

# Ortvay 1980

1. Egy magas téglakéményt le kell bontani, ezért feldöntik. Dőlés közben eltörik.

Mekkora dőlési szögnél és a kémény melyik pontján kezdődik a repedés? Mi történik, ha a kémény földet érésig egészben maradt?

(II.,III.,IV.,V. évfolyam)

2. Ha egy borotválkozó tükörtől távolodunk, képünket egy adott távolságnál megfordulni látjuk. Milyen messze vagyunk ekkor a tükörtől? Adjuk meg a szögnagyítást a távolság függvényében! A tükör fókusztávolsága legyen  $20\text{cm}$ , a szemgolyó átmérője  $\approx 5\text{cm}$ , a két pupilla távolsága  $\approx 6,5\text{cm}$ . Két szemmel  $\approx 12\text{cm}$  távolságról, egy szemmel  $\approx 10\text{cm}$  távolságról tudunk még olvasni, ha a szemünket megerőltetjük.

(II. évfolyam)

3. A levegő radioaktív radontartalmának meghatározását végezzük régóta nem szelöltetett helységben. Mérési módszerünkben egy  $Q$  ( $m^3/\text{óra}$ ) teljesítményű szivattyúval egy szűrőn szívjuk át a levegőt sok órán keresztül. A szűrőpapír  $h$  hatásfokkal felfogja a levegőben lévő mikrorészecskéket, amelyekre a nemesgáz radon radioaktív bomlástermékei ráülnek. Mekkora a levegő radontartalma, ha a mintavétel befejezésekor a szűrőpapír alfa részecskékre vonatkozó aktivitása  $A_{\text{alfa}} = 0$ ? Hogyan változik  $A_{\text{alfa}}(t)$  a mintavétel befejezésétől számított  $t$  idő függvényében?

A radon bomlássémája:

Hiányzó kép

(II. évfolyam)

4. Gömb alakú,  $m$  tömegű,  $\Theta$  tehetetlenségi nyomatékú úrhajót elhanyagolható tömegű, tökéletesen visszaverő,  $R$  sugarú kör alakú fólia közepébe helyezünk. (A vitorlát merevítő bordázat tömege is elhanyagolható.) Az úrhajó segédtrakétáival változtatni lehet a vitorla Naphoz viszonyított állásszögét.

- Adjuk meg a napvitorlás mozgásegyenleteit!

- Milyen pályán mozog a segédtrakétáit nem használó napvitorlás?

- Próbáljunk meg olyan vitorlakezelési stratégiát kidolgozni, amellyel a vitorlás egyenes vonalban húzhat el a Nap mellett!

(A Napállandót vegyük táblázatból,  $m$ ,  $\Theta$ ,  $R$  értékeit becsüljük!)

(II. évfolyam)

5.  $d$  hosszúságú, súlytalan rúd alsó végét csuklósan a padlóhoz rögzítjük és a rudat mindkét oldalon  $k$  direkción erejű, egyformán összenyomott, vízszintes rugóval támasztjuk ki. A rugók a padlótól  $h$  távolságra érintkeznek a rúddal és a rúd középső

helyzetében  $F$  erőt fejtenek ki. (A csukló csak a rúd és a rugók által meghatározott síkban való mozgást engedi meg.) A rúd másik végére  $m$  tömegű testet helyezünk.

Határozzuk meg az egyensúlyi helyzetet és az egyensúly körüli kis rezgések frekvenciáját!

(II. évfolyam)

6. Homogén gravitációs térben esőcsepp zuhan. Esés közben tömege a környező vízgőz kondenzációja következtében pillanatnyi felületével arányosan növekedni kezd. Kezdetben  $R = R_0$  és  $v = v_0$ .

Adjuk meg az esőcsepp mozgását!

