضع فى صورة كسر (ومن الممكن حسابه باستخراج الجذر التربيعى ، ولكن الحساب يظل تقريبياً على الدوام) وبهذه الإشارة إلى الجانب التاريخى ، وضعنا كيف ظهرت فكرة

(١) يلاحظ أن ترجمتها الحرفية هى : الأعداد « المقولة » ، كما يلاحظ أنه أشار فى مستهل هذه الجملة إلى أثر هذه الأعداد على « العقل » ، وذلك لتوضيح اشتقاق اللفظ .
(الترجم)

(٢) وتر المربع هو وتر مثلث قائم الزاوية ضلعاها هما ضلعا المربع . ولما كان مربع الوتر فى المثلث القائم الزاوية يساوى مجموع المربعين المنشأين على الضلعين الآخرين ، فإننا إذا افترضنا أن طول ضلع المربع (١) ، كان مربعه (١) أيضاً ، وكان مجموع مربعى الضلعين (المتساويين) « ٢ » الذى يساوى مربع الوتر ، فيكون طول الوتر نفسه هو $\sqrt{2}$.
(الترجم)

الأعداد الصماء في الهندسة . ولكن دورها في الجبر واضح . فالجذر $\sqrt[3]{2}$ هو جذر المعادلة $x^3 - 2 = 0$ صفر . ونستطيع كتابة عدد لامتناه من المعادلات تكون جذورها كلها أعداداً صماء .

وهكذا نرى أننا إذا أردنا حل كل المعادلات الجبرية ، فيجب علينا التوسع في عتادنا العددي . فهناك حلول معينة لمعادلات جبرية تعبر عنها أعداد صحيحة وكسرية . وهناك حلول أخرى تعبر عنها أعداد صماء (ووجود هذه الأعداد الصماء راجع إلى أن الأعداد الصحيحة والكسرية ليست كلها مربعات كاملة) ، وإذن فلضمان وحدة التفكير الجبري ، يجب أن نجمع في مذهب واحد بين مجموعة الأعداد الصحيحة ، والكسرية والصماء ، مثل $\sqrt[3]{2}$. ولما كانت كل الأعداد الصحيحة والكسرية والصماء ، كما عرفناها الآن ، يمكن تصورها حلولاً لمعادلات جبرية ، ترتب على ذلك أنها تندرج جميعها تحت اسم واحد هو الأعداد الجبرية .

٢٤ - الأعداد العالية :

ومع كل ذلك فما زلنا بعيدين عن الوصول إلى كل السكيات الضرورية لدراسة الكم دراسة عامة . فهناك نقط على محور السينات لا يمكن تحديد نقطها البيانية عن طريق أى عدد من الأعداد التي أشرنا إليها حتى الآن . وهناك أعداد ليست حلاً لأي معادلة جبرية ، وتسمى بالأعداد العالية transcendants (فالعدد $\sqrt[3]{2}$ مثلاً عدد عال : إذ ثبت أنه لا يمكن أن يكون حلاً لمعادلة جبرية) ولما كانت كل الأعداد الجذرية (الصحيحة أو الكسرية) حلاً لمعادلات جبرية ، فقد وجب أن تكون الأعداد العالية أعداداً صماء .

فالأعداد الصماء إذن نوعان : أعداد صماء مثل $\sqrt{3}$ ، وهي أعداد جبرية ، وأعداد صماء مثل π ليست جبرية ، ومن ثم كانت عالية حسب تعريفها .

والأعداد الجبرية والأعداد العالية تكوّن مجموع الأعداد المسماة بالحقيقية réels . ومن الممكن وضعها كلها مرتبة في مستقيم واحد ، فيكون مجموع هذه الأعداد هو مجموع كل نقط المستقيم . وهي كلها تنساوى في أنها أحوال للبقدار . وهكذا رأينا كيف ازداد عالم التفكير الرياضى ثراء بهذه الموضوعات الجديدة (١) .

١٥ — الأعداد الخيالية :

والجبر يبحث في الأعداد الخيالية إلى جانب الأعداد الحقيقية : وهي تظهر بدورها لتعميم القضايا . فإذا تأملنا مثلا المعادلة $x^2 + s + 1 = 0$ ، فنحن نرى أن علينا أن نستخلص الجذر التربيعى لعدد سالب ، وعندئذ نقول إن المعادلة ليس لها جذر حقيقى ، ومع ذلك ففي وسعنا أن نتصور إمكان حل هذه المعادلة إذا قلنا بفكرة العدد الخيالى . غير أن المسألة في هذه المرة ليست امتداداً لفكرة العدد بالمعنى الصحيح : إذ لا يمكن تصور العدد الخيالى بأنه نقط على خط مستقيم ترتب عليه كل الأعداد الحقيقية ، بل إن العدد الخيالى

(١) إذا عدنا إلى استخدام تسميات هيلبرت ذاتها ، أمكننا أن نسمى « منهج إدخال معنى العدد الحقيقى بالمنهج التركيبى génétique ، مادام أعم معنى للعدد الحقيقى ينتج عن طريق امتدادات متعاقبة لمعنى العدد الصحيح ، ولكن من الممكن إدخال معنى العدد الحقيقى مباشرة عن طريق مناهج البديهيات الحديثة . فتحدد هذا المعنى عن طريق خصائص تذكر فى لسق من البديهيات .

هو في الواقع تنظيم لعددین حقیقین ، ويجب ألا يعبر عنه بأنه نقطة على مستقيم لحسب ، بل على أنه نقطة على مسطح . وهنا تغيير كامل للمعنى الأساسی للعدد ، وهو تغيير يزيدنا شعوراً بحقيقة مجموع الأعداد الحقيقية (أى الأعداد الجبرية والأعداد العالية) .

٢٦ - فكرة اللامتناهى - فكرة القوة :

وبعد هذا العرض السريع للامتدادات المتعاقبة لمعنى العدد ، يجب علينا أن نفسح مكاناً لامتداد متطرف ، وأن نختبر بإيجاز مسألة العدد اللامتناهى . والواقع أن الرياضة الحديثة قد أدركت ضرورة استبدال فكرة جديدة بفكرة العدد لحل مسائل تتعلق بمجموعات من الأشياء ولا نهاية لعددها . وتلك هى فكرة القوة ، : تقسمى الفئات اللامتناهية من الأشياء باسم المجموعات *ensembles* . ودراسة المجموعات مبحث أصبحت له أهمية قصوى منذ ما يقرب من قرن من الزمان . ويسمى الرياضيون الباحثون فيه باسم المجموعيين *ensemblistes* .

فعلى أى نحو تبدو فكرة قوة مجموعة لا متناهية ؟ يقال عن المجموعتين إن لهما نفس القوة إذا أمكن وضع تناظر بينهما عنصراً عنصراً (أى تناظر فردى بين كل زوج) .

فكما أن العدد قد استمد معناه من أن فئتين متناهيتين تتفقان في العدد ، فكذلك تستمد القوة معناها من أن مجموعتين لا متناهيتين لهما نفس القوة . ونقول بعبارة أخرى إن معنى العدد لا يصلح لدراسة مجال اللامتناهى ، بل ينبغى أن نستعين في هذه الدراسة بفكرة القوة ، وهى فكرة توسع

معنى العدد ، وتستخدم مع ذلك فكرة التناظر واحدا واحدا ، التي نجدها في أساس بناء الحساب ذاته .

فلننظر بالأمثلة إلى تطبيق فكرة القوة . ولنفحص مجموع حواصل الضرب في ٣ ، ومجموع حواصل الضرب في ٥ فإذا كنا بصدد عدد متناه ، أى الأعداد المائة الأولى مثلا ، كان عدد حواصل الضرب في ٥ أقل بطبيعة الحال من عدد حواصل الضرب في ٣ . ولكن إذا قارنا المجموعات اللانتهية عن طريق فكرة القوة ، وجدنا أن المجموعتين (حواصل الضرب في ٣ وحواصل الضرب في ٥) لهما نفس القوة ، التي تساوى بالضبط قوة مجموع الأعداد الصحيحة ، وهى القوة الأساسية المسماة بقوة العدود *dénombrable* ، .
ويكفى أن نضع ٣ ، ٥ بوصفها عوامل ، لكي نبين أن من الممكن إيجاد تناظر بين هذه المجموعات الثلاث جدا جدا :

$$\begin{array}{ccccccc} \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & ٥ & ٤ & ٣ & ٢ & ١ \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & ٥ & ٤ & ٣ & ٢ & ١ \end{array}) ٣$$

$$\cdot \cdot \cdot \cdot ٥ \quad ٤ \quad ٣ \quad ٢ \quad ١) ٥$$

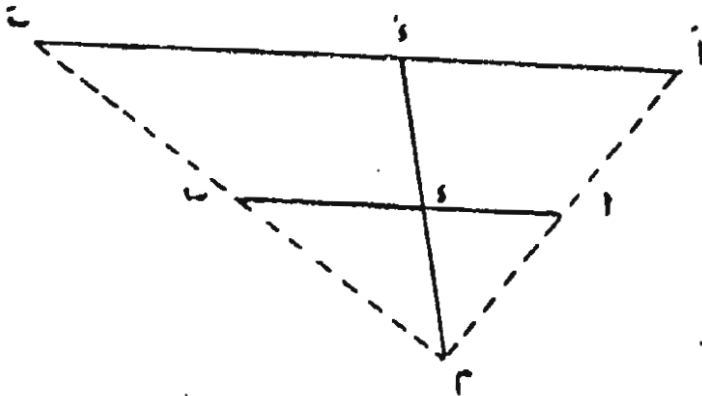
وليس من العسير أن نثبت أن مجموع الأعداد الكسرية يساوى هو الآخر قوة العدود . بل من الممكن أن نثبت بها أمرا آخر أصعب ، وهو : أن مجموع الأعداد الجبرية (التي تشمل ، إلى جانب الأعداد الصحيحة والكسرية ، على أعداد مثل $\sqrt[٣]{٣}$ ، $\sqrt[٣]{٣}$ ، $\sqrt[٣]{٣}$) له هو الآخر قوة العدود .

ولقد كان لاستبدال فكرة القوة بفكرة العدد قيمة تنظيمية كبرى

في بحث مشاكل الالامتناهى العددى . وعلينا أن نتبه جيداً إلى هذه القيمة .
والحق أن الفكرة هنا ليست عسيرة ، بل إن كل فيلسوف يريد أن يظل
على صلة بالمشاكل الحديثة يستطيع أن يفهمها دون عناء كبير .

أما مجموع الأعداد الحقيقية (وبالتالي مجموع نقط المستقيم) فيجب أن
نبحث له عن قوة أخرى . فهذا المجموع ليست له قوة العدود ، بل له قوة
السكم المتصل التي سوف نفحصها الآن .

فلنفحص جزءاً من مستقيم طوله ab ، وجزءاً طوله مضاعف هو
 ab' . ففي كل منهما بطبيعة الحال عدد لامتناه من النقط ، ومع ذلك فإذا
أردنا مقارنة هاتين المجموعتين اللامتناهيتين من النقط ، كان الجواب
المتسرع هو أن نقط ab' ضعف نقط ab ، ما دام طول ab' ضعف
طول ab . ولنتصور المستقيمين كما في الشكل التالى . فمن الممكن أن تودى
قواطع مثل cd إلى إيجاد تناظر بين كل نقطة من ab وبين نقطة واحدة
تخسب من ab' ، وبالعكس . وهكذا نجد أن مجموع ab ومجموع ab'
لهما نفس القوة ، وهى القوة المسماة بقوة المتصل . وليس هذا البرهان حديثاً ،



بل إنه يظهر في كتاب « أولر Euler »^(١) ورسائل إلى أميرة ألمانية .

على أن فكرة القوة هذه ، التي ثبت أن لاغناء عنها في دراسة المجموعات اللامتناهية ، قد تحير الحدس ولنضرب لنلك مثلاً : فلنتصور جزءاً من خط مستقيم ab ، ونقسمه إلى ثلاثة أجزاء متساوية ، ثم نمحو الجزء الأوسط . ثم نعيد عملية التفريغ في الجزئين الباقيين ، ثم في الأربعة أجزاء الباقية ، وهكذا دواليك . قد نظن أن عمليات البتر هذه ، التي تتوالى إلى ما لا نهاية ، تؤدي إلى تناقص عدد نقاط ab بسرعة كبيرة . ولكن لنقل مرة أخرى إن فكرة العدد لا تصلح للتعبير عن عناصر المجموعات اللامتناهية . ويثبت الرياضيون أنه على الرغم من هذا التناقص غير المحدود ، يتبقى من المجموع الأول ab نقط تكفي لكي يكون المجموع الباقي مساوياً على الدوام لقوة المتصل .

وبصادفنا دافع آخر من دوافع الدهشة إذا تابعنا الرياضى في تقديره لقوة مجموع نقط المسطح . فقد أوضح الرياضى الإيطالى « بيانو Peano » تركيب المنحنى الذى يمر بجميع نقط المربع . ولما كان مجموع نقط المنحنى له قوة المتصل ، فلا بد أن نستنتج إذن أن مجموع نقط المسطح له نفس القوة بالضبط .

والحق أننا إذا أردنا توضيح أهمية فكرة القوة هذه فى الأبحاث الدائرة حول ظواهر اللامتناهى ، فربما يجب أن نأتى بأمثلة أخرى متعددة .

(١) ليونارد أولر (١٧٠٧-١٧٨٣) عالم رياضى وفلكى سويسرى مشهور ظهرت له أبحاث عظيمة القيمة خلال القرن الثامن عشر (المترجم) .

ولكن الأمثلة التي أوضحناها تبكى في بيان العمل الضخم لضروب
الحدس ، التي تظل تصحح على الدوام عن طريق إنتاج العقل لأفكار
جديدة أخرى ، وهي أفكار أصلح من الصور الأولى التي كوَّنت
في حدس متسرع .

مراجع

— Pierre Boutroux : L'idéal scientifique des mathématiciens (Alcan 1920).

بيير بوترو : المثلى العلمى الأعلى لعلماء الرياضه

— Henri Poincaré : La science et l'hypothèse (Flammarion)
[پوانكاريه (العلم والفرض) . [انظر بوجه خاص الفصول الخمسة الأولى]

— G. Bouligand : les aspects intuitifs de la mathématique
Gallimard 1944,

بوليجان : الأوجه الحدسية الرياضه

— G. Bouligand et J. Desgranges : Le déclin des absolus
mathématico-logiques (Sedes 1949).

— Les grands courants de la pensée mathématique,
présentés par F. Le Lionnais (Cahiers du Sud 1948).

التيارات الكبرى للتفكير الرياضى . قدمه لوليونييه

— Russel : Essai sur les fondements de la géométrie
(trad. Cadenat 1901).

رسل : رساله فى أسس الهندسه (ترجمه فرنسيه)

— F. Gonseth : Les fondement des mathématiques
(Blanchard 1926).

جونست : أسس الرياضيات

— Godaux : Les géometories (Colin 1937)

جودو : الهندسات

— G. Verricat : Les nombres et les espaces (Balin 1951).
فرييه : الأعداد والامكنه

— E. Colerus : De pythagore à Hillbert (Flammarion).

كولروس : من فيثاغورس إلى هيلبرت

الفصل السابع

العلوم الطبيعية

تتصف العلوم الطبيعية الحديثة بتطبيقها للرياضيات على معرفة الطبيعة ، تبعا لفكرة عبر عنها ديكرت ، وإن كان تحقيقها يرجع إلى كيلر وجاليليو . وفيما بعد طبق «لافوازييه» هذه الفكرة على الكيمياء .

ومن الممكن رد مناهج هذه العلوم إلى ثلاث عمليات متتالية :

١ — تحديد الظاهر ، الذى لا ينحصر فى مجرد ملاحظتها بدقة ، حتى لو كان ذلك من طريق آلات التحليل ، والتكبير ، والتسجيل ، بل ينطوى على قياس ظواهر مختارة ، وتفسير هذا القياس وتصحيحه .

٢ — البحث عن القوانين ، أى عن العلاقات الضرورية التى تصدق بصفة عامة ، والتى تربط الظواهر بعضها ببعض وليس هذا البحث قراءة بارعة للظواهر ، كما ظن «جون استيوارت مل» ، بل هو إبداع حقيق . ومن الممكن تصنيف الانمساط الرئيسية للإبداع التجريبي .

٣ — التحقق من صدق القوانين ، أو التجريب ، وهو اختبار الفكرة عن طريق ظواهر ينتجها المرء أو يتنبأ بها . ويقال عن هذا التحقيق - تبعا لاصطلاح بيكن - إنه حاسم *cruciale* إذ كان يتخذ صورة برهان الخلف ، الذى نصل إليه بحذف الفروض الباطلة ولكن هذا الخلاف لا يؤدي أبداً إلى نتيجة دقيقة منطقياً . وأخصب أجزاء المنهج التجريبي هو «الفرض» ، الذى يخترع من أجل تفسير الظواهر بقانون سوف تتحقق من صدقه تجريباً . والطبيعة الرياضية فرضية استنباطية ، شأنها فى ذلك شأن العلوم الرياضية ، وكل ما فى الأمر أن البرهان فى هذه العلوم الأخيرة يأتي عن طريق الإثبات الاستنباطي ، أما فى الأولى فالاستنباط يبحث عن البرهان فى الظواهر .

أولا — نظرة إجمالية

١ — ضرورة التفرقة بين الجانب النظرى والجانب العملى ، وبين العالم

والمهندس :

تقوم حضارتنا المادية على أساس الصناعة العلية . وهى تتحقق بذلك حلما طاف بذهن « ديكارت » .

فقد أكد ديكارت أنه « بدلا من هذه الفلسفة النظرية التى تعلم فى المدارس ، يمكن الاهتمام إلى طريقة عملية تتيح لنا - متى عرفنا قوة وآثار النار والماء والهواء والنجوم والسموات وجميع الأجسام الأخرى المحيطة بنا ، بمثل الدقة التى تعرف بها مختلف مهن الصناع لدينا - استخدام جميع هذه القوى فى كل الاستعمالات التى تصلح لها . وبهذا نصبح سادة مسيطرين على الطبيعة » (١) .

ولكن من الضرورى أن نميز فى ضروب التقدم التى أحرزها عصرنا بين دور العلوم بمعناها الصحيح ، ودور الأساليب الفنية . ولهذا الفصل بين المجالين أهمية بالنسبة إلى مناهج البحث العلمى أولا ، وبالنسبة إلى الأخلاق ثانياً وعلى وجه أخص . ذلك لأن من الجائز أن يكون الحكم الذى نصدره على مدينتنا إذا تأملنا النتائج العلية التى وصلت إليها ، مختلفا كل

الاختلاف عنه إذا تأملنا التطبيقات الصناعية التي استخلصها من العلم ، وخاصة لأن هذه التطبيقات الصناعية لم تصدر كلها عن العلم مباشرة ، بل الأمر أبعد من أن يكون كذلك .

وعلى أية حال ، فالعلم يستهدف المعرفة : إذ يخصص العالم الذرات وقيس أبعاد النجوم ، ويحسب عمر الأرض . أما القائم بالتطبيق الفنى ، أى المهندس ، فيحاول الوصول إلى كشوف تزيد من رخاء الإنسان وقوته ، وذلك باستخدام النتائج التى توصل إليها العلماء فى معاملهم فى أغلب الأحيان ، فالتمييز بين الاثنين واضح كل الوضوح .

والذى يهمنى وحده هنا هو العلم بمعنى الكلمة .

حقاً إن من العسير أن نفرصه عن الأساليب الفنية فصلاً تاماً : إذ أن المصنع يشتغل من أجل المعمل ، بمعنى أنه يزوده بأجهزة عديدة (كالآلات الكهربية والعدسات الفلكية) . . . وهى أجهزة يحتاج صنعها إلى مقدرة صناعية غير ضئيلة ؛ وفضلاً عن ذلك فالمصنع هو — بمعنى ما — معمل ضخم للتحقيق التجريبي ، وللكشف فى كثير من الأحيان : فإذا كنا على يقين من صحة العلم ، فإن قدرأ كبيراً من ذلك اليقين يرجع إلى أن ذلك العلم قد ثبتت صحته بالتطبيقات الصناعية . فالقوة تبرهن على العلم — ولكن العلم ليس هو القوة .

٢ — الفلك ، وعلم الطبيعة ، والكيمياء :

سوف نفرق ، بناء على المصطلحات التقليدية ، بين علم الفلك وعلم الطبيعة والكيمياء ، وإن يكن من المحال أن ننسب إلى هذه التفرقة قيمة مطلقة ،

فنحن نعلم أن هذه العلوم الثلاثة قد أصبحت متداخلة في أيامنا هذه .

ومع ذلك فسوف تصبح نظرتنا إلى علم الطبيعة الرياضى أكثر وضوحاً إذا ما عدنا بها إلى الوراثة قليلاً ، أى إلى العهد الذى كان علم الفلك وعلم الطبيعة والكيمياء فيه علوماً متميزة . وكما قال ديكارت ، « فإننا ندرك طبيعة هذه العلوم على نحو أكثر يسراً إذا تأملناها وهى تظهر على هذا النحو شيئاً فشيئاً ، مما لو تأملناها وهى تامة كاملة » .

١ — فلم الفلك الرياضى قد كشفه اليونانيون ، وقد أراد أفلاطون نفسه أن يحوله إلى نوع من الميكانيكا السماوية (١) . والواقع أن مشكلة التفسير الفلسفى بالنسبة إلى اليونانيين كانت تقتصر على افتراض وجود حركات حقيقية ، أرادوا أن تكون دائرية مطردة ، حتى يمكن تفسير المظاهر البادية فى السماء ، لأن الدائرة التى تعبر بحركة مطردة كانت تبدو فى نظرهم الشكل الميكانيكى الوحيد الذى يمكن أن يعقل حقيقة ، ولاشك أن ميتافيزيقا (الفرجلر) هذه — إذا أجزى لنا هذا التعبير — كانت ضيقة الأفق إلى حد ما ، ولكن توجيهها كان صحيحاً إلى حد بعيد . ثم أدى تقدم الهندسة إلى تقدم علم الفلك . فعندما أصبح الشكل البيضاوى معقولاً تماماً ، على غرار الدائرة ، وعندما أمكن تحويل عدد كاف من الأقواس بعضها إلى بعض ، عندئذ حدث ما يسمى بانقلاب « كبرنك » ، وأمكن الاهتداد إلى قوانين كيبلر . ولإنا نعلم أن كبرنك (١٤٧٣ — ١٥٤٣) قد اقترح فى كتابه المسمى بالدورات

(١) République, livre VII, 529 d, Bibliothèque de la pléiade, 1, p. 1122 - 1123 et la note 54 de Robin.

السموية *les révolutions célestes* (والذى ظهر فى نفس العام الذى توفى فيه) تغيير أساس ملاحظتنا الفلكية ، وذلك بأن تصبح الشمس مركزاً رياضياً للكون بدلا من الأرض . وقد صاغ كبلر القوانين الثلاثة التى تخضع لها حركة كوكب المريخ حول الشمس ، ثم طبقت هذه القوانين خلال القرن السابع عشر على جميع النجوم وتوابعها . كما استغل (كبلر) الملاحظات الدقيقة التى قام بها أستاذه ، تيكوبراهى ، Tycho-Brahé ، .

٢ - كان اليونانيون لا يكادون يعلمون شيئاً عن علم الطبيعة الرياضى (بمعناه الضيق) ، هذا إذا استثنينا علم الصوت الرياضى الذى درسه الفيثاغوريون باسم « علم توافق الأصوات » (١) . وكانوا يعتقدون أن عالم ما فوق القمر هو وحده الذى يتمثل فيه النظام ، والقوانين ، والحكمة ، وأن العالم الأرضى أقرب إلى الفوضى ، ومن هنا كان لديهم علم فلك عقلى ولم يكن لديهم علم طبيعى .

ولقد تفرع علم الطبيعة الحديث عن الميكانيكا القديمة ؛ وعلم الفلك لدى كبرنك ، فى آن واحد . وكان جاليليو (١٥٦٤ - ١٦٤٢) هو الذى حدد صورته عندما وضع قوانين سقوط الأجسام . ووضع « ديكارت » ، أسس علم الضوء عندما صاغ (فى وقت واحد مع الأستاذ الهولندى سنليوس Snellius) قانون الانكسار (فى بحثه : انكسار الضوء Dioptrique عام ١٦٣٧) . وأصبح علم الكهرباء ، الذى كانت تدخله عناصر الدجل

République, livre, VII, 350 et, 351 c. Biblio- (١)
thèque de la Pléiade 1 P. 1124-1125.

والتهويش ، وربما التصوف في القرن الثامن عشر ، علماً عقلياً رياضياً في القرن التاسع عشر ، على يد كولومب Coulomb .

٣ — أما الكيمياء الحديثة فقد بدأت على يد لافوازييه (١٧٤٣ — ١٧٩٤) . وكثيراً ما يظن أن « الانقلاب الكيميائي » الذي قام به لافوزيه ينحصر في تحليله للهواء والماء . ولكن في هذا غيبناً له ، إذ إن يرفع ذلك من قدره فوق « شيله Scheele » ، أو « بريستلي Priestley » ، مثلاً . وإنما يرجع إليه الفضل في الكشف عن الوسيلة التي تصبح بها الكيمياء رياضية ، ولهذا عرف العنصر الكيميائي تبعاً لثبات الوزن لحسب .

ثانياً — منهج علوم الطبيعة

٣ — قواعد جون استيوارت مل ، لا تفسر هذا المنهج :

سيطر على منهج علوم الطبيعة مدة طويلة وصف خاطيء يرجع إلى جون استيوارت مل (١٨٠٦ — ١٨٧٣) ، الذي عرضه في كتابه عن المنطق (١٨٤٣)^(١) . فلنوضح عنصر البطلان فيه ، لكي نستخلص وجه الصواب في ذلك المنهج العلي .

فلقد نشأ « مل » في جو عقلي مشبع بروح المذهب التجريبي الانجليزي،

(١) John Stuart Mill : System of logic, deductive and inductive. chap VIII and IX, Book III.

وقد رأينا أن نيسط عرض ما فيه من آراء ، وتزبدها ايضاحاً وإيجازاً ، مع مراعاة عدم الإخلال بها .

على أن خطأ المذهب التجريبي يكمن في اعتقاده أن التجربة تقوم على أساس الإحساس السلبي تماما . ولكن سبق أن أوضحنا أن الإدراك الحسى بعيد عن الإحساس كل البعد ، إذ هو ينطوى على قدر غير قليل من التنظيم العقلي . فإذا تقول عن التجربة العلية ؟ إن هذا الخطأ يرجع إلى خطأ آخر ، ينحصر في اعتقاد أن الإحساس ، أو بعبارة أدق ، الواقعة المحسوسة ، تنطوى في ذاتها على المعارف التي سنستخلصها منها .

ونتيجة ذلك أن منهج علم الطبيعة ، في نظر المذهب التجريبي ، هو مجرد اقتطاع من سلسلة التجربة ، مع الاحتفاظ بمعالها الطبيعية . فإذا يكون التفسير ؟ إنه الكشف عن علة هي الظاهرة . والعلة السابقة المطردة غير المشروطة . ومعنى ذلك أنها الظاهرة التي تسبق تلك التي نحن بصدد تفسيرها ، والتي تسبقها دائما وتكفي لإيجادها . وبهذا يمكننا استخدام المنطق لاستنباط الطرق والقواعد (Canons) التي يجب اتباعها في عملية الاقتطاع هذه :

(أ) طريقة الاتفاق : فما دامت العلة هي السابقة المطردة غير المشروطة ، فمن الممكن الاهتداء إليها إذا أدركنا أنها هي التي تسبق الظاهرة المراد تفسيرها باطراد مهما تغيرت الظروف .

(ب) طريقة الاختلاف : ولهذا السبب عينه ، يمكن الاهتداء إلى العلة أيضا إذا أدركنا أنها هي التي تحتقن إذا لم توجد الظاهرة ، وظلت جميع الشروط الأخرى على حالها .

(ج) طريقة التلازم في التغيير : كذلك يمكن التعرف على العلة إذا كان تغييرها يؤدي إلى تغير الظاهرة باطراد مع بقاء كل الشروط الأخرى على ما هي عليه .

(د) طريقة البواقى : إذا أمكن عزل مجموعة من السوابق والتأخرجات ، وأمكن ربط كل واحدة من التأخرجات ، فيما عدا واحدة ، بكل واحدة من السوابق فيما عدا واحدة ، كانت السابقة الباقية هى علة النتيجة الباقية ، أى أن باقى السابقة هو علة باقى النتيجة .

فتفسير ظاهرة الندى ، فى نظر التجريبي ، هو أن نعد إلى مجموعة الظواهر المتشابهة فنعزل منها بمهارة المجموعة التى تكونها الظاهرة (مثل تجمع قطرات الماء على حجر ، أو على عشب ، الخ) ، والسابقة المطردة غير المشروطة (تباعد درجة الحرارة بين الحجر أو العشب الذى ظل أو أصبح أكثر برودة وبين الجو ، الذى يحمل قدرًا كافيًا من الماء ، ويصبح ، أو يظل أكثر حرارة) وهنا نرى كيف يمكن تطبيق المناهج الأربعة على هذه الظاهرة .

ومن المؤكد أن اليأس من الوصول إلى الهدف قد يدفع المرء إلى أن يسلك هذا المسلك عندما يكون أكثر حاجة إلى العمل منه إلى الفهم ؛ أضف إلى ذلك أن الظروف موالية لذلك ، إذ تكون الصدق ، أو التقاليد قد وجهت العالم نحو السابقة الواضحة التى أحدثت النتيجة — وهذا المسلك شبيه بما يفعله من يحاول إيجاد تفاعل معدنى فى بوتقة .

العلم والتجربة التامة ، : ولكن العلم لا يتكون بهذه الطريقة . فالطرق التى وضعها ستيوارت مل هى طرق التجربة التامة *experientia vaga* (على حد تعبير بيكن نفسه) ونجد الدليل على ذلك فى نفس التجربة التى أشرنا إليها من قبل ، وهى تجربة الندى . فتفسير الندى لا ينحصر فى عزل سلسلة

متابعة من الظواهر ، بل هو أن تتصور القوانين الرياضية الخاصة باصنطع الشبع لبخار الماء في درجات الحرارة المختلفة داخل الظواهر ذاتها ، وهذه القوانين قد وضعها جاي لوساك Gay - Lussac ورينيو Regnault الخ . بعد تجارب عدة في المعمل . فالظاهرة التي استخدمها ستوارت مل لتوضيح نظرياته وتطبيقها ظاهرة مزيفة - وهي لم تقرر ولم تبحث في واقع الأمر على النحو الذي تقضى به قواعده : بل كانت النظرية الرياضية هي الأساس الضمني لها منذ البداية .

والخطأ الذي وقع فيه مل هو اعتقاده أن الظواهر تنطوي في ذاتها على التفسير . والحقيقة أن الواجب هو جلب التفسير إليها . فالتفسير ينزع أكثر مما يكتشف ، ثم يحقق بعد ذلك . وأساس المنهج التجريبي هو اختراع الصيغة الرياضية (١) .

٤ - أمثلة لبحوث في العلوم الطبيعية تكشف عن عملية ذات ثلاث مراحل:

إن أول مثال تقدمه هو أنبوبة توريشيلي . فقد استشار صناع النافورات في فلورنسا ، جاليليو ، في ظاهرة لاحظوها ، وهي أن المساء الذي يستخرجونه من الآبار بالمضخات الماصة لا يصعد أكثر من ٣٦ ذراعاً (٢)

(١) فند رينوفيه Renouvier أولا نظرية ستوارت مل ، وذلك في كتابه (المنطق العام) (الفصل الرابع والثلاثين ، توضيح رقم ب) logique générale 2e éd. (colin) - وفندا ثانية وفي أيامنا هذه ، برشفيك في كتابه : التجربة الإنسانية والعملية الطبيعية L'expérience humaine et la causalité physique (السكان ١٩٢٠) الجزء الأول ، الكتاب الثالث .

(٢) في الأصل الراسى 18 brasses وهو مقياس يساوى ذراعين تقريباً .
[المترجم]

(١٠ أمتار و ٣٣ سم) بأية حال من الأحوال . فما سبب هذه الظاهرة ، يقول علماء الطبيعة إن ارتفاع الماء في الأنبوبة يرجع إلى أن الطبيعة تفرغ من الفراغ ، ولكن كيف نفسر أن هذا الفرع ، يتوقف عندما يصل الماء إلى ارتفاع ٣٦ ذراعا ؟ أجاب جاليليو إجابة لا قيمة لها لأنها سطحية ، ولا تفسر شيئا في واقع الأمر : ولكن ظهرت عبقريته في علم الطبيعة الرياضية في نقطة معينة : فقد تنبأ بأن هذا الحد الأعلى من الارتفاع يتناسب تناسبا عكسيا مع كثافة السائل .