(II. évfolyam)

7. A Mars Phobos nevű holdja  $16\text{km}$  átmérőjű,  $9300\text{km}$  sugarú pályán  $7\text{óra}39\text{perc}$  alatt kerüli meg a bolygót. Keringési ideje csillagászati mérések szerint lassan csökken:

$$\frac{\Delta T}{T} = -8 \cdot 10^{-12}$$

A Phobos magasságában a mars-légkör sűrűsége kisebb  $2 \cdot 10^3 \text{molekula/cm}^3$ -nél. Becsüljük meg, hogy a légkör fékező hatása meg tudja-e magyarázni a keringési idő változását!

(II. évfolyam)

8. Határozzuk meg egy csillag valódi és látszólagos iránya közti különbséget, ha az atmoszféra törésmutatója

$$n(r) = r + \nu_0 \cdot \exp[-\mu(r - R)]$$

szerint változik (ahol  $R$  a Föld sugara,  $\nu_0 = 2,7 \cdot 10^{-4}$ ,  $\mu = 0,14\text{km}^{-1}$ ) és a csillag látszólagos zenitmagassága  $\Theta_0$ !

Meg lehet-e ennek alapján magyarázni azt a tapasztalatot, hogy a lenyugvó Nap lapultnak látszik?

(III. évfolyam)

9. Egy fémkristályban az  $x_1, x_2, x_3$  derékszögű koordináta-rendszerben a fajlagos ellenállás tenzora diagonális:

$$\rho = \begin{pmatrix} \rho_1 & 0 & 0 \\ 0 & \rho_2 & 0 \\ 0 & 0 & \rho_3 \end{pmatrix}$$

Az egykristályból az  $\mathbf{n}$  egységvektorral párhuzamosan vékony tűt vágunk ki. Mekkora fajlagos ellenállást mérünk, ha a tűn hosszanti irányban áramot bocsátunk át?

(III. évfolyam)

10. Mély vízből egy kicsiny légbuborék száll fölfelé. Hogyan mozog? Mennyi idő alatt éri el a felszínt? Milyen adatok esetén alkalmazható a Stokes-formula?

(III. évfolyam)

11. Egy magnetofon felvevőfejének légrése  $1\mu m$ . Mekkora felső határfrekvenciát enged ez meg  $9,5cm/s$ -os szalagsebességnél?

(III. évfolyam)

12. Vezessük le a hanghullámok terjedésére vonatkozó egyenletet és peremfeltételt, feltételezve, hogy a gázban terjedő hanghullám és a szilárd felület találkozásakor a felület közelében lévő gázmolekulák nem mozognak! Ezt felhasználva írjuk le a hang terjedését egy  $a, b$  oldalú, téglalap keresztmetszetű csőben!

Mi történik, ha a hang frekvenciája kisebb egy kritikus értéknél?

(III. évfolyam)

13. Egyik végén gömbcsuklóval rögzített  $\ell$  hosszúságú,  $m$  tömegű, vékony, merev rúd mágneses anyagból készült és ezért - a párhuzamosan álló spinek miatt - egy  $I$  nagyságú, a rúd irányába mutató belső impulzusmomentummal rendelkezik. Vizsgáljuk a rúd erőmentes mozgását! Keressünk olyan kezdőfeltételeket, amelyek mellett a rúd gravitációs térben egyszerű mozgást végez!

(III. évfolyam)

14. Adjuk meg a Stern-Gerlach kísérlet Hamilton-operátorát és számoljuk ki a hatáskeresztmetszetet!

(IV. évfolyam)

15. Dolgozzuk ki egy szabad, térbeli rotátor, illetve a hidrogénatom kanonikus kvantumelméletét kezdettől fogva térbeli polárkoordinátákat használva! Határozzuk meg az energiaspektrumot!