(١) وهنا يبدأ عمل توريشيلي ، الذي كان تلميذا لجاليليو . فهداه خياله إلى اجراء تجربة يستخدم فيها أثقل السوائل ، أى الزئبق . فإن كان جاليليو على حق فإن الزئبق سوف يرتفع في أنبوبة مفرغة إلى ارتفاع أقصى ما تكون نسبته إلى الست والثلاثين ذراعا كنسبة كثافة الزئبق إلى كثافة الماء . أعنى أنه سوف يرتفع قدر ذراعين على وجه التقريب وبدلا من تفريغ الأنبوبة بما فيها من هواء باستخدام مضخة ، يلحم أحد طرفيها وتملأ زئبقا حتى حافتها ، ويصب هذا الزئبق من الطرف الآخر . ونحمل الأنبوبة وهي مليئة بالزئبق ، مع تغطية الطرف المفتوح ، ثم نقلب في إناء من الزئبق ، ثم ينزع منها الغطاء تحت زئبق الإناء ، فيلاحظ أن الأنبوبة إذا كانت طويلة بقدر كاف فإن الزئبق يهبط فيها قليلا ، ولكنه يظل مرتفعا حتى المستوى المتوقع ، وهو ذراعان وقيراط ، (٧٦ سم) . تلك هي الظاهرة (حوالى ١٦٤٤)

(ب) وقد ابتكر توريشيلي تفسيرا لها . وينحصر هذا التفسير في أن تتصور الأنبوبة وإناء الزئبق على أنهما الفرع الأول والقرار لوعاء على شكل الحرف U ، ويحتوى على سائلين متوازيين أحدهما هو الزئبق ،

فما هو الآخر ؟ إن الآخر هو الهواء الذي يجب اختراعه بالمعنى الصحيح ، إذ أنه لم يكن من العناصر التي يلاحظ وجودها في هذه التجربة . ولكننا نعلم أن الهواء موجود ، وأن له وزنا . ثم إن جاليليو كان هو الذي حدد كثافته بمقدار رطل من كثافة الماء . ونحن نعلم أيضا ، عن طريق الملاحظات الجوية ، أن الغلاف الجوي حول الأرض يبلغ سمكه ما بين ٥٠ ، ٥٤ ميلا ، على حد قول توريشيلي : لجميع هذه الظواهر يمكن ربطها بعملية رياضية . فبضرب ارتفاع الغلاف الجوي المعروف في كثافة الهواء المعروفة ، فنحصل على ناتج يعادل إلى حد بعيد ، الناتج الذي نحصل عليه إذا ضربنا كثافة الزئبق في ارتفاعه العمودي فوق سطح الوعاء . وتلك هي الفكرة التي تتخذ صورة رياضية دقيقة .

(ج) وهذه الفكرة تبدو من الآن راسخة ، بفضل ما تتصف به من مطابقتها للعقل . وهي فكرة رائعة ، ولكنها لن تصبح صحيحة إلا إذا تحققنا من صدقها . ولم ينجح توريشيلي في الوصول إلى طريقة مقنعة للتحقيق ، ثبتت بها صحة فكرة الأنبوبة التي تتخذ شكل U . وكان باسكال هو الذي اهتدى إلى هذه الطريقة ، وربما كان ذلك بإيعاز من ديكارت ، الذي قابلته باسكال في باريس عام ١٦٤٧ . ولقد كان الصالون الباريسي لآييه « آتين باسكال Atienne Pascal ، يكاد يكون نظيرا لمدرسة جاليليو في فلورنسا . ولما ترامت أنباء ظاهرة توريشيلي ، إلى أسرة باسكال في ١٦٤٦ أعادوا إجراء التجربة وفي ١٦٤٧ ، عرفوا فكرة توريشيلي ، وبعد شهرين من مقابلة بليز باسكال لديكارت ، أرسل إلى صهره « فلوران برييه Florin Périer ، في كليرمون — فيران ، الإرشادات اللازمة لإجراء التحقيق : فعليه أن يعمل على تقصير ما كنا نسميه بالفرع الهوائي للأنبوبة U ،

وبالصعود على جبل عال إلى حد ما (هو جبل بوي ديدوم Puy de Donme وهناك يجب ملاحظة انخفاض الزئبق في الفرع الآخر . وأجرى «بيريه» التجربة في نهاية صيف ١٦٤٨ ، فنجحت نجاحا باهرا ، وشجع ذلك النجاح باسكال على مواصلة العمل على نطاق أضيق ، إذ انخفض عمود الزئبق انخفاضا محسوسا (درجتين) عند ما صعد باسكال فوق برج «سان جاك دلا بوشري» البالغ ارتفاعه ٢٥ قامة . كما انخفض عمود الزئبق نصف درجة في أعلى بيت يبلغ ارتفاعه ثمانين قدما (١).

أما المثال الثاني فستقتبسه من نيوتن :

١ ، ب — خلال فترة أقامها نيوتن في بلدته الأصلية ، متجنباً فيها وباء الطاعون المنتشر في لندن (١٦٦٦) ، خطرت بباله فكرة تشبيه حركة النجوم الثانوية حول النجوم الرئيسية (كالكواكب حول الشمس ، والتوابع حول الكواكب) بحركة السقوط .

ويزعم بعضهم أن الظاهرة الأصلية هي سقوط التفاحة ، وأن الفكرة عندئذ كانت تنحصر في تشبيه حركة القمر حول الكرة الأرضية بسقوط التفاحة على الأرض ، والقول بأن القمر يسقط بدوره على الأرض بلا انقطاع ، وإن كانت له سرعة أصلية تؤخر سقوطه إلى ما لا نهاية . فاذا كان

(١) انظر في هذا المثل الأول كتاب :

Pensées et opuscules, éd. Scolaire Brunshvicg
(Hachette) p. 66 et suivantes. Lalande : Lectures sur la
philosophie des sciences (Hachette) p. 140-144.

وانظر أيضاً مؤلف هذا الكتاب

Le développement de la physique Cartésienne (Vrin)
(1934 p. 38-42).

للقذائف في سقوطها سرعة مبدئية تبعد نقطة سقوطها، أفلا يمكننا أن ننصو
أنه إذا كانت هذه السرعة كبيرة إلى حد ما (ونحن نعلم اليوم أنه يكفي أن
تبلغ هذه السرعة ٨ كم في الثانية) فإن القذيفة الساقطة تهبط حول الأرض ،
إذا جاز هذا التعبير ؟

(ج) وظل نيوتن عشرين عاما يعد وسائل التحقق من هذه الفكرة
(١٦٦٦ - ١٦٧٦) . وكان ذلك ينحصر في أن نبين أنه لو كان القمر على
مسافة قليلة من الأرض ، لسقط بنفس السرعة التي يسقط بها جسم سقوطا
حرا في باريس مثلا (٤٩٠ سم في الثانية الأولى) . على أن نيوتن قد برهن
بنظريتين في الميكانيكا ، على أن القوة التي تحفظ النجوم في مداراتها
البيضاوية هي قوة مركزية ، أي تتجه نحو الجسم الذي يشغل أحد
مركزى الشكل البيضاوى ، وهي تناسب تناسباً عكسياً مع مربع المسافة .
وإذن فلنحقق الفكرة يكفي أن يكون ارتفاع السقوط الحقيقي للقمر على
الأرض خلال ثانية واحدة مضروباً في مربع المسافة الفاصلة بينه وبين
الأرض ، مساوياً لارتفاع سقوط جسم يسقط سقوطاً حراً في باريس في
نفس هذا الوقت .

على أننا نعلم مقدار سقوط القمر على الأرض في الساعة مثلا ، وهي
المسافة التي يبتعد بها القمر ، أثناء سيره في مداره ، عن تماس هذا المدار ،
خلال ساعة من الزمن . فإذا ما عرفنا الزاوية التي سار بها ، أمكن الحصول
على تلك المسافة دون صعوبة ، عن طريق جدول حساب المثلثات . ولقد
اتضح أن المسافة التي تقطع خلال ساعة تعادل بالضبط الارتفاع الذي يسقط
فيه جسم سقوطاً حراً في باريس ، خلال ثانية واحدة . وإذن فالرهان
يكون قد تحقق إذا كانت النسبة بين المسافتين على النحو الذي يقتضيه القانون .

وانتهى الأمر بنيوتن إلى الحصول على تقدير للمسافة يحقق فكرته بالضبط: إذ أن القمر على بعد ٦٠ درجة أرضية ، و (٦٠) هي بالضبط العلاقة بين الساعة والثانية ، وهي مربع المسافة المطلوبة من أجل التحقق . ولقد كان التطابق تاما إلى حد أن نيوتن عندما تلقى رقم مسافة القمر ، لم يجد لديه ، على ما يقال ، من رباطة الجأش ما يمكنه من إعادة الحساب ، فاضطر أن يعهد به إلى أحد أصدقائه .

وهنا تم التحقق بالأرقام ، إذ اتضح أن الأرقام مساوية للظواهر التي كان على النظرية أن تفسرها وتنبأ بها .

(د) وفي نفس هذا الاتجاه ، يمكننا أن نصل إلى نتائج أفضل من تلك . فإذا كان القمر يسقط على الأرض ، وإذا كانت الكواكب بوجه أعم ، تسقط على الشمس الخ .. فلا بد أن تسقط الكواكب بعضها على بعض ، وأن تسقط الأجسام الأرضية هي الأخرى ، بطريقة ما ، على الشمس ، بل على القمر ذاته . والنتيجة الأولى تسمى بالإنحراف *perturbation* ، فالكواكب الكبيرة تؤثر في الكواكب الصغيرة وتجعلها تنحرف في مسارها قليلا عن المدارات التي حددتها كبلر لها . ولقد كانت تلك الظاهرة معروفة قبل نيوتن ، وما هي ذي قد فُرت . وبالمثل فإنه يمكن التحقق من صدقها ؛ أما الظاهرة الثانية فهي ظاهرة المد والجزر : فكتلة البحار تتجه نحو الشمس ونحو القمر (الذي هو أصغر منها ، ولكنه أقرب كثيرا) ، ويمكن التحقق من ذلك أيضا .

ونلاحظ أن هذه التحقيقات الثانوية ، التي ظهرت متفرقة تماما ، والتي لم تخطر على بال نيوتن في مبدأ الأمر ، هي أفضل التحقيقات وأكثرها

إقناعاً^(١). وسوف نأتي بمثال ثالث، نعرضه عرضاً مبسطاً إلى أبعد حد^(٢).

(أ) كان لوفرييه Le Verrier ، وهو فلكي في مرصد باريس يعلم أن الكوكب أورانوس ، الذي كان عندئذ (في سنة ١٨٤٦) أبعد الكواكب المعروفة في المجموعة الشمسية ، ينحرف انحرافات معينة . وباتباع المنهج الذي وضعه نيوتن ، والذي عرضنا مبدأه العام من قبل ، تفسر هذه الانحرافات بعوامل معترضة ، وهي الكواكب المجاورة ، عندما تقترب من أورانوس اقتراباً كافياً . وبعد أن قدر تأثير كل من المشتري وزحل ، ظل هناك باق من الانحراف لم يتم تفسيره .

(ب) وخطرت بذهن لوفرييه فكرة تفسير هذا الباقي بعامل معترض ثالث ، خارجي ، وبصيد إلى الحد الذي جعل الفلكيين لا يبتهبون إليه . وترجم لوفرييه هذه الفكرة بصيغة رياضية : فحسب كتلة الكوكب ، ومسافته ، وبالتالي حجمه (أو عظمه magnitude كما تقول في اليوم) ، أعنى الضوء البادئ منه . وحدد موقعه في أكثر اللحظات ملائمة .

(ج) ويقف بعض علماء المناهج بالعرض التاريخي عند هذا الحد ، زاعمين أن لوفرييه لم يكن في حاجة إلى السماء لكي يوقن بوجود الكوكب . على أن في هذا خطأ . فلا بد أن ينتهي الحساب إلى ملاحظة ، وهي دون ريب ملاحظة تدخل فيها الذهن إلى حد بعيد ، وأدى الحساب دوراً كبيراً في التمهيد لها ، ولكنها ملاحظة في نهاية الأمر . ودليل ذلك أن منهج لوفرييه قد طبق من

(١) في كتاب المؤلف الذي سبقت الإشارة إليه نجد لهذه المسألة عرضاً أوسع وأدق

من الناحية الفنية (الفصل الثالث اسم II فقرة III) .

(٢) يمكن الاضطلاع على معطيات هذا المثال في كتاب لوران Laurent المشار إليه

من قبل ، بعد الإشارة التي تحدث فيها عن لوفرييه Le Verrier .

بعده مرتين أخريين : الأولى من أجل تفسير انحرافات الكوكب الذي اكتشفه « بالحساب » ، والذي سمي باسم نبتون ، وبهذه الطريقة كشف الكوكب « التالى لنبتون » وهو بلوتون . المرة الثانية كانت لتفسير انحرافات عطارد . ولما كانت الطريقة قد نجحت فى حالة نبتون وبلوتون ، مادام الكوكبان قد رثيا ، فقد تعجل الباحثون وأطلقوا اسم « فلكان » على الكوكب الجديد . ولكن لم ير أحد فلكان هذا أبدا ، وظل أسطورة رياضية . هذا إلى أن أيفشتين قد فسر انحرافات عطارد بطريقة أخرى ، مختلفة عن هذه كل الاختلاف (١) .

وقد ثبت وجود الكوكب « نبتون » عندما شوهد ، وسرعان ماتت هذه المشاهدة ، وإن كان لوفرييه قد اضطر إلى الاستعانة بمرصده « برلين » المزود بآلات أدق ، للكشف عن الكوكب . ولقد ظن بعضهم ، من تقسيم العمل هذا ، أن لوفرييه كان واثقا من وجود هذا العامل المعترض بمجرد أن قام بحساب عناصره ؛ ولكن الأمر لم يكن كذلك على الإطلاق ، إذ أن حساب لوفرييه حدد النقطة التى كان يجب أن يوجد فيها ، ومرصده « برلين » قد قرر أنه يوجد هناك بالفعل .

ولعل القارىء قد لاحظ أننا أسمينا الظاهرة التى بدأ منها لوفرييه باسم باقى الانحراف وتذكرنا كلمة «الباقى» هذه بالطريقة الرابعة من طرق مل ، ولكن الواقع أنها إذا كانت تذكرنا بها ، فما ذلك إلا الكى تكشف عن الخطأ الذى وقع فيه «ستورات مل» . فطريقه لوفرييه مثال ممتاز لطريقة البواقى الصحيحة: فهى لا تبدأ بظاهرة أولية ؛ بل من تركيب رياضى نحصل عليه بطريقة الحذف ،

(١) انظر الفصول ٩ ، ١٠ ، ١١ من كتاب بير هومبير pierre Humbert

“De Mercure à Pluton” (Albin Michel).

وذلك هو باقى النتيجة . أما باقى العلة ، فلا يعطى أبداً ، بل هو يخترع بتمامه .
وفى هذا المثال ، كان هذا الباقي هو نبتون (أو بلوتون) . الذى لا يعدو أن
يكون فكرة محضة .

ه — مراحل المنهج ثلاثة : من الظاهرة إلى الظاهرة عن طريق الفكرة :

ينحصر المنهج فى الصعود من مجال التجربة إلى عالم العقل ، أى عالم الصيغ
والمعادلات ، ثم نعود فهبط إلى عالم الواقع لكى نضمن الصلة بين المعقول
والواقع . ونحن فى تلك أشبه بسجين الكهف عند أفلاطون : إذ يصعد من
المحسوس إلى الأفكار ، ومن الكهف إلى العالم الحقيقى الذى يغمره ضوء
الشمس ، ثم يعود فهبط إلى الكهف لكى يهتدى فيه إلى المحسوس من جديد ،
ويفسره بالأفكار .

وإذا شئنا ، فلنا بعبارة أفضل من هذه ، إن التفكير فى علم الطبيعة الرياضى
يرسم دائرة ، ولكن هذه الدائرة ليست «دوراً فاسداً» على حد تعبير المنطقة .
ويرجع ديكارت ذلك إلى أنه ، لما كانت التجربة تضىف يقينا كبيراً على معظم
نتائجها ، فإن الأسباب التى أستخلص منها هذه النتائج لا تستخدم فى إثباتها
بقدر ما تستخدم فى تفسيرها . وإنما الأمر على عكس ذلك ، فالنتائج هى التى
تفسر الأسباب (١) ولنعبر عن هذا النص عظيم التركيز ، الذى صيغ فى لغة
تخالف اللغة الشائعة إلى حد ما ، بتعبير آخر فنقول : إن التجربة تضىف اليقين
على نتائج الأفكار التى نبتكرها (أو معلولاتها) ، وبهذا لانكون الأفكار
(الأسباب) التى استنتجت منها هذه النتائج برهاناً على الظواهر ، بل هى
تفسير لها ، بينما البرهان يأتى على عكس ذلك ، من الظواهر . ونقول بعبارة

أخرى ، إن الفكرة تفسر الظواهر ، والظواهر تثبت صحة الفكرة . وكان من الممكن أن يكون في هذا دور ، لو أن كلا من الفكرة والظواهر يبرهن على الآخر .

٦ — المرحلة الأولى . تحديد الظواهر: قياس الظواهر المختارة وتصحيحها

وتفسيرها :

يبدأ العمل باتصال أولى مع الظاهرة . وكل ما في الأمر أن الظاهرة التي نبدأ منها قد سبق أن أعدها العقل إلى حد كبير . وليس في هذا ما يدعو إلى الدهشة فملاحظ أولاً أن الإدراك الحسى ذاته يتضمن إعداداً عقلياً . فعندما نتحدث مثلاً عن « القمر » ، وهو موضوع إدراك حسى شائع ، يبدو مباشراً تماماً — فإننا نستعين في الواقع بتجربة إنسانية ترجع إلى ألوف السنين ، تبني على التقريب بين ظواهر مختلفة . ونستطيع تقريب فكرة الإعداد العقلي هذه إلى الأذهان إذا فكرنا مثلاً في تعبير مثل « القمر الجديد » الذي يفترض إيماناً بموت « القمر القديم » وظهور آخر أحدث منه . فالقول إن القديم هو ذاته الجديد ، اكتساب حديث العهد (١) .

وفضلاً عن ذلك ، فإذا كان العلم يكمل الإدراك الحسى بمعنى ما لأنه يفسره ، فإن العلم ينسكرك الحسى بمعنى آخر . ونلك هي حركة الرفض التي عبر عنها ديكارت بكلمة « الشك المنهجي » . فديكارت يرفض أولاً عالم

(١) في كتاب لوكريس Lucrèce: « في طبيعة الأشياء » de rerum Natura (المكتاب الخامس - طور ٥٦٤ - ٧٧٠) يمكن الامتناء إلى أمثلة لمعتقدات فلاسفة قديمة عرضها هو في صور نظريات صحيحة . انظر أيضاً في مجموعة الحكايات التي كتبها أنا تولى فرانس بنيمان Sou l'invocation de clio (Calmann Lévy) نصاً من قصة « كوملاتريبات » يفصح عن الإيمان بوجود أثار عديدة عملية (ص ١٨٥) .

الإدراك الحسى . ثم يعود مرة أخرى إلى العالم ، ولكنه ليس نفس العالم الذى رفضه ، فهو ليس عالم الإدراك الحسى ، بل عالم الطبيعة الرياضية .

والسبب فى ذلك غاية فى اليسر ، وهو فى أيامنا هذه قد أصبح أوضح مما كان فى أيام «ديكارت» . ولقد سبق لنا أن ذكرنا عنه شيئاً فى معرض الحديث عن مبدأ النسبية : فالملاحظ الساذج لا يتصف بأية صفة تؤهله لملاحظة الواقع : فحواسه هى حواس حيوان أراضى ، قد تكيفت ، بعد تطور طويل جداً ، بالحياة الأرضية ، واتجهت نحو الفعل أكثر منها نحو المعرفة وهذا ما أكده «برجسون» بعده حين قال : « إن الإدراك الحسن ينظم المكان بنفس النسبية التى ينظم بها الفعل الزمان »^(١) . وهذا ما أثبتته فى آن واحد بحوث التشريح المقارن ، وعلم النفس التجريبي ، وتحليل الإدراك الحسى ، وتاريخ العلوم^(٢) .

قياس الظاهرة : وفى هذه الظروف كانت النتيجة الضرورية هى أن نياس من المعرفة البشرية ، وأن تصبح النسبية شكاً ، لو لم تكن عبقرية الإنسان قد تغلبت على الصعوبة بالتوسع فى استخدام الأداة الرياضية . ولقد بين « فولتير » بكل وضوح فى روايته الفلسفية «ميكروميغاس Micromegas كيف أن القياس الرياضى ذو قيمة موضوعية شاملة»^(٣) فقياس الشيء هو فى ذاته معرفة له ، والتعبير عن الظاهرة التى نقيسها بصيغ رياضية ، هو فى ذاته فهم لها .

(١) Matière et memoire (Alcan) P. 14

(٢) انظر فى هذه المسألة ، الملاحظات القريبة الطارئة التى أبداهما باشلار Bachelard فى كتابه القيم La formation de l'esprit Scientifique Paris, vrin, chap I. II. III.

(٣) يرجع التارىء فى هذا إلى المنظر الطريف الذى تقابل فيه ساكن سيروس Sirius بساكن زحل وساكن الأرض فى كتاب فولتير Romans et contes de voltaire. Bibl. de la Pleiade. p. 114-115

فالظاهرة العلمية إذن ظاهرة حورتها الرياضيات . فلنوضح باختصار العمليات التي تمر بها :

١ - فالظاهرة ، كما قلنا ، تقاس أولا . ولا جدال في أن العلم قد أحرز تقدما كبيرا باختراع الآلات التي تزيد من قوة الإدراك الحسى ، كالمنظار الفلكى والمجهر ، أو تلك التي تسجل هذا الإدراك ، كجهاز التصوير الفوتوغرافى والسنيما ، أو تلك التي تحلله ، كجهاز تحليل الطيف ، وهو الذى خلف ، وكمل المنشور [prisme] الذى حلل به نيوتن ضوء الشمس . ولكن ليس هذا هو الأمر الأساسى : إذ أن هذه الآلات إذا كانت تزيد من قدرة حواسنا ، فإنها لا تغيرها ، والمهم هو اختراع الطرق الفنية للقياس ، الذى تطور فأصبح علما للقياس métrologie . فعلم الحرارة يستدعى ميزان الحرارة (الترمومتر) بالضرورة ، وقد ظهر علم الكهرباء عندما حل محل علم الطبيعة الطريف للآلات التي تحدث بالجسم الهزات الكهربائية ، علم صارم مبنى على استخدام الكشاف الكهربائى ومشتقاته .

تصحيح الظاهرة . ٢ - كذلك تصحح الظواهر . والحق أن مجال الحديث عن وسائل التصحيح التجريبي واسع جداً . فمن المعروف أن أية قراءة لأى جهاز ، مهما كانت أمينة ، لا تقبل أبداً على علاتها ، بل يجب أن تمر بعمليات حذف متعددة ، تعدلها على نحو لا يظل فيه سوى باق residu ذلك لأن الإدراك الحسى المعتاد محدد بطريقة غير شعورية ، وهو يزودنا بمعلومات عن جسمنا ، وعن شخصيتنا المعنوية ، وعن المؤثرات التي نخضع لها من جميع المصادر ، مثلما يثبتنا تماماً بمعلومات عن الموضوع . ولنضرب لذلك مثلاً : فإذا راجعنا ملاحظة فلكية إلى أبسط مظاهرها ، وأردنا فقط

أن نحدد الساعة التي عبر فيها نجم بمحور المنظار المكبر ، وجدناها تتوقف على سرعة استجابتنا ، ثم أنها تنصب على شعاع من الضوء يصل إلينا من النجم ، ويستغرق وقتا حتى يصل إلينا ، ويتعرض لكل أنواع التحوير والانكسار . ولكي يكون لنا الحق في تشبيهه بخط هندسي مستقيم يربط فوراً بين عيننا وبين الموقع الحقيقي للنجم في اللحظة المطلوبة ، يجب أن نقوم بسلسلة من الحسابات هي في حقيقة الأمر استدلالاً ، تبدأ من الظاهرة وتنتهي إلى الفكرة . فتصحيح الملاحظة يعني استبدال فكرة معينة عن الظاهرة بالظاهرة نفسها .

تفسير الظاهرة : ٣ - كذلك تفسر الظاهرة . وقد بين پوانكاريه في تحليل رائع ذاعت شهرته ، كيف يمكن القول في التجربة الكهربية إن « التيار يمر » (١) . فذلك لا يكون إلا بالاستعانة بكل المعلومات المكتسبة ، بحيث تقف هذه المعلومات حول الملاحظة مؤيدة له ، وتقرر هذه الملاحظة معه ، إن جاز هذه التعبير . ففي المثال الذي أورده پوانكاريه ، يكون الشيء الذي يراه الملاحظ ، هو تغير موضوع النقطة المضيئة : وهذا التغير يعني أن الجلفانومتر ذا المرآة يؤدي عمله ، وبالتالي أن المغناطيس والملف الكهربائي قد أثر كل منهما في الآخر . الخ . فتفسير ملاحظة هو بدوره ، وعلى نحو آخر ، الاستعاضة عن الظاهرة بفكرة .

اختيار الظاهرة : ٤ - ثم إن الظاهرة تختار : إذ أن عدداً ضئيلاً من الظواهر التي تحدث حولنا بلا انقطاع هو وحده الذي يدخل في مجال العلم . وليس ذلك راجعاً إلى أن عدد هذه الظواهر أكبر من اللازم ، بل يرجع

أيضا إلى أنه يندر أن تكون لهذه الظواهر أهمية في الموضوع . فالظاهرة هي ظاهرة معملية أو ظاهرة ملاحظة ، أى أنها ظاهرة منتقاة . فما شروط استبقائها لها ؟ إننا نستبقها إذا كانت تتم عن فكرة ، وعندئذ توصف بأنها «بسيطة» والحق أنه إذا كان علم الطبيعة الرياضى قد بدأ بالفلك ، فذلك لأن النجوم — لحسن الحظ — قد بسطها بعدها عنا ، فلا ندرك منها في بداية الأمر إلا نوعا من العلاقات الهندسية (١) .

والكثيرون يدهشون عندما يجدون العلماء يرفضون معظم الوقائع التي تعرض عليهم . فالمؤمنون بتحضير الأرواح مثلا يكذبون ظواهر الاتصال الروحي عن بعد (télépathie) ، ويدهشون لانصراف العلماء عنها ، فيستخلصون من ذلك حجة يحملون بها على العالم الرسمي ، كما يقولون . ولكن الواقع أن المسألة مسألة علم لحسب ، أعني علمائهم أولا ، وقبل كل شيء ، بما هو بسيط ومعقول .

المرحلة الثانية : البحث عن القوانين هو اختراع بمعنى الكلمة :

يطلق اسم القانون على العلاقة التي تربط برباط الضرورة الشاملة ظاهرتين أو أكثر من الظواهر المتعاقبة أو المقترنة في الزمان ، أو بين عنصرين أو أكثر في الظاهرة الواحدة . فقانون الأوتار المشدودة مثلا يربط بين طول الوتر ومقدار توتره وكثافته ، وبين ارتفاع النغمة التي يحدسها . وقانون الجاذبية العامة يربط الكتلتين والمسافة بالقوة الجاذبة ، وقوانين

H. Poincaré : Science et méthode . (Flammarion 1900)
livre I. chap. I

الاصطدام تنظم توزيع السرعات بين الكرات التي تتقابل ، تبعاً لكثافتها . وقوانين سقوط الأجسام تحدد المكان الذي يقطعه الجسم في السقوط في علاقته بالزمان وبمجرة السرعة . ولكل القوانين التي ذكرناها صورة رياضية ، وهي كلها تؤكد أن العلاقة هي تحديد دقيق ، وهي قوانين عامة ، بمعنى أنها تصدق على كل زمان وكل مكان .

فكيف اهتدى العقل إلى هذه القوانين واخترعها ؟ ذلك هو سر الخلق العقلي ، أو بعبارة أدق ، معجزة حرية العقل في التصرف . إذ أن بين شروط الخلق ، والخلق ذاته ، هوة سحيقة على اللوام . وهذه الهوة قد تبدو أشد أو أقل عمقاً ، تبعاً لمدى سهولة الخلق . وتاريخ العلم يقدم إلينا عدة حالات نموذجية .

الحالات المختلفة للإبداع :

١ - حالة التجريبية الظاهرة : عندما تقاس الطواهر وترجم بالأرقام ثم ترتب في قائمة (tabula بلغة بيكن) فإنها تتم عن علاقة بسيطة ، كالتناسب الطردى أو العكسي مثلاً . وعلى هذا النحو كشف « ماريوت Mariotte » ، القانون المعروف باسمه حين قارن بين الأحجام والضغوط المختلفة لكتلة واحدة من الغاز الذي يتوازن مع عمود سائل يتفاوت ارتفاعه .

٢ - وقد تزداد الحالة تعقداً : إذا كان هناك شخص معين هو الذي أجرى التجارب التي جمع بها الملاحظات وأعد بها القوائم ، ثم أتى عالم آخر فقام ، معتمداً على مجهود الأول ، بقراءة القانون الذي خفي عنه . ومن المحتمل أن تكون هذه هي الطريقة التي اهتدى بها ديكارت إلى قانون جيوب (١٥٠ م - النطق)

الزوايا خلال دراسته لكتاب كبلر المسمى « انكسار الضوء Dioptrique (١٦٠٠) » فكلبر لم يكن قد امتدى إلى القانون ، ولكن يمكن القول بأنه أشار إلى الاتجاه الموصل إليه .

٣ — حالة النظرية أو التمثيل الضمني Analogie Latente

لسنا نعلم كيف اكتشف قانون انعكاس الضوء على يد إقليدس المزعوم ، الذى اقتصر على عرض ذلك القانون في كتابه (انعكاس الضوء Catoptrique

بوصفه لإحدى المصادرات . ولكن مجرد عرضه له على هذا النحو ، يوحي بأنه كان يرى فيه نوعاً من البداهة المسلم بها . والأغلب أن تكون هذه البداهة راجعة إلى مجاز أو تمثيل : هو مقارنة شعاع الضوء المنعكس بكرة تصطدم بجدار ، إذ يبدو أن مبدأ التمثيل يوجب أن تخضع الكرة في مجال حركتها لقانون تساوى الزوايا .

٤ — حالة التركيب الرياضى المحض :

أثبت هجنز Hygens رياضياً قوانين اصطدام الأجسام ، في الحالة التى تكون فيها الكتل متساوية ، ويتم الاصطدام في نفس خط الحركة ، وذلك بأن بدأ بأبسط حالة ، وهى تلك التى تحذف فيها كل مظاهر عدم المساواة ، فيكون للجسمين ١ ، ب نفس السرعة س . وفي هذه الحالة سوف نسلم ، بناء على مبدأ التماثل Symétrie ، بأن الجسمين يرجعان في اتجاه عكسى محتفظين بسرعتيهما . ولنفرض الآن أن شخصاً يلاحظ ، قد انتقل بنفس السرعة س (مع بقاء كل الظروف الأخرى على حالها) ، وسار في نفس اتجاه ١ .

فبالنسبة إليه تكون الساكنة وب آتية تجاهه بسرعة تعادل ٢ س . ولما كان الملاحظ يواصل سيره في نفس الاتجاه بعد أن يقابل ب ، فإن ب هي التي تبدو الآن ساكنة ، و ا هي التي تبعد عنه إلى الوراء بسرعة ٢ س . ولأننا يمكننا أن نستنتج أنه إذا قابل جسم متحرك جسماً ساكناً له نفس الكتلة ، فإن الجسم المتحرك يتوقف ، ويرث الجسم الآخر حركته بنفس السرعة وفي نفس الاتجاه . وذلك ما تحققه التجربة .

٥ — حالة البساطة التي نسلم بها على أساس احتمال الصديق: ومن الحقائق المعروفة أن الأجسام التي تسقط تزداد عجلة سرعتها . وأبسط صفات هذه العجلة هو اطرادها . وذلك هو ما سلم به جاليليو .

٦ — حالة تجاوز نطاق التجربة extrapolation: صيغ قانون تذبذب الأوتار ، أو صيغ الجزء الأساسي منه على الأقل (أعنى ذلك الذي يتعلق بالطول والتوتر) لأول مرة في سنة ١٦٣٦ على يد الأب مرسين بمدينة مينيم Minime ، وكان مرسين صديقاً لديكارت . على أنه لم يكن في تناول يد مرسين ، لاثبات ذلك القانون ، أية وسيلة لإحصاء متوسط ذبذبات التردد التي يناظرها مثلاً صوت « لا » ، والذي يحدث عن ٣٥ ذبذبة في الثانية . وغاية ما كان يستطيع أن يفعله هو أن يحصى ما بين ٨ و ١٠ ذبذبات في الثانية ، ومثل هذا التردد لا يحدث صوتاً . ولكن ما يعجز عنه السمع ، يقدر عليه الإبصار . وعلى ذلك فقد بدأ يجربه بوتر منفرد طوله ١٧,٥ ق م (حوالي ٥٧٠ سم) مصنوع من أمعاء الخروف ؛ وشد هذا الوتر بأوزان تتراوح ما بين ١ رطل و ٤ أرطال . ولم يكن هذا الوتر المنفرد يحدث أى صوت ، ولكن كان من الممكن حساب ذبذباته . وهكذا كشف قانونه بإحصاء هذه

الذبذبات ، وبالبحث عن كيفية تفاوت عددها عند ما يقل الطول ويتغير الثقل الذى يشد الوتر . وقد بلغ من ثقته بالنتيجة التى وصل إليها على هذا النحو أنه حدد بواسطة قفزة عقلية تخرج عن حدود التجربة (وذلك ما يسميه بتجاوز نطاق التجربة extrapolation) التردد المناظر لما يسمى « بنغمة الكنيسة » أى النغمة التى يرجع إليها المغنون الذين تصدر عنهم ، فى قداس الكنيسة ، أكثر الأنغام انخفاصاً (وهذه النغمة تصدر عن أنبوبة للأرغن ذات طول معلوم) .

وهكذا نرى أن كشف القوانين يتطلب ثقة مطلقة فى معقولية الطبيعة ، وفى إخلاصها للقوانين ، وفى خضوعها للرياضيات بمعنى ما — ولاشك أنه ليس للبره أن يؤمن بأن الطبيعة ستظل مخلصة للقانون الذى توصل إليه ، فقد يكون هذا قانوناً غير صحيح ، ولكن يظل المرء على ثقة من أن هناك قانوناً ، وأن لهذا القانون صورة رياضية .

هذا إلى أن مجرد الملاحظة العلية التى تحول الظاهرة إلى رقم تفترض مثل هذه الثقة ضمناً . وإذن فكشف القوانين يفترض مبدأ صاغه الميتافيزيقيون بصيغ مختلفة ، بدأ معظمها فى صورة مجازية ، ومن قبيل ذلك قول أفلاطون : « إن الله يسلك دائماً سلوك عالم الهندسة » ، وقول ليبنتز : من حساب الله جاء العالم *Dum Deus cal-culat fitmundus*

٨ — المرحلة الثالثة : التحقق من صدق القوانين أو التجريب ، اختبار

الفكرة بواسطة الظواهر : —

وإذن فليست مهمة التحقق هي التأكد من وجود قانون ، بل التأكد أن القانون هو ذلك الذى كشفه. والتحقق هو ملاحظة الظواهر التى أحدثها المرء أو تنبأ بها ، والتى حدد صورتها سلفاً بطريقة رياضية ، بناء على القانون الذى اهتدى إليه . ونقول : أحدثها أو تنبأ بها ، إذ أن من الممكن ، من حيث المبدأ ، أن نخلق الظواهر وأن نركبها تركيباً تاماً فى أجزاء معينة من علم الطبيعة بمعناها الخاص ، وفى الكيمياء . أما فى العلوم الأخرى ، كعلم الفلك ، فليس ذلك الخلق ممكناً ، وعندئذ يقتصر المرء على التنبؤ بها .

١ — ومبدأ التحقيق ليس عسيراً فى علم الطبيعة الرياضية ، ما دامت نتائج القانون الذى نمتدى إليه تنطوى ضمناً ، على صور جميع الظواهر التى نريدها ، وتكفى عملية حسابية لتحديدها .

ولكن يجب أن تكون النتيجة قابلة للتحقق من صحتها ، ومتفقة مع الإمكانات المادية للمعمل أو المرصد .

٢ — ينبغى أن تنطبق الشروط الفنية العملية للملاحظة على مشاهدة الظاهرة التى سوف نحدثها . وهذه مسألة ينطبق عليها ما قلناه عن الظاهرة العلمية فى الفقرة السادسة من هذا الفصل .

وأخيراً ، ينبغى ألا يرتكز التحقق على الملاحظة التى اكتشف القانون على أثرها . وعلى المرء ، إن استطاع ، أن يوسع الحدود التى تمت

فيها الملاحظات الأولى ، أو أن يغير المجالات التي أجريت فيها .

(١) مثال لتوسيع الحدود : من الممكن أن تمد التجارب الصوتية التي أجريت بطريقة تسجيل الأصوات على اسطوانة ماري Marey محققة للقانون الذي اهتدى إليه مرسين .

(ب) مثال لتغيير المجالات : إن قانون نيوتن ، الذي اكتشف بدراسة مدارات الكواكب ، يتيح لنا أن نفسر وتنبأ بما يلي : ١ انحرافات مدارات الكواكب ٢ المد والجزر ، وهو أيضا يفسر حقيقة عرفت في وقت نيوتن ذاته وهي : اختلاف الجاذبية الأرضية تبعا لخط العرض ، إذ أن الأرض منبعجة عند خط الاستواء ، كما يثبت من قياس درجة من درجات خط الطول في أماكن مختلفة من خطوط العرض . وعلى ذلك يسكون الجسم أبعد عن المركز الذي يجذبه ، أي أن وزنه يقل ، تبعا لقانون نيوتن : ٤ ولم يستطع نيوتن أن يقيس الجاذبية المتبادلة لكنتلتين على سطح الأرض ، بل توصل العلماء إليها فيما بعد (تجربة يوتفوس Eotvos) ، وكان في ذلك تحقيق آخر .

٩ — التجربة الفاصلة experimentum crucis التي تعادل برهان الخلف:

يرجع هذا التعبير إلى «فرنسيس بيكن» ، وقد ورد ذكره في كتابه «الأورجانون الجديد»^(١) . والصورة الصحيحة التي يضيفها عليه هي «مثال الصليب "intantra crucis"» والمقصود بالصليب هنا الإشارة التي تحدد مفرق الطرق . «فالمثال، أي الظاهرة ، يهدف إلى وضع الطبيعة في مفرق

الطرق ، لنرى أى الطرق سوف تسلك : أى أنها ، بتعبير مجازى آخر ،
هى أن نزع الطبيعة على الاختيار .

وهذا التعبير يدل على نوع حاسم من التجريب ، يوصف بأنه قاطع ،
ويتيح لنا أن نختار بين فرضين ، لأننا قد تصورنا التجربة وأجريناها بحيث
أنه إذا صح أحد الفرضين أصبحت قيمتها مختلفة كل الاختلاف عنها إذا صح
الفرض الآخر ، بل تصبح مضادة لها .

وفيما يلي مثال مشهور : ففي مستهل القرن التاسع عشر ، انقسم العلماء إلى
إلى فريقين يعضد كل منهما فرضاً مضاداً عن طبيعة الضوء : الفرض المسمى
بفرض الجسيمات Corpusculaire ، والذي يؤكد أن الضوء هو بث
الجسيمات . وفي هذا الفرض يفسر انكسار الضوء عندما ينتقل من الهواء إلى
الماء بالجابذية التي يمارسها الماء بحيث يكون انتقال الضوء في الماء أسرع .
٢ والفرض الثانى هو التموجى on duloire : فالضوء هو انتقال
اهتزازات في الأثير ، دون أن يصحبه انتقال مادة . وفي هذا الفرض ،
يكون الانكسار نفسه راجعاً إلى تعطيل ناتج عن الماء ، فيسير الضوء
في الماء أبطأ مما يسير في الهواء (١) . وفي ١٧٣٠ تخيل Faucault تجربة
تسمح بالمقارنة بين سرعة الضوء في الهواء وسرعته في الماء : فيقسم شعاع
ضوئى إلى حزمتين ، تمر إحداهما بانبوبة مليئة بالماء ، ويختلف الشعاعان
عند وصولهما باختلاف صورة النقطة التي يسقطان فيها على شاشة . وفي الجزء
المشترك من مسارهما توضع مرآة تدور حول نفسها بسرعة تصل إلى حد

(١) انظر فيما بعد (الفصل العاشر قسم ٥٥٤) شروحاً أكثر تفصيلاً لهذين الفرضين ،
وممن نفترض أنهما معروفان بالقدر الكافى ، عن طريق السكتب المدرسية فى الضوء .

أن الشعاع الضوئي ، بعد أن يصطدم بالمرآة التي تدور ، ثم ينعكس على مرآة أخرى ثابتة تردده إلى المرآة الدائرة ، لا يرتد إلى نفس الموضع من المرآة التي تدور . وإذن فالضوء قد انحرف ، ويزداد انحرافه كلما ازداد بطئا .
ويبين الموقع النسبي لنقطتي الوصول ، بطريقة مباشرة وفاصلة ، أى الشعاعين هو الأبطأ ، وبالتالي أى الفرضين هو الصحيح . والواقع أن الفرض التوجي هو الصحيح .

وفي مبدأ الأمر تثير القدرة الإقناعية لهذا النوع من الأمثلة دهشة المرء . ومع ذلك فإن هذه الأمثلة نادرة . ويبدو أن التجربة الفاصلة تزودنا بنوع من برهان الخلف على الفرض الذي تثبت صحته .

١٠ - ولكن ليس هناك تجربة فاصلة بالمعنى الصحيح :

بين بيير دوهم Pierre Duhem أنه ليس ثمة تجربة فاصلة بالمعنى الصحيح ، وذلك لسبب عرفناه من قبل : فالظاهرة العلمية التي يراد أن تكون دليلاً للإثبات ، تفسر عن طريق معارف سبق اكتسابها ، أى أن لها

(١) La Théorie physique, son objet et sa structure. Paris (Chevalier et Rivière) 190, seconde partie, chap. VI, 5 III :
"l'experimentum crucis" est impassible en physique.

(٢) والواقع أن التطورات التالية أثبتت صحة رأى دوهم : فقد اضطر العلماء إلى العودة إلى فرض الجسيمات (انظر الفصل العاشر ، قسم ه) . فالأمر الذي أثبتته التجربة « الفاصلة » التي قام بها « فوكو » ، لا يبدو أن يكون التبادل على أن الضوء أبطأ في الماء منه في الهواء . ومن الممكن أن يكون الفرض التوجي صحيحاً في هذه الناحية ، غير أن فرض الجسيمات قد يكون بدوره صحيحاً في نواح أخرى كما سنرى فيما بعد . وعندئذ يضطر المرء إلى التوفيق بين الفرضين .

في ذاتها مضمونا نظريا كاملا ، بحيث أن الفرستين لا يتمثلان في صورتها
الحالصة . فالشيء الذى يحققه المرء عندئذ هو العلم كاملا ، وقد أضيف إليه
محتوى جديد وهو الفرضان المتضادان . فإن كان جواب التجربة عن أحد
الفرضين بالسلب . فلن نعلم على وجه الدقة إن كان ما تكذبه هو الفرص
الذى نحن بصدده ، أو كان مسألة أخرى في ذلك العلم يجب علينا معاودة بحثها .
وقول بعبارة أخرى ، إن العلم في جملته هو الذى يكون صوابا أو خطأ ،
لا الفرص الواحد .

١١ — هناك تشابه عميق بين العلوم الرياضية والعلوم التجريبية :

تبين لنا أن منهج الطبيعة الرياضية نصف رياضى ونصف تجريبى . فهو
رياضى من حيث أنه يستبدل بالظاهرة المشاهدة ظاهرة ذات صورة
رياضية ، ويدخل هذه الظاهرة في صيغة رياضية ، هى الدالة . وهو تجريبى
من حيث أنه يبدأ بمشاهدة أمر ما ، أى بإدراك حسى ، تدخل فيه الذهن
على نطاق واسع حقا ، ولكنه إدراك حسى على أية حال . ثم إن العلم يعود
في نهاية الأمر إلى ذلك الإدراك الحسى الذى بدأ منه . فضلا عن ذلك ،
فالإدراك الحسى الأخير هو الذى يحكم على القانون ، فإما أن يؤكد صحته ،
أو يرفضه مؤكدا بطلانه .

ومن ثم فإن قوام منهج الطبيعة الرياضية هو الفصل بين العمليتين اللتين
كان يجمع بينهما البرهان الرياضى ، واللتين لا يستطيع منهج علم الطبيعة أن
يجريهما مجتمعتين: أى العملية التى يتم بها الفهم ، والعملية التى يتم بها التحقق .

فهنالك إذن شبه عميق — مع وجود اختلاف واضح — بين المنهج
الرياضى ومنهج الطبيعة الرياضية ، أى بعبارة أعم ، منهج العلوم التجريبية ،
أعنى العلوم الخاضعة للتجريب .

المعاني المختلفة لكلمة الفرض : التشابه والاختلاف السابقان يدل عليهما تشابه واختلاف المعاني التي تفهم بها كلمة الفرض اذا استخدمت في الرياضة وفي العلوم التجريبية معا .

فالكلمة اليونانية hypothesis تعنى الأساس المنطقي أو المبدأ (أى ما يوضع تحت Suppose ، أو ما يفترض)

(ا) ومن هنا كان المعنى الأول لكلمة الفرض : إذ يشير إلى المبادئ المعترف بها كالتعريفات (والبدهييات والمصادرات) والتي تستخدم نقطة بدء في الرياضيات . غير أن هذا المعنى قد أصبح قديما .

(ب) ويقرب من ذلك معنى آخر ، يستخدم بدوره في الرياضة ، وفيه يكون الفرض هو الحالة المقررة للشكل أو العلاقة المقررة .

وكثيراً ما يستخدم أساتذة الرياضيات كلمة الفرض بهذا المعنى الثانى الذى يرتبط بالأول ، لأن حالة الشكل أو العلاقة إذا قدرت ، فإنها تتضمن فى الوقت ذاته ، الخصائص التى عرفت من قبل ، وبالتالي تضمن المبادئ بالتدرج .

ولنلاحظ العنصرين اللذين ينطوى عليهما هذا المعنى : فالفرض هو ما يسلم به ، ويقرر ، ويوضع على نحو ما : وهو ما يتفق عليه وهو ما يستخدم أساساً تتقدم من بعده .

(ج) والفرض ، فى علم الطبيعة الرياضية وفى العلوم التجريبية ، بوجه عام ، هو القانون الذى يخترع ، والذى سوف يتحقق المرء من صدقه .

وعلاقة هذا المعنى بالمعنيين السابقين واضحة ، إذ يظل الغرض نقطة بدء لتقدم تال ، وهو نقطة بداية تعد مبدأ ، أعنى أنها أكثر وضوحا من نتائجها وكل ما فى الأمر أن الفرض هنا لا يعود مبدأ يوضع بطريقة عملية مطلقة ، وتنتقل حقيقته إلى نتائج ، بل هو مبدأ مؤقت لا زال مشكوكا فيه ، يسمى إلى البحث عن الحقيقة باستخلاص ما ينطوى عليه من نتائج . فما أتى به الفرض هو المعقولة . فمن الواجب أن يذهب إلى الحقيقة باحثا عنها ، ومن هنا كان معنى التخمين الذى أصبح فى نهاية الأمر مرتبطا بالفرض .

(د) سوف نعرض فيما بعد^(١) لمعنى رابع لكلمة الفرض ، وفيه يكون الفرض هو النظرية ، أعنى أنه تفسير للظواهر يتصف بأنه أكثر عمقا وتخمينا فى الوقت نفسه . وفى هذا المعنى الرابع ؛ يكون التخمين أشد وضوحا ، غير أن المعقولة بدورها تصبح فيه أعظم .

فالعنصر المشترك بين العلوم الرياضية والتجريبية هو أنها تستخدم الفروض ، مع فارق واحد ، هو أن الفرض يكفى للتحقق من صدق النتائج فى الرياضة وحدها ، ولكنه هو الذى يقوم بالتفسير فى كل هذه العلوم .

ومن المحتمل أن تكون العلوم الرياضية قد بدأت بمرحلة تجريبية . ومن ناحية أخرى ، أشرنا إلى الأصول التجريبية التى يرجح أنها كانت أساس الهندسة والميكانيكا ، وفى مقابل ذلك بينا أن البحوث الأولى فى الطبيعة الرياضية تتمثل فى صورة إقليدية ، تبدأ بمصادرات ونظريات . والخلاصة أن العلوم الرياضية هى علوم تجريبية تأكد طابعها العقل وأصبح ثابتا .

ولكن لم كانت كذلك؟ وما أصل هذه الميزة التي تنفرد بها؟ أو لنسأل على عكس ذلك، فنقول: ولماذا لا تصل العلوم الأخرى إلى هذه المرتبة؟

في نهاية الفصل السابق أجبنا عن هذا السؤال إجابة جزئية. فقد قلنا إن جزءاً من النشاط العقلي في الرياضيات، أعني ذلك النشاط الذي يحصى، وبضع العلاقات، ويرسم الأشكال، وقد وصل إلى مرحلة الاستقلال الذاتي، أعني إلى الشعور التام بذاته، والاكتفاء الكامل نفسه. ذلك لأن الظواهر التي بدأ منها بسيطة، أعني أنه أمكن استخدامها للوصول بسهولة إلى المعاني التي استطاع الذهن إنشائها، والتي تؤدي إلى فهم هذه الظواهر. ففي الرسم مثلاً أمكن الانتقال بسهولة من الخط المرسوم إلى المستقيم، وفي نظرية الآلات (الميكانيكا) أمكن الانتقال من الآلة المادية إلى عناصرها العقلية (ذراع الرافعة، انحدار السطح للمائل، نقطة التطبيق، الاتجاه، شدة القوة). وعندئذ تبين أن المعاني التي أنشئت على هذا النحو تفسر الظواهر التجريبية التي بدأنا بها في أول الأمر تفسيراً كاملاً: فالخصائص الهندسية للدائرة تفسر هذا الأمر: وأعني به أن الخط الذي يقيس محيط حلقة، أياً كان حجمها، هو في جميع الأحوال أكبر قليلاً من ثلاثة أمثال الخط الذي يقيس قطرها، والخصائص الهندسية للشكل البيضاوي تفسر كون الحلقة التي ينظر إليها من زاوية تبدو دائماً في شكل بيضاوي.

ولكن الموضوعات التي تدرسها العلوم التجريبية معقدة، وربما كانت كما قال لينتز، معقدة إلى حد لا نهاية له، بحيث يستحيل استيعابها فالضوء والحرارة مثلاً يتكشfan في كل لحظة عن خصائص غير متوقعة (وأعقد منهما بكثير الحياة، وهي موضوع العلم الذي سوف نتحدث عنه في الفصل التالي).

فالضوء ينتشر في خط مستقيم ، وينعكس تبعاً لقوانين هي في ذاتها بسيطة إلى حد ما . وطالما اقتصر البحث على هذه المسائل ، كان من الممكن تصور علم « هندسى » للضوء يكون ملحقاً بعلم الهندسة ، وذلك لو أضفنا عدداً من المصادر المكملة . ولكن عندما كشفت الظواهر المعقدة الغامضة التي يشتمل عليها علم الضوء ، الطبيعي ، وهي التي بدأت بالخصائص الضوئية العظيمة التعقيد للبلورات ، مثل بلور « سبات Spath » في ايسلنده^(١) ، ومنها إلى الانعطاف أو الزيف diffraction^(٢) ، وإلى تلون الشرائح المعدنية الرقيقة بلون قوس قزح^(٣) الخ .

ومع ذلك ، يظل بين العلوم الرياضية والعلوم التجريبية علاقة مزدوجة :
١ — فالأولى هي المثل الأعلى للثانية ، التي تسعى إلى التشبه بها ، على نحو ما أمل ديكارت .

٢ — والأولى هي صورة الثانية ؛ فكل ما هو معقول في المجال التجريبي ، له تركيب أو صورة رياضية .

١٢ — العلوم الرياضية وعلم الطبيعة الرياضى فرضية استنباطية :

يمكننا أن نعبّر عن التشابه بين العلوم الرياضية وعلم الطبيعة الرياضى

(١) الفصل الخامس من كتاب *Traité de lumière* تأليف هيجنز Hygens (١٦٧٩) عنوانه : « الانعكاس التريب لبلور ايسلنده » .

(٢) عرض هذه الصفة جريماً لدى البسوى Orimaldi في ١٦٦٣ في كتابه :
في الضوء والألوان وتوس قزح

(٣) كشفه فيونين في كتابه « علم الضوء » (١٧٠٤)

بقولنا إن كلا منهما علوم « فرضية استنباطية » ، ونعني بهذه الكلمة أن مناهجها المشتركة تنتقل من الفرض إلى نتائجه عن طريق الاستنباط ، ففي العلوم الرياضية تثبت النتيجة عندما يتم الاستنباط . وفي علم الطبيعة الرياضى يبدأ التحقق بعد أن يتم الاستنباط . ففي الأولى ينزل البرهان من الفرض إلى النتائج ، وفي الثانية يصعد من النتائج إلى الفرض .

مراجع

- القسم الثاني ١ — في علم الفلك
- N. Poincaré Le valeur de La science, Chars . VI.
بوانكاريه : قيمة العلم
بيير هو مبير : الكتاب المشار إليه من قبل
- Pierre Humbert, Livre cité.
جينز : النجوم في مساراتها
- Jeans : Les étoiles dans leur course (Hermann).
ب — في تاريخ علم الطبيعة
- Volkringer : Ses étapes de la physique (Gauthier - Villara)
فولكرنجر : مراحل علم الطبيعة
- ج — في الكيمياء عند لافوازييه
Berthelot : La révolution chimique . Lavoisier (B. Bible
scientif. intern. Alean).
برتلو : الانقلاب الكيميائي : لافوازييه
- د — في الطبيعة الفلكية ، كتب مبسطة
- Couderc ; Univers 1937 (Editions nationalistes).
كودرك : الكون ١٩٣٧
- Pierre Rousseau : Exploration du ciel
بيير روسو : اكتشاف السماء - علم الفلك بدون منظار مكبر - المريخ
وللؤلف بروها Bruhet كتب أخرى أكثر تخصصاً من هذه ، هي :
الشمس - النجوم

هـ — في الطبيعة الذرية

Marcel Boll : Les deux infinis (Larousse) et Pierre Rousseau
de L'atome à l'étoile (Presses universitaire)

مارسل بول : اللامتناهيات - ويمير روسو : من الذرة إلى النجم

القسم الثالث : عن بيكن

لا لاند : قراءات في فلسفة العلوم

مختارات (باللاتينية) قدم لها mauxion (مكتبة Delagrave)

القسم الرابع : أمثلة فنية عديدة في القراءات العلمية (علم طبيعة وكيمياء)

لؤافه جيل جي (هاشت) وقد نفذ هذا الكتاب للأسف ، ولكن يمكن

العثور عليه . كتاب هيجنس Huygens .

Traité de la lumière أعيد طبع كتاب Huygens وعنوانه

في مجموعة : أقطاب الفكر العلمي

Les maîtres de la pensée scientifique (Gauthiers - Villars)

الفهرس

الصفحة	الموضوع
١	الفصل الاول : المنطق وعلم النفس
٢٨	الاول : مراجع
٢٩	الثاني : المنطق
٥٩	الثاني : مراجع
٦١	الثالث : الروح العلية
٩٦	الثالث : مراجع
٩٧	الرابع : تصنيف العلوم
١١٥	الرابع : مراجع
١١٧	الخامس : موضوع العلوم الرياضية
	الترتيب والقياس — العدد والمقدار
١٤٣	الخامس : قراءات
١٤٥	السادس : منهج العلوم الرياضية
٢٠٠	السادس : مراجع
٢٠١	السابع : العلوم الطبيعية
٢٢٩	السابع : مراجع

Bibliotheca Alexandrina



0420137

المن ٢٧٥