(IV. évfolyam)

16. Az  $^{16}O$  atommag töltéseloszlásának vizsgálatára az egyik korai (1963) kísérletben  $420MeV$  energiájú elektronok szóródását tanulmányozták. A mérésben kapott differenciális szögeloszlás adatait az alábbi táblázat tartalmazza:

$\vartheta_{CM}$	$d\frac{d\sigma}{d\Omega} \left( \frac{cm^2}{strad} \right)$
32°	$5,10 \cdot 10^{-30}$
35°	$3,54 \cdot 10^{-30}$
38°	$4,96 \cdot 10^{-31}$
40°	$1,52 \cdot 10^{-31}$
42°	$3,98 \cdot 10^{-32}$
44°	$1,05 \cdot 10^{-32}$
46°	$1,51 \cdot 10^{-32}$
48°	$2,20 \cdot 10^{-32}$
50°	$2,46 \cdot 10^{-32}$
52°	$2,81 \cdot 10^{-32}$
54°	$2,8 \cdot 10^{-32}$
60°	$1,31 \cdot 10^{-32}$
65°	$5,02 \cdot 10^{-33}$
70°	$2,0 \cdot 10^{-33}$
75°	$5,1 \cdot 10^{-34}$

Hiba mindenütt  $\pm 10\%$ .

Határozzuk meg az  $^{16}O$  mag radiális töltéssűrűség eloszlását és a mag közepes sugarának értékét a fenti mérési adatok analíziséből!

(IV.,V. évfolyam)

17. Egy  $Fe_{78}B_{12}Si_{10}$  fémüvegből hőkezelés hatására először  $FeSi$  szilárd oldat kristályosodik ki az alábbi egyenlet szerint:

$$a \cdot Fe_{0,78}B_{0,12}Si_{0,1} = c \cdot Fe_{1-z}Si_z + (1 - c) \cdot Fe_{1-x-y}B_xSi_y$$

ahol  $c$  a kristályosodott hányad. Megmértük a fémüveg fázis Curie hőmérsékletét az

összetétel és a kristályos hányad függvényében:

$$\begin{aligned} \left. \frac{\partial T_c}{\partial x} \right|_{y=\text{konst}} &= 900 \pm 200K, \\ \left. \frac{\partial T_c}{\partial y} \right|_{x=\text{konst}} &= 600 \pm 200K \\ \text{és} \quad \frac{\partial T_c}{\partial c} &= 65 \pm 15K. \end{aligned}$$

Becsüljük meg a kiváló  $Fe_{1-z}Si_z$  fázis összetételét!

(IV. évfolyam)

18. Bizonyos fajta kenőcsök (kétfázisú emulziók) viszkozitása (adott hőmérsékleten) a nyírófeszültség függvényében jellegzetes "merev-folyékony átmenetet" mutat:

$$\eta = \begin{cases} \infty & \sigma_t < \sigma_0 \\ \eta_0 & \sigma_t > \sigma_0 \end{cases}$$

A  $\sigma_0$  folyási határ meghatározására alkalmazott módszer az ún. "szétterülőképeség" mérése, amely abból áll, hogy ismert  $V$  térfogatú kenőcs-labdát két üveglap közé helyeznek, és az üveglapokat  $G$  súllyal összenyomják, majd megméri az általában kör alakú kenőcs-folt  $d$  átmérőjét.

Becsüljük meg egy ilyen kenőcs folyási határát, ha a fenti mérések az alábbi adatsort eredményezik!

$V = (1,0 \pm 0,05)cm^3$ , a  $G$  (*pound*-ban) és  $d$  (*mm*-ben) összetartozó értékei:

$$(G; d) = (20; 33), (50; 39), (100; 46), (150; 49), (200; 52),$$

és  $d$  leolvasási hibája  $\pm 1mm$ .

(IV. évfolyam)

19. Egy  $R$  sugarú rögzített, jól vezető fémgömbre  $\lambda \gg R$  hullámhosszúságú síkhullámot bocsátunk. Melyik irányban sugároz a gömb leggyengébben? Mekkora a teljes szórási hatáskeresztmetszet?

(IV. évfolyam)

20. Vizsgáljuk azt a háromállapotú rendszert, melynek energiaviszonyait ill. az egyes állapotok közötti átmenetek lehetőségeit az alábbi ábra szemlélteti:

Hogyan változik az időben a rendszer valószínűség-eloszlása  $T$  hőmérsékletű környezetben, ha a kezdeti eloszlást ismerjük? Mutassuk meg, hogy abban az esetben, ha  $E \gg \epsilon$  és  $\epsilon \approx kT$ , az egyensúlyi eloszlás független lesz az  $E$  energiától! Milyen típusú mennyiségekben játszik viszont  $E$  lényeges szerepet? Mondjunk olyan fizikai

rendszereket, melyeket ilyen három állapotú rendszerrel modellezhetünk!  
(Tekintsük a  $\mu_2$ ,  $\lambda_2$  időegységre eső átmeneti valószínűségeket adottnak!)

Hiányzó ábra

(V. évfolyam)

21. Egy egydimenziós rácson egy  $Ze$  töltésű részecske mozgását a külső  $E(t)$  tér hatására a következő (master) egyenlet írja le:

$$\frac{\partial}{\partial t} p(j, t) = \alpha(1+F(t)) [p(j-1, t) - p(j, t)] + \alpha(1-F(t)) [p(j+1, t) - p(j, t)]$$

$$j = 0, \pm 1, \dots, \frac{N}{2} \quad ; \quad F(t) = \frac{ZeaE(t)}{k_B T}$$

ahol  $p(j, t)$  a  $j$ -ik helyen  $t$  időben tartózkodás valószínűsége és " $a$ " a rácsállandó. Mutassuk meg, hogy a sebesség várható értéke ( $\partial_t \langle x \rangle$ ) arányos a külső térrel, és határozzuk meg az arányossági tényezőt!

Útmutatás: tételezzük fel, hogy  $t = 0$  időpontban a részecske az origóban van és vizsgáljuk az  $N \rightarrow \infty$  határesetet!

(V. évfolyam)

22. 1980 nyarán tudományos szenzációt jelentett az a hír, hogy a legújabb vizsgálatokból arra lehet következtetni, hogy az elektron neutrínó (és antineutrínó) nyugalmi tömege nem pontosan zérus.

a./ Határozzuk meg az  $E_0$  energiájú béta-átmenethez tartozó elektronspektrumot azzal a feltételezéssel, hogy az antineutrínó nyugalmi tömege  $\approx 10eV$ !

b./ A béta bomlás elektronspektrumának pontos mérésével szeretnénk meghatározni az antineutrínó feltételezett, kb.  $10eV$  nyugalmi tömegét  $2eV$  pontossággal. Milyen energiafelbontású és statisztikájú méréssel lehetne a feladatot végrehajtani, ha a vizsgált kvantumátmenet  $1000keV$ -es, a bomló mag tömegszáma 100?

(A kirepülő elektron és a mag Coulomb kölcsönhatásától tekintsünk el az egyszerűség kedvéért!)

(V. évfolyam)

23. Két megkülönböztethető,  $1/2$  spinű részecske spinállapotát a  $\rho$  sűrűségmátrix írja le. Ez legyen olyan tulajdonságú, hogy ha a részecskéknek egy  $\mathbf{t}$  egységvektor irányába vetett spinvetületét képezzük, akkor a vetületek szorzatának várható értéke mindig  $\alpha$ ,  $\mathbf{t}$  irányától függetlenül:

$$\text{Spur} \{ \rho(\mathbf{s}_1 \mathbf{t}) \cdot (\mathbf{s}_1 \mathbf{t}) \} = \alpha$$

Mekkora lehet  $\alpha$ ?

(V. évfolyam)

24. Folyassunk vizet egy vízcsapból! A csapot lassan elzárva a kifolyó víz alakja egyszercsak hullámossá válik. Miért? Milyen paramétereiktől és hogyan függ a hullámhossz?

(V. évfolyam